



كلية التربية البدنية وعلوم الرياضة  
الدراسات العليا / الماجستير



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي  
الجامعة المستنصرية

# الكينماتيكا الخطي وحركات جسم الإنسان

## Linear Kinematics & Motion of Human Body

إعداد وتقديم:

إ.م.د. علي مناتي أحمد الحمراي  
الماجستير للعام الدراسي ٢٠٢٠ - ٢٠٢١

محاضرة الأسبوع الثالث

سُورَةُ الْبَقَرَةِ

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

قَالُوا سُبْحَانَكَ لَا عِلْمَ لَنَا إِلَّا مَا عَلَّمْتَنَا إِنَّكَ أَنْتَ الْعَلِيمُ الْحَكِيمُ



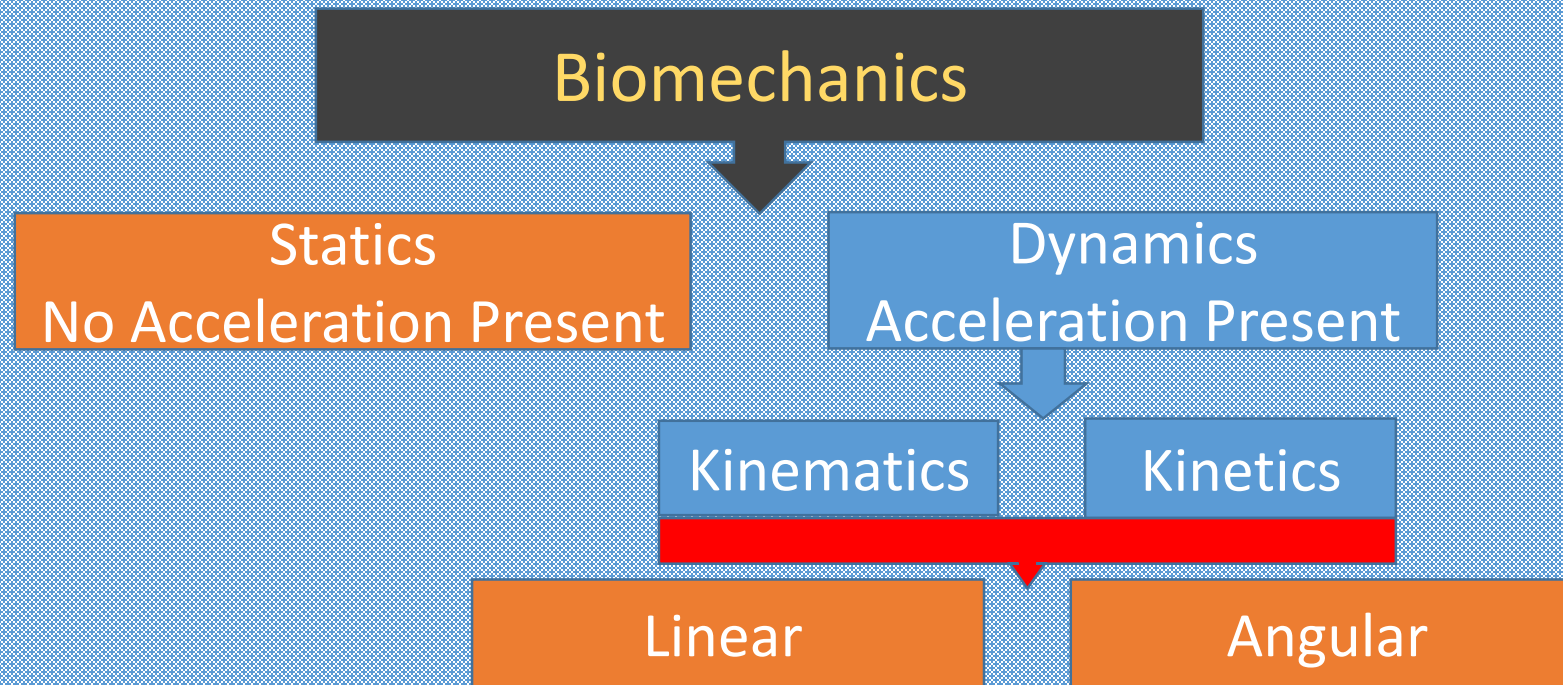
ان الرياضة بمفهومها العام علماً وفناً له اصوله وقواعده التي تميزه عن العلوم الأخرى، فهي تعتمد على علوم الفيزياء، الكيمياء، الطب، وغيرها من العلوم ذات الصلة، وان البايوميكانيك يجمع مختلف هذه العلوم من أجل تقديم الأفضل للأداء الرياضي والانجاز. لذا أصبح علم الميكانيك الحيوية من العلوم المهمة في التربية الرياضية لاستعمالاته الواسعة في مختلف المجالات في العمليات التعليمية والتدريبية ولا يمكن الاستغناء عنه في تفسير مجريات تلك العمليات.

