



كلية التربية البدنية وعلوم الرياضة
الدراسات العليا/ الماجستير

كينماتيك الحركة الدورانية

ANGULAR KINEMATICS



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي
الجامعة المستنصرية

المسافة الزاوية والازاحة الزاوية
السرعة الزاوية والسرعة المحيطة
العلاقة بين السرعة الزاوية والسرعة المحيطة
التعجيل الزاوي
العمودي والمماسي

اعداد :

ا.م.د علي مناتي أحمد الحمراني

٢٠٢٠ - ٢٠٢١

كينماتيكية الحركة الدورانية Angular Kinematics

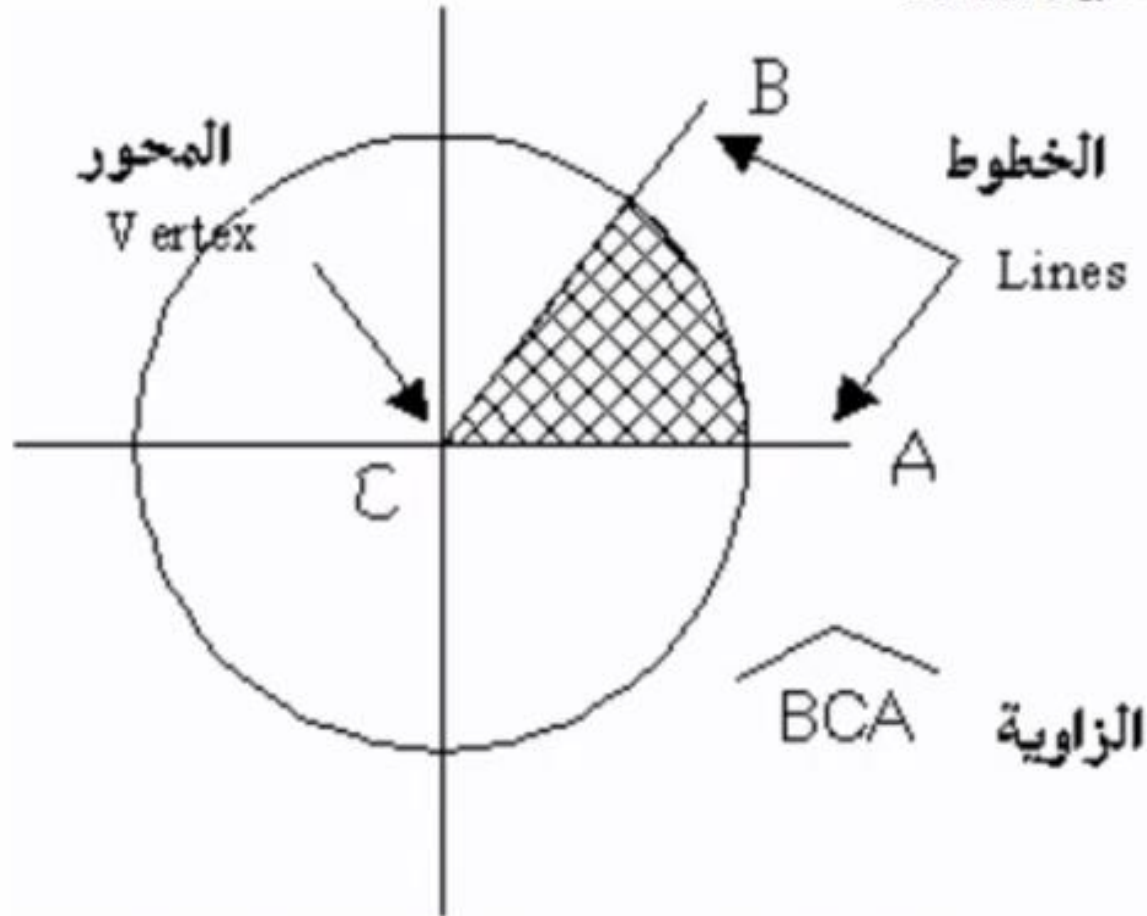
- عندما نقوم بتثبيت أي نقطة على النظام المتحرك (جسم انسان) بحيث يضطر الجسم للدوران حول هذه النقطة عند محاولة تحريكه تحت تأثير قوة فإن هذه النقطة تمثل **محوراً للدوران** وفي هذه الحالة تسمى الحركة دورانية أو زاوية.
- وفي الجسم البشري حيث تتصل الأطراف عن طريق المفاصل فإن المفاصل تمثل محاور للدوران تدور حولها الأطراف , وعلى ذلك فإن رفع ثقل عن طريق قبض مفصل المرفق لا يؤدي إلى تحريك المفصل , ولكنه يحرك الطرف البعيد(الساعد) حركة دورانية.
- وهذه الحركة تسمى حركة دورانية أو حركة زاوية ويعبر عن تغيير الوضع فيها بالإزاحة الزاوية ويرمز لها بالرمز (θ) ويقاس المسار الذي تحركه الثقل بالقياسات الزاوية كالدرجة بالتقدير الدائري أو بالتقدير النصف دائري.

الحركة الدورانية

- تعني دوران الجسم حول محور , والمحور عبارة عن خط وهمي متعامد على السطح الفراغي الذي يدور فيه الجسم , ويتشابه ذلك مع محور الهجلة في الدراجة أو السيارة , وكما هو الحال بالنسبة للحركة الخطية , فإن الحركة الدورانية مكون أساسي للحركة العامة .
- مثال الدورانات على العقلة في الجمباز والدورانات في السباحة .



تعرف الزاوية بأنها التقاطع بين خطين AC - BC عند محور
معين Vertex C.



الوحدة المستعملة في قياس الزاوية هي الدرجة (Degree)

تقسم الدائرة الى 360 درجة، وتعرف الدائرة المغلقة بالزاوية الكاملة = 360 درجة كما تعرف الزاوية 180 درجة، بالزاوية المسطحة = 180 درجة تعرف الزاوية 90 درجة، بالزاوية القائمة = 90 درجة إذا كانت الزاوية أصغر من درجة 90، فهي زاوية حادة أما إذا كانت الزاوية أكبر من 90 درجة، فهي زاوية منفرجة وإذا كانت أكبر من 180 درجة، فتعرف بزاوية الانعكاس

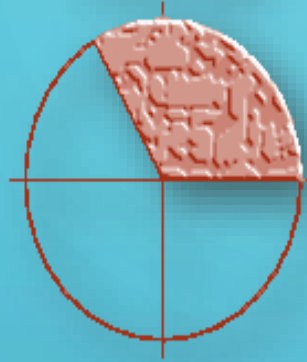
acute angle



right angle



obtuse angle



straight angle



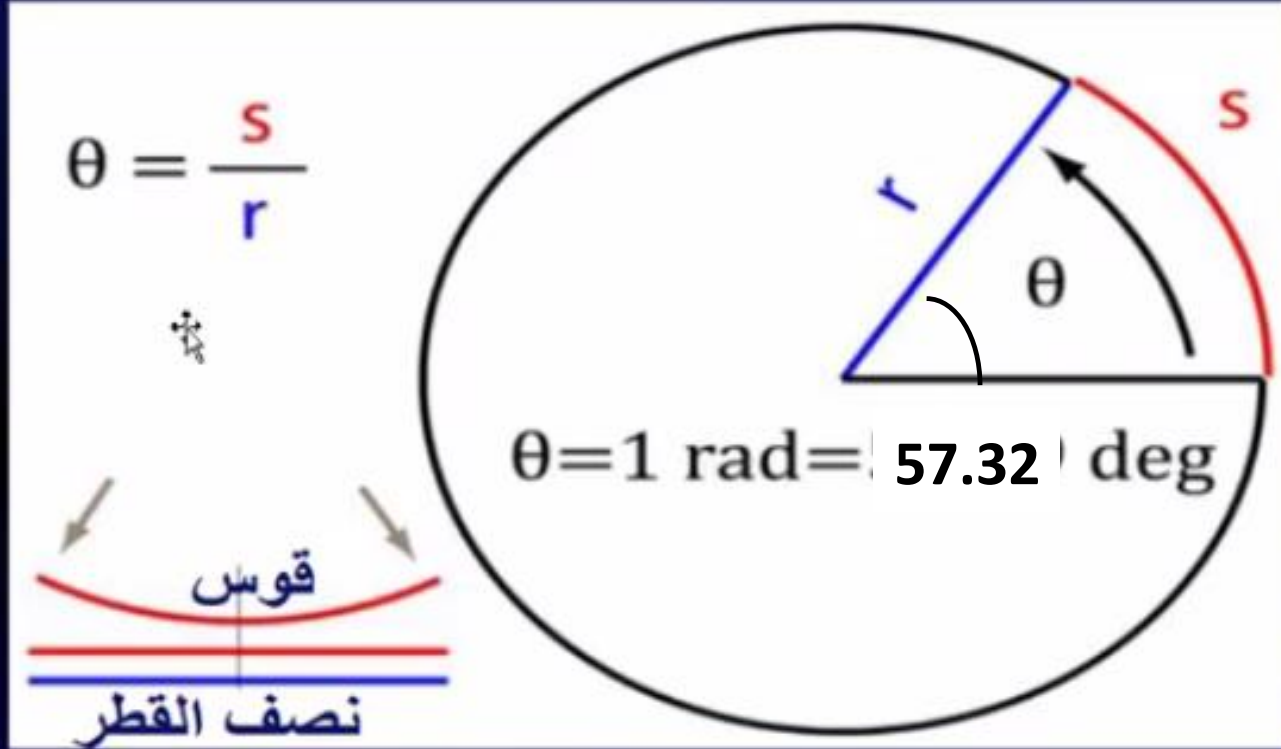
reflex angle



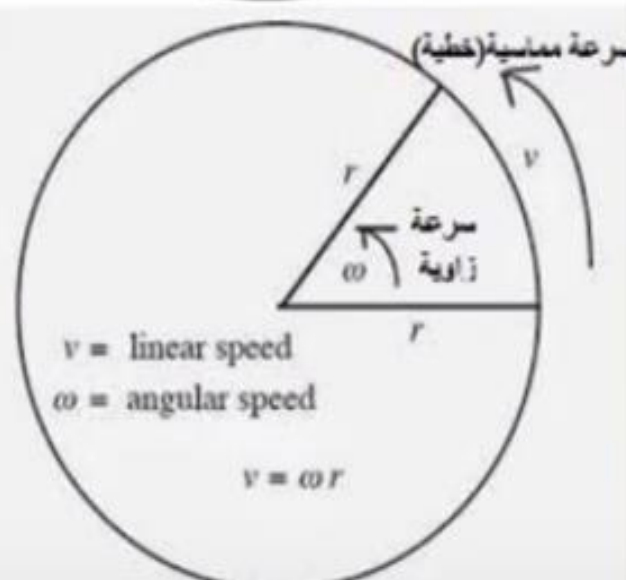
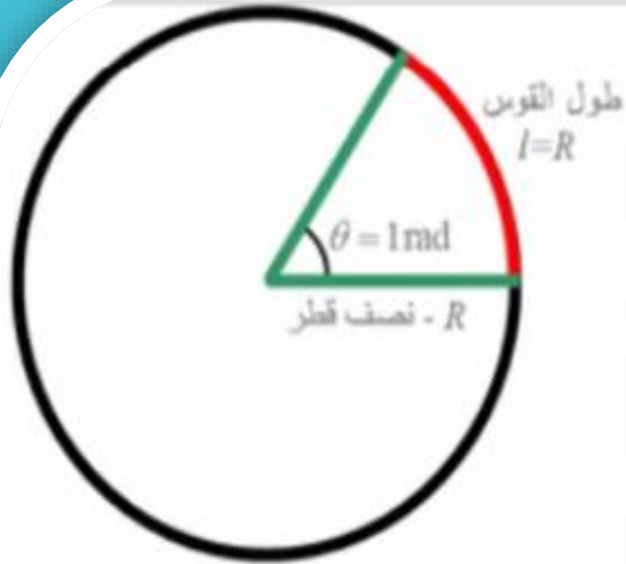
full angle



Radian القطاع



الرديان او القطاع هو متغير نسبي يعني طول القوس مقسم على نصف القطر هنا يقابل زاوية قدرها 57.32 بمعنى اخر ام القوس يساوى نصف القطر دائما في هذه الزاوية



■ ملحوظة " نسبة محيط الدائرة إلى طول القطر نسبة ثابتة تساوي

(3.14) والزاوية المركزية التي تقابل قوس من الدائرة طوله نصف القطر تعادل 57.3 درجة بالتقدير الستيني ودرجة واحدة بالتقدير النصف قطري".