يقصد بالميكانيكا الحيوية (Biomechanics) التعرف على الارتباط الوثيق بين الجانبين الحيوي (البيولوجي) (Bio)، والميكانيكي (Mechanics) لدراسة الحركة الرياضية بالشكل الأمثل والوصول بالأداء الى الأفضل خلال إيجاد التكنيك المثالي واستثمار وتوظيف القوى اللازمة بشكل جيد ورسم المسارات الحركية الملائمة لأجزاء الجسم المشتركة بالأداء المهاري. وعموماً ينقسم البايوميكانيك الى:

١. الساكن (Statics): ويعني به الحالة التي تكون فيها جميع القوى المؤثرة على الاجسام متوازنة والجسم في حالة سكون وثبات.

وهو العلم الذي يبحث في حالة استقرار واتزان الاجسام، وعندما يطبق على الاجسام الحية يسمى البايوستاتيكة، وهو الحفاظ على وضعية الجسم وأجزائه على قاعدة الارتكاز في حالة الثبات.

٢. المتحرك (Dynamics): وهو العلم الذي يبحث في طبيعة القوى المتحركة وغير المتوازنة، والتي تسبب تغيراً في سرعته واتجاهه، وهو العلم الذي يهتم بدراسة الاجسام المتحركة بتعجيل تزايدى أو تناقصى أو الاثنين معاً، وينقسم الى قسمين داخليين:



١. الكينماتيك (Kinematics)

٢. الكينيك (Kinetics)

١. الكينماتيك: هو احد أقسام البايوميكانيك والذي يعني بدراسة الحركة دراسة وصفية ظاهرية لمتغيراتها الزمانية والمكانية بصرف النظر عن القوى التي تسبب حدوث الحركة. وينقسم الى فرعين:

الكينماتيك الدائري (الزاوي)  
Angular Kinematics

الكينماتيك الخطي (المستقيم)  
Linear Kinematics

لذا فإن هذا العلم عندما يتطرق لدراسة حركة معينة في اية فعالية ، ولتكن حركة المشي فنجد ان تحليل هذه الحركة تحليلا وصفيا للمركبات الميكانيكية التي تؤدي إلى حدوث الحركة ، وكذلك المسافة المقطوعة من جراء ذلك او تذبذب حركة الجسم من السرعة إلى البطء فنجد ان قسم البايوميكانيك الذي يعني بدراسة هذا الجانب هو الكينماتيك الذي يمكن تعريف مهمته ببساطة.

الكينماتيك الخطي (المستقيم) (Linear Kinematics):

هو احد الفروع الذي يقوم بدراسة متغيرات الحركة دراسة وصفية ظاهرية خلال الحركات المستقيمة او الانتقالية. وقد تكون المتغيرات على شكلين :

تقسم الكميات الفيزيائية (الميكانيكية) الى نوعين:

١. الكميات القياسية

٢. الكميات المتجهة

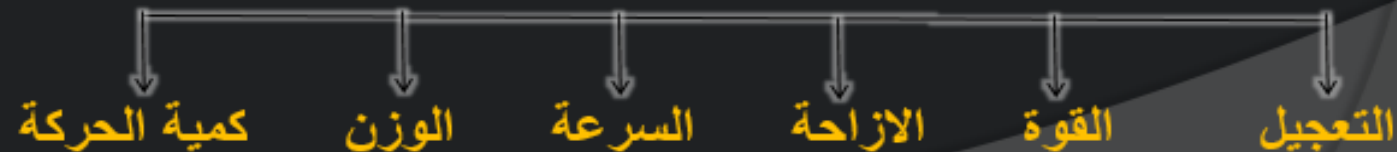
- الكميات القياسية: يكفي لتعريفها ذكر مقدارها ووحدة قياسها فقط.
- الكميات المتجهة: بالإضافة الى ذكر مقدارها ووحدة قياسها، نحتاج لذكر اتجاهها ايضاً.

## الكميات القياسية والكميات المتجهة

### الكميات القياسية

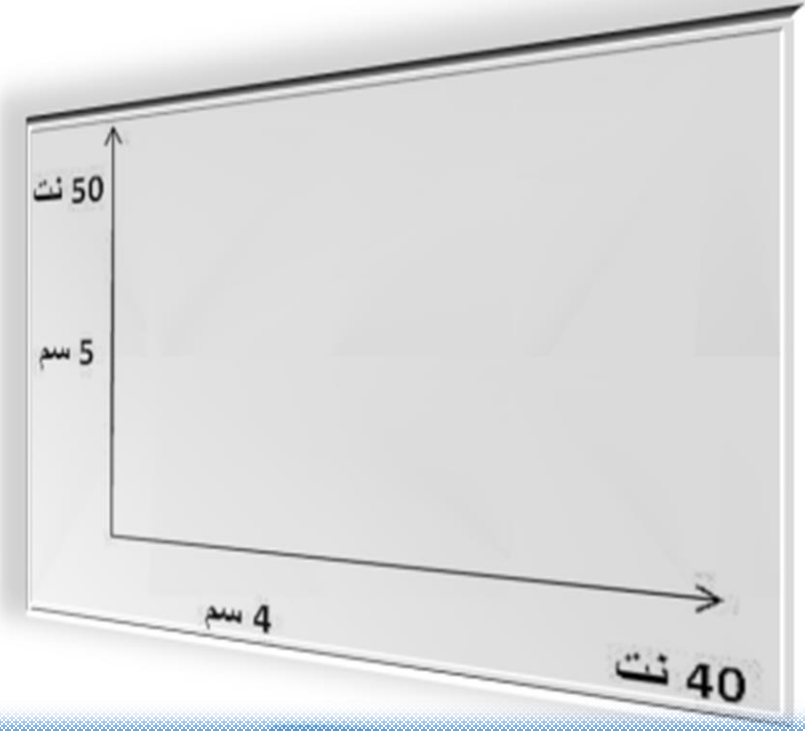


### الكميات المتجهة



الكميات المتجهة (Vector Quantities)	الكميات العددية (القياسية) (Scalar Quantities)
الوزن Weight	الكتلة Mass
السرعة المتجهة Velocity	السرعة Speed
التعجيل Acceleration	الحجم Volume
القوة Force	الكثافة Density
الزخم Momentum	المساحة Area
الازاحة Displacement	المسافة Distance
الدفع Thrust	الحرارة Temperature
الإتجاه Direction	الضغط Pressure
الرفع Lift	الشغل Work
السحب Drag	القدرة Power
	الطاقة Energy
	الطول Length
	الزمن Time

مثال: إذا قلنا أن قوتين أحدهما N50 والآخرى N40 فما مقدار التأثير النهائي لهاتين القوتين؟ هنا لا يمكننا من معرفة محصلة القوتين ما لم نحدد إتجاهاتها، عندئذ يتحدد التأثير النهائي بالاتجاه فضلاً عن المقدار، ويمكن تمثيل الكميات المتجهة بيانياً، وكما في الشكل الآتي:



# الوزن والكتلة

الكتلة Mass	الوزن Weight
كمية قياسية (عددية)	كمية قياسية متجهة
وحدة قياسها الكيلوغرام أو الغرام	وحدة قياسها (N) نيوتن أو (D) داين
تعبّر عن مقدار ما يحتويه الجسم من مادة	تعبّر عن مقدار قوة الجذب الأرضي للجسم
لا تتغير قيمته بتغير موقع الجسم	تتغير قيمته بتغير موقع الجسم من حيث الارتفاع والانخفاض عن مستوى سطح الأرض

إن إصدار القوة العضلية هو الأساس في إحداث الحركة، سواءً كانت حركة اعتيادية أو مهارة رياضية، مثل الوثب العالي، رمي الثقل والقرص، ومهارات الجمناستك وغيرها من الفعاليات الرياضية المختلفة.. ففي كل هذه الفعاليات يكون للقوة تأثير ينتج عنه تغيير في حالة الجسم الحركية أو الشكلية، حيث أنها تعني "الفعل الميكانيكي الذي يغير حالة الجسم الحركية أو الشكلية الذي يؤثر فيه وتقاس بوحدات النيوتن أو الداين"، لكن يجب أن نفهم الجانب الميكانيكي الآتي:

إن وجود الحركة يعني أن هناك قوة مؤثرة، أي أن الحركة مظهر من مظاهر القوة.

إن وجود القوة لا يعني وجود حركة، حيث أن القوة من الممكن أن تغير أو تحاول التغيير من حالة الجسم الحركية أو الشكلية، ووفقاً لذلك فقد تكون هناك قوة مؤثرة ولكن لا تستطيع التغلب على القصور الذاتي للجسم وبالتالي لا يحدث التغيير المذكور.

من هنا وجب علينا التفريق بين الكتلة والوزن كمصطلحين لهما مفهومين مختلفين، إن الكثير منا يعتقد ان التدريبات التي تتم بالأثقال والتي تقاس بالكيلوغرام هي عبارة عن كتل ولكنها في واقع الحال قوة او وزن مؤثر بالاتجاه الأسفل بفعل الجاذبية الأرضية ووحدة قياسه هي  $\{N\} = \text{Kg.m/s}^{-2}$ ، فالوزن: هو مجرد مقياس لقوة الجذب الأرضي التي يخضع لها الجسم ولا علاقة له بالكتلة.. فوزن الاجسام يختلف من مكان لآخر وبدون معرفة كتلة الجسم لا يمكن معرفة وزنه.