■ ومن أمثلة الإزاحة الزاوية أو الدورانية : حركة عقارب الساعة , كما أن التعبير بالرفض عن طريق حركة الرأس ما هو إلا حركة دورانية للرأس حول المحور الطولي للرقبة.

■ ونظراً إلى أن طبيعة تركيب الجسم البشري تعتمد على التمثيل بدرجة كبيرة , فإن معظم حركات الجسم تتم بشكل زاوي أو دوراني .

العلاقة الرياضية بين السرعة المحيطية والسرعة الزاوية

السرعة الزاوية = الزاوية نصف قطرية / الزمن

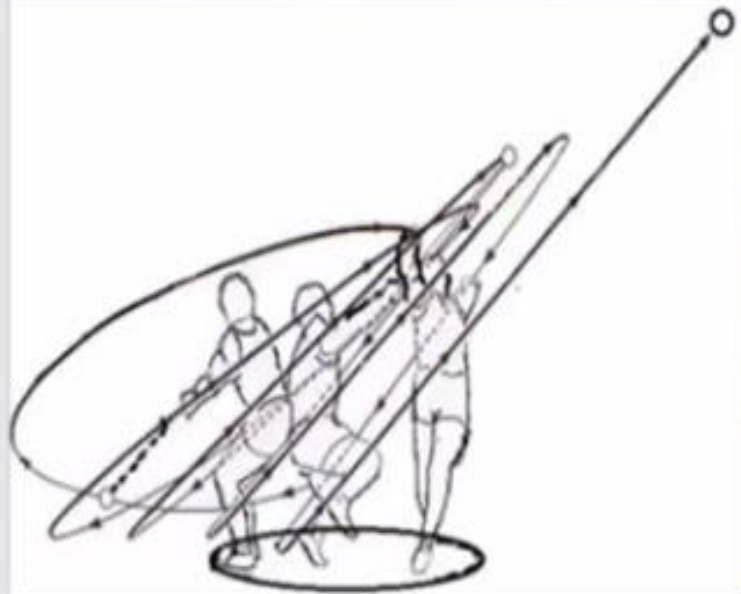
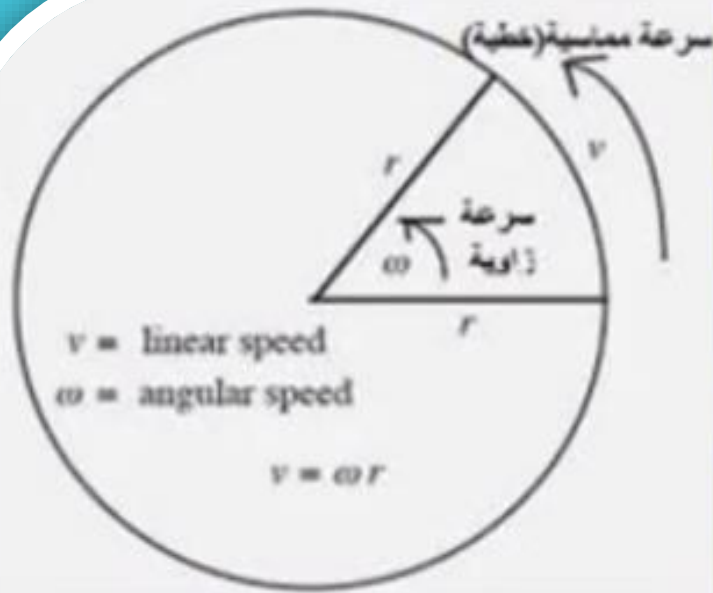
ومن خلال المعادلة السابقة نستطيع استخراج طول اي قوس يقطعه الجسم من خلال



في الزاوية نصف قطرية دائما يكون طول القوس مساوي لنصف قطر الدائرة اي ان الزاوية نصف قطر = طول القوس / نق
اي ان طول القوس = الزاوية نصف قطرية \times نق
وبمعلومية نصف القطر. واذا كان الزمن معلومة فان المعادلة اعلاه تكون