# المسافة والازاحة

Displacement الازاحة	Distance المسافة
كمية قياسية متجهة	١. كمية قياسية (عددية)
يجب ذكر مقدارها ووحدة قياسها واتجاهها	٢. للتعرف عليها يكفي ذكر مقدارها ووحدة قياسها فقط.
لا يمكن أن تكون أكبر من المسافة	٣. قد تكون أكبر من الازاحة أو ممكن أن تتساوى معها
قد لا يقاس الفراغ فعلياً خلال الحركة، ويمكن أن تصل قيمتها الى الصفر لأنها تعني مقدار التغيير من الوضع الابتدائي الى الوضع النهائي، والذي قد ينطبق كلاهما في نقطة واحدة ويمكن أن نطلق عليه بمحصلة المسافة، بعبارة أخرى "ان الازاحة هي محصلة للأبعاد الأفقية والعمودية".	٤. يقاس الفراغ الفعلي خلال الحركة المقطوعة ولا يمكن أن يكون مقداره صفراً لأنها تعني مقدار أو طول الفراغ بين نقطتي الحركة.

## المسافة Distance:

تعني المسار أو البعد الذي يتحقق خلال حركة الجسم من بدء تحركه الى نهاية حركته بغض النظر عن الاتجاه، وحدة قياسها (متر) أو (سنتيمتر) أو (كيلو متر).

## الازاحة Displacement:

هي التغير بوضع الجسم خلال الحركة، وهي اقل بعد أو مسار بين بداية ونهاية حركة الجسم باتجاه واحد، وحدة قياسها (متر) أو (سنتيمتر) أو (كيلو متر).

## المسافة كمية قياسية والازاحة كمية متجهة

المحصلة (الازاحة) = 122m

المسافة = 200m

نقطة الانطلاق  
البداية

المحصلة (الازاحة) = 122m

العرض = 70m

الزاوية = 90°

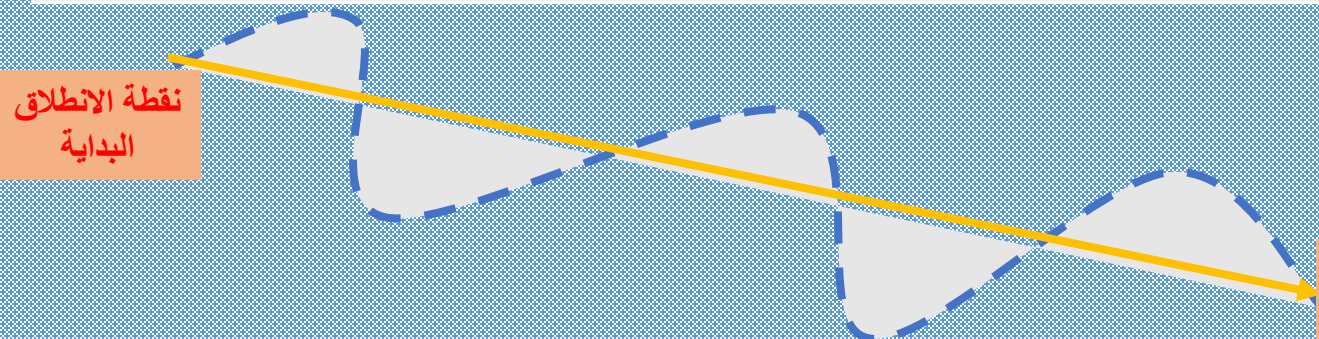
نق = 35m

الطول = 100m

نقطة الثبات  
النهاية

نقطة الثبات  
النهاية

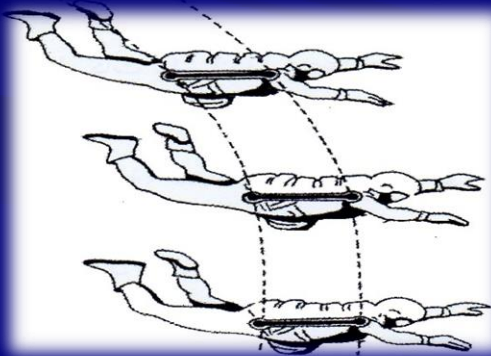
نقطة الانطلاق  
البداية



انواع الحركات: ان الحركات التي يقوم بها الانسان تختلف من موقع لآخر، ولدراستها ميكانيكياً نَصِفُها من حيث اشكالها الهندسية.

## الحركة من حيث المسار الهندسي

حركات عامة

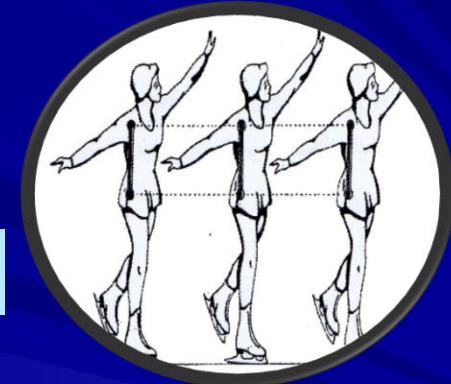


حركات خطية

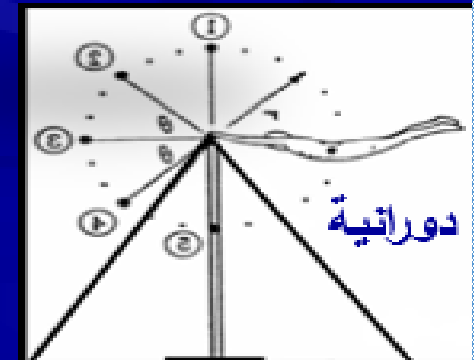
المنحنية

المستقيمة

حركات دورانية



مركبة



مستقيمة

٢- الحركة الدورانية



اولا- التقسيم الهندسي للحركة :

١- الحركة الانتقالية



٣- الحركة المركبة



## الحركة من حيث المسار الزمني :

الحركة المنتظمة :

وهي تلك الحركات التي تسير بسرعة ثابتة وهذا النوع نادر الحدوث في الأنشطة الرياضية (مسافات متساوية وأزمنة متساوية).

حركة غير منتظمة :

وفيها يقطع الجسم مسافات غير متساوية في وحدات زمنية متساوية وهذا النوع الأكثر شيوع في الأنشطة الرياضية.



t=0 s



t=1 s



t=2 s



t=3 s



t=4 s



t=5 s



t=6 s



t=7 s

مسافة غير منتظمة  
زمن منتظم



t=0 s



t=1 s



t=2 s



t=3 s



t=4 s



t=5 s



t=6 s



t=7 s

مسافة منتظمة  
زمن منتظم

## ثانيا- التقسيم الزمني للحركة:



١- الحركة المنتظمة  
حركة الجسم الذي يقطع مسافات متساوية في ازمان متساوية

٢- الحركة غير المنتظمة:  
حركة الجسم الذي يقطع مسافات مختلفة في ازمان متساوية

- أ- الحركة بتعجيل موجب
- ب- الحركة بتعجيل سالب



جدول يبين التغير بالسرعة (ظهور انواع التعجيل) خلال مسافة السباق ( 100 متر )

Distance	10m	20m	30m	40m	50m	60m	70m	80m	90m	100m
Time	1.88	1.07	0.91	0.88	0.85	0.84	0.84	0.84	0.86	0.87
Velocity	5.31	9.34	10.98	11.36	11.76	11.90	11.90	11.90	11.63	11.49



**Watts Zap**

**TDK**

**TOYOTA**



# السرعة

هي مصطلح للتعبير عن معدل حركة الجسم ، وهناك فرق كبير بين السرعة القياسية بمعنى ( Speed ) بمدلول المسافة القياسية مقسومة على الزمن ، والسرعة المتجهة بمعنى ( Velocity ) بمعنى محصلة السرعة المتكونة من سرعة عمودية وافقية .  
أن السرعة بمعنى Velocity ترتبط بالإزاحة ككمية متجهة وزمنها كما في سباق ١٠٠ م ، اما المسافة التي يتحركها الجسم في زمن معين لا تشير إلى اتجاه حركة هذا الجسم فهي تعني سرعة الجسم بغض النظر عن اتجاهه . (المسافة / الزمن) ، مثل المسافة التي يتحركها لاعب كرة القدم بمختلف الاتجاهات وزمنها . وفي كل الأحوال : ((السرعة تساوي المسافة المقطوعة في وحدة الزمن))

السرعة: عندما يتحرك جسم من مكان الى اخر فان حدوث هذه الحركة يتم في زمن معين ويختلف الزمن المستغرق لقطع مسافة محددة من جسم لآخر، وكل بحسب سرعته .

فقطع مسافة ١٠ كم يختلف في الزمن المستغرق بحسب كيف تم قطع المسافة:

١ . بواسطة السيارة المسرعة .

٢ . بواسطة الركض .

٣ . بواسطة مشياً على الاقدام .