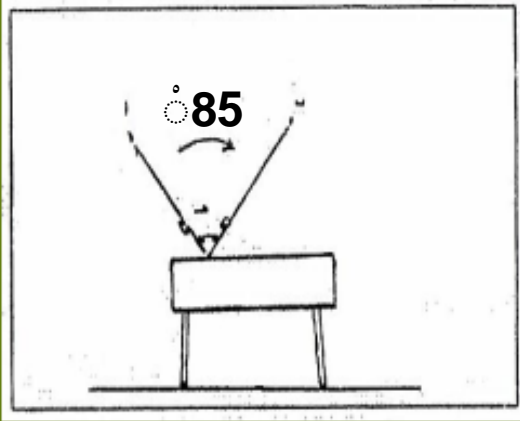
السرعة المحيطية = السرعة الزاوية \times نصف القطر
والشيء المهم والسهل علينا ان نعرف اطوال اجزاء الجسم ومن ثم قياس الزاوية التي يتحرك بها ذلك الجزء لمعرفة طول القوس ومن ثم معرفة السرعة المحيطية وبدون استخدام اي مقياس رسم

$$s = \omega \times r$$



ويطلق على المثلث أم ب بالقطاع وقيمه
 57,32 درجة (وهي زاوية مركزية)، وقد وجد ان
 الدورة الكاملة الواحدة تساوي 6,28 قطاعا وعلى
 هذا الاساس فإن القطاع الواحد يمكن احتساب
 قيمته بالدرجات (ملاحظة جميع الزوايا يجب ان
 تحول الى قطاع عند حل المسائل الخاصة بالزوايا)
 مثال: أثناء رمي المطرقة تدور المطرقة ثلاث
 دورات افقية بزمن قدره 2,5 ثانية احسب كم درجة
 تقطع المطرقة في الثانية وكذلك كم قطاعا في
 الثانية ؟

2. السرعة الزاوية والسرعة المحيطية:



شكل (2)

نحن نعلم إن قياس سرعة الجسم أثناء الحركة الانتقالية هي عبارة عن المسافة المقطوعة في وحدة الزمن، وينطبق القول نفسه على المسافة التي يقطعها جسم على منحنى وكمثال على ذلك سرعة الراكض على محيط دائرة.

$$\text{السرعة المحيطية المتوسطة} = \frac{d_2 - d_1}{t_2 - t_1}$$

السرعة المحيطية.. هي النسبة بين المسافة التي يقطعها الجسم على محيط الدائرة إلى الزمن المستغرق. السرعة الزاوية.. هي معدل الانتقال الزاوي للجسم، وللتعبير عن مقدار السرعة الزاوية التي يتحرك بها الجسم أو جزء منه أثناء الحركة، يمكن من خلال معرفة عدد الدرجات التي يقطعها الجسم في فترة زمنية معينة.. كما هو الحال في انتقال لاعب جمبار من نقطة أ إلى النقطة ب ويكون قد قطع زاوية معينة ولتكن (85°). لاحظ الشكل (2).

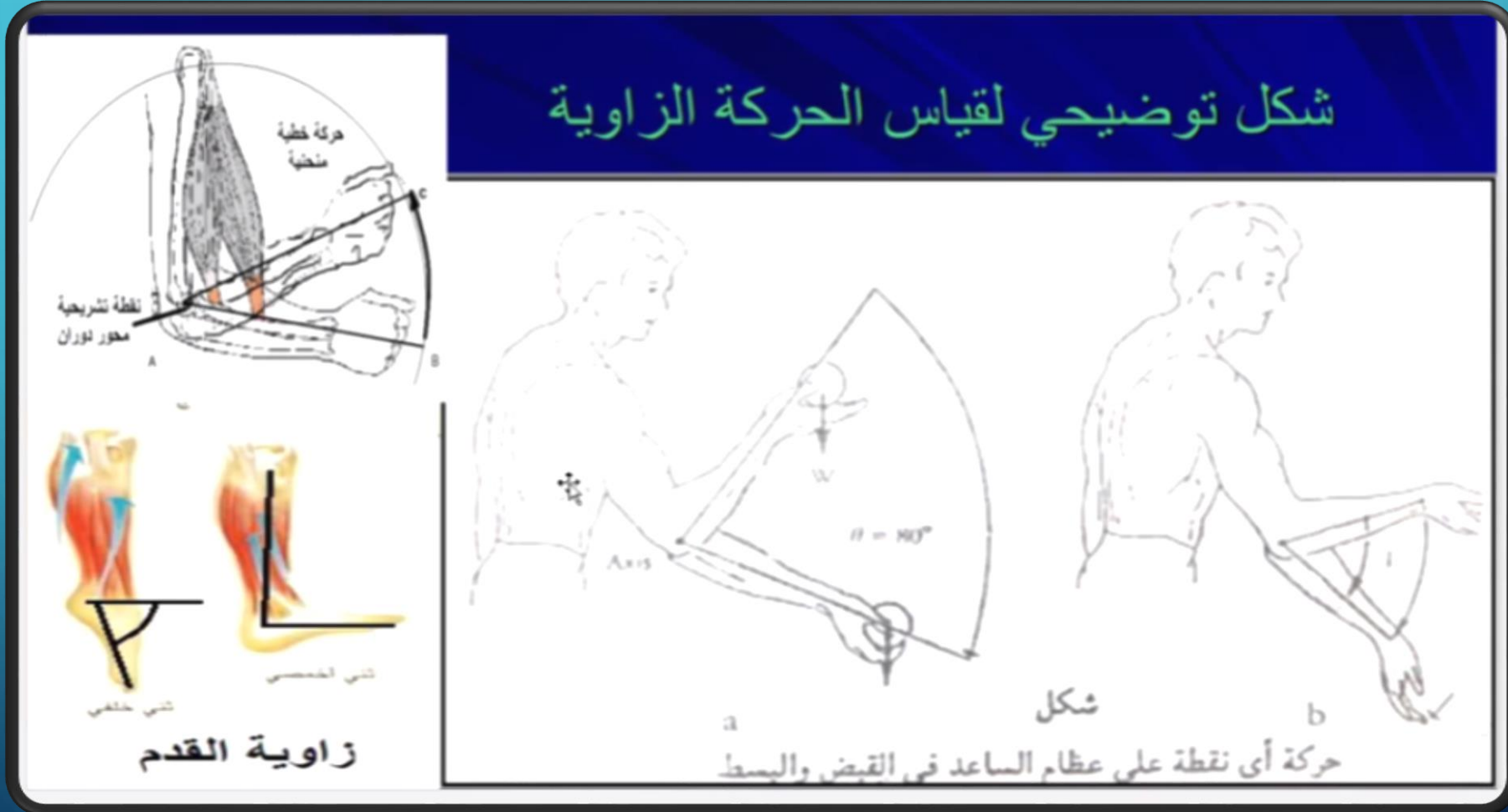
المتغيرات الزاوية

Angular Variables

		الخطي		الزاوي	
		Linear		Angular	
التغير بالمكان	Position	m	s	deg. or rad.	θ
السرعة	Velocity	m/s	v	rad/s	ω
التعجيل	Acceleration	m/s ²	a	rad/s ²	α

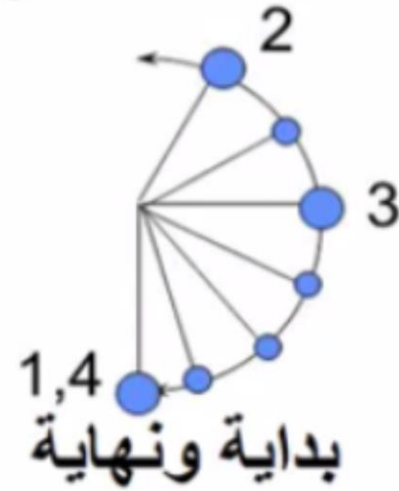
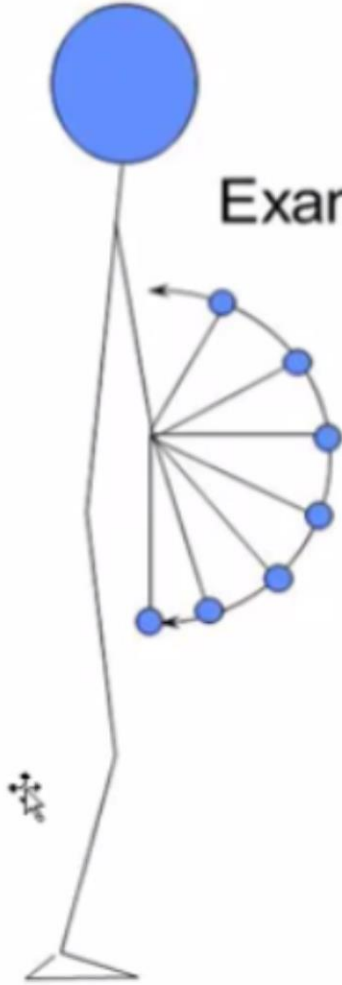