اذن القانون هنا (السرعة = المسافة / الزمن)



# السرعة المتجهة

يمكن ان تكون المسافة المقطوعة عبارة عن مسافة خطوة واحدة ضمن سرعة المشي او الركض عند الانسان فإننا نلجأ الى قياس طول خطوة المشي او الركض وتضرب بتكرار الخطوات خلال ثانية اي يعني السرعة = طول الخطوة × ترددها طول الخطوة يقاس بالمتر

اما تردد الخطوات يقاس بعدد الخطوات / ثانية

وكلما اراد الانسان ان يحقق سرعة اكبر يلجأ الى اطالة طول الخطوة ويمكن زيادة السرعة من خلال زياد تكرار الخطوات بالثانية

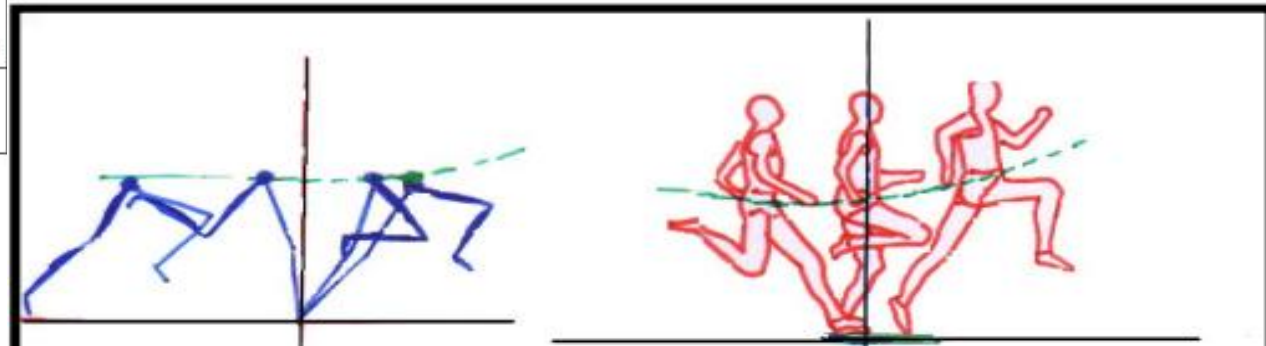
فلو كان طول الخطوة ٢م

وتكرار الخطوات ٤ خ / ث

فان السرعة تساوي  $2 \times 4 = 8$  م / ث

## مرحلة الاستناد

Stance Phase (60% of total)					Swing Phase		
Initial Contact (heel contact)	Loading Response	Midstance	Terminal Stance	Pre Swing (toe-off)	Initial Swing	Midswing	Terminal Swing
External Rotation of Tibia	Internal Rotation of Tibia		External Rotation of Tibia	مرحلة التآرجح			
Supination	Pronation		Supination				



ملاحظة: يحسب: (١) زمن الخطوة من لحظة الارتكاز الى لحظة قبل التماس للخطوة القادمة (زمن الارتكاز + زمن الطيران).

(٢) طول الخطوة فيمكن حسابه من مكان مشط اقدم اليمين الى مكان الذي يصله مشط القدم اليسار.

## السرعة القياسية والمتجهة

السرعة القياسية:

المسار الذي يقطعه الجسم من نقطة البداية الى نهاية حركته وتقاس بتقسيم التغير بالمسافة على التغير بالزمن.

$$v = \frac{d}{\Delta t}$$

المسافة  
معدل السرعة =  
الزمن



اذا كان زمن سباق 100m هو 9.85s فان معدل السرعة هو:

$$\text{Average velocity} = 100 / 9.85 \\ = 10.15 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

If displacement = 50 m

If  $\Delta t = 5 \text{ s}$

$$v = 50 / 5$$

$$= 10 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$$

اما السرعة الاتجاهية فهي تعني التغير بحركة الجسم بأقصر مسار متجه وتقاس بقسمة التغير بالمسافة على التغير بالزمن

# السرعة المتجهة Velocity V



محصلة السرعة (جمع أو تركيب الكميات المتجهة):

1. إذا كانت السرعتان باتجاه واحد فإن المحصلة تكون حاصل جمعها وتبقى بنفس الاتجاه.

2. إذا كانت السرعتان باتجاهين متعاكسين، فإن المحصلة تساوي الفرق بينهما ويكون محصلة الاتجاه، باتجاه السرعة الأكبر.

3. إذا كانت السرعتان متعامدتين فإن المحصلة تكون من خلال نظرية فيثاغورس وقانونها:

$$^2y + ^2x = ^2R$$

4. أما إتجاهها فيكون من خلال  $\theta = \tan^{-1} \frac{y}{x}$  = المقابل/ المجاور إذا كانت الزاوية بين السرعتين منفرجة أو حادة فيتم استخراج المحصلة من خلال المعادلة:

$$(\cos \theta \times y + \sin \theta \times x) = R$$

ويتم تحديد إتجاهها من خلال:

$$\cos \theta = \frac{x}{R} \quad \sin \theta = \frac{y}{R}$$



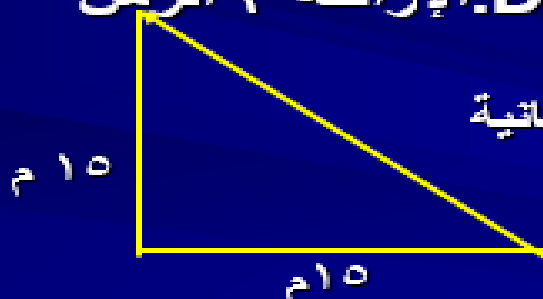
## السرعة المتجهة تقاس هندسيا

وحدة قياس السرعة المتجهة (المحصلة) هي م/ث (m/s)  
السرعة المحصلة هي سرعة متجهه وتقاس وفق نظرية فيثاغورس اذا كانت الزاوية قائمة (90°) التي تقول مربع الوتر (يعني المحصلة) = مربع المركبة العمودية + مربع المركبة الافقية"

$$v1 = \frac{d1}{t1}$$

معدل السرعة =  $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$  اي

ومثال : قطع لاعب كرة قدم مسافة 30 متر بزمن 5 ث ؟ فالسرعة التي حققها هي 30 ÷ 5 = 6 م/ث ، في حين أن هذا اللاعب اذا انطلق مستقيماً 15 متر بزمن 2 ث ثم انعطف واكمل 15 متر أخرى بزمن 3 ث ، علما ان الزاوية قائمة بين السرعتين؟  
السرعة Velocity هي معدل قطع الإزاحة Displacement. الإزاحة 1 الزمن



السرعة النهائية المحصلة = مربع السرعة الاولى + مربع السرعة الثانية

$$= \sqrt{(3 \div 15)^2 + (2 \div 15)^2} = 9.68 \text{ م/ث}$$

هي السرعة المتجهة

وإذا اردنا ان نستخرج متوسط السرعة فنستخرج سرعة كل مسافة ونجمعها مع سرعة المسافة الاخرى ونقسمها على 2 اي

متوسط السرعة =  $\frac{\text{السرعة الاولى} + \text{السرعة الثانية}}{2}$

$$= \frac{(3 \div 15) + (2 \div 15)}{2}$$

متوسط السرعة =  $\frac{6.25 \text{ م/ث}}{2}$

$$\bar{v} = \frac{v1 + v2}{2}$$

اما اذا كانت الزاوية بين سرعتين حادة او منفرجة فان المحصلة يمكن استخراج قيمتها من

خلال القانون الجيب تمام.

السرعة المحصلة =  $\sqrt{\text{السرعة الافقية}^2 + \text{السرعة العمودية}^2 + 2 \times \text{س افقية} \times \text{س عمودية} \times \text{جتا الزاوية}}$

مثال: سباح يتأثر بسرعتين احدهما 5 m/s والثانية سرعة تيار الماء 4 m/s وكانت الزاوية بين هاتين السرعتين 45 درجة، اوجد السرعة النهائية للسباح واتجاهها ؟



$$R = \sqrt{x^2 + y^2 + 2xy \cdot C \sin \theta}$$

$$R = \sqrt{5^2 + 4^2 + 2 \cdot 5 \cdot 4 \cdot C \sin 45}$$

$$R = \sqrt{25 + 16 + 40 \cdot 0.7}$$

$$R = \sqrt{69.28}$$

$$R = 8.32 \text{ m/s}$$

- تحليل أمتجهه إلى مركبتين الأفقية والعمودية:

يمكننا استخراج المركبتين الأفقية والعمودية لأي متجهة عن طرق قانونين الجيب والجييب تمام وذلك بعد معرفة مقدار المتجهة واتجاهه ( الزوايا مع المحور X ) وكما يأتي:

- نستخرج المركبة العمودية من قانون الجيب ؛

$$\sin \theta = \frac{Y}{R}$$

$$Y = R * \sin \theta \quad \text{المركبة العمودية} = \text{المحصلة} \times \text{جا الزاوية}$$

- نستخرج المركبة الأفقية من قانون الجيب تمام:

$$\cos \theta = \frac{X}{R}$$

$$X = R * \cos \theta \quad \text{المركبة الأفقية} = \text{المحصلة} \times \text{جتا الزاوية}$$

مثال:

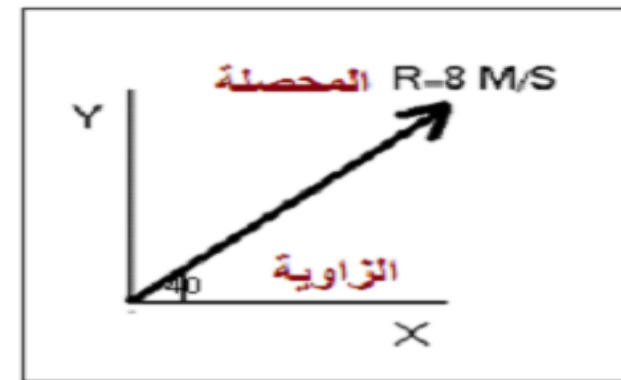
حلل المتجه الأتي إلى المركبة العمودية والمركبة الأفقية مع العلم ان مقدار المتجهة 8 وزاوية مع المحور الأفقي مقدارها 40 درجة كما مبين بالشكل الأتي:

$$Y = R * \sin \theta$$
$$Y = 8 * 0,642$$

$$Y = R * \sin 40$$
$$Y = 5,136 M / S$$

$$X = R * \cos \theta$$
$$X = 8 * 0,766$$

$$X = R * \cos 40$$
$$X = 6,128 M / S$$



# التعجيل ( التغير بالسرعة )

■ يقاس التعجيل من خلال القانون الآتي:

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{(v_2 - v_1)}{\Delta t}$$

■ وحدة قياسه م / ث<sup>٢</sup> ( $m/s^2$ )

■ يكون التعجيل من الكميات المتجهه

كما هو الحال مع الازاحه والسرعه ويمكن

استخراج التعجيل المحصل بنظرية

فيثاغورس كما هو الحال في محصلة

السرعة



$V_1 = 4.5 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$



$V_2 = 8.3 \text{ m}\cdot\text{s}^{-1}$

$\Delta t = 1.2 \text{ s}$

$$a = (8.3 - 4.5) / 1.2 = 3.17 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$$



**التعجيل:** هو تغيير السرعة في وحدة الزمن.  
**السرعة:** كمية متجهة قد تتغير في مقدارها مع او دون اتجاه.

**يقسم التعجيل الى:**

١. التعجيل الموجب: هو تزايد السرعة تدريجياً.
٢. التعجيل السالب: هو تناقص السرعة تدريجياً.

**قانون التعجيل:**

**التعجيل = السرعة النهائية - السرعة الابتدائية / الزمن**

$$ع = س٢ - س١ / ن ..... ( )$$

**مثال:** ينطلق عداء من نقطة أ وسرعته ٤ م/ثا وعندما يصل نقطة ب تبلغ سرعته

٨ م/ثا وكان زمن قطع المسافة هو ٢ ثانية فما مقدار التعجيل لذلك العداء؟

$$ع = س٢ - س١ / ن$$

$$= \frac{٨ - ٤}{٢} = ٢ م/ثا$$



وفي هذه الحالة يكون التعجيل موجب، اما اذا حدث العكس وكانت سرعة العداء عند النقطة ب ٤ م/ثا وكانت عند أ ٨ م/ثا فإن التعجيل يكون سالباً.

$$ع = س٢ - س١ / ن$$
$$= \frac{٤ - ٨}{٢} = -٢ م / ثا$$

ان وحدة التعجيل هي عبارة عن وحدة سرعة مقسومة على وحدة زمن فنقول

$$\frac{م}{ثا} \div \frac{م}{ثا} = ١ \times \frac{م}{ثا} = \frac{م}{ثا} = \frac{م}{٢(ثا)}$$

ان ازدياد السرعة ونقصانها بشكل منتظم (تزداد السرعة وتتنقص بالمقدار نفسه في الوحدات الزمنية عندئذ يطلق على التعجيل (تعجيل منتظم)، وبغية الاستفادة من تطبيق مفهوم التعجيل في حياتنا الرياضية ينبغي ان نوضح ماهية العلاقة بين مصطلح التعجيل والمسافة التي يقطعها العداء وعلاقتها بالزمن المستغرق فان مقدار المسافة المقطوعة لجسم يتحرك بتعجيل منتظم هي:

$$م = \frac{1}{2} (س + 2س) \times ن \dots\dots\dots ( )$$

$$\text{اذن } ع = \frac{1س - 2س}{ن} \quad \text{اذن } 2س = 1س + ع ن$$

وبالتعويض عن قيمة س في المعادلة ( ) بما يساويها يكون

$$م = \frac{1}{2} (س + 1س + ع ن) \times ن$$

$$م = \frac{1}{2} (2س + ع ن) \times ن$$

$$= \frac{2س ن + 2ع ن}{2}$$

$$م = 1س ن + 2ع ن \dots\dots\dots ( )$$

أما اذا كانت سرعة العداء الابتدائية تساوي صفراً فإن المعادلة تصبح كالآتي:

$$م = \frac{2ع ن}{2}$$

وكما تناولنا من قبل كيفية استخراج سرعة الجسم في مسافة قصيرة جداً وفي فترة زمنية صغيرة جداً على انها السرعة اللحظية ينطبق القول نفسه على استخراج قيمة التعجيل لحركة جسم بفترة قصيرة جداً عندئذ يطلق على هذه الحالة التعجيل الانني (اللحظي) ويعبر عنه بالمعادلة الآتية:

$$ع = \frac{1س - 2س}{2ن - 1ن} = \frac{\Delta س}{\Delta ن}$$

$$ع = س / ن \dots\dots\dots ( )$$

THANK YOU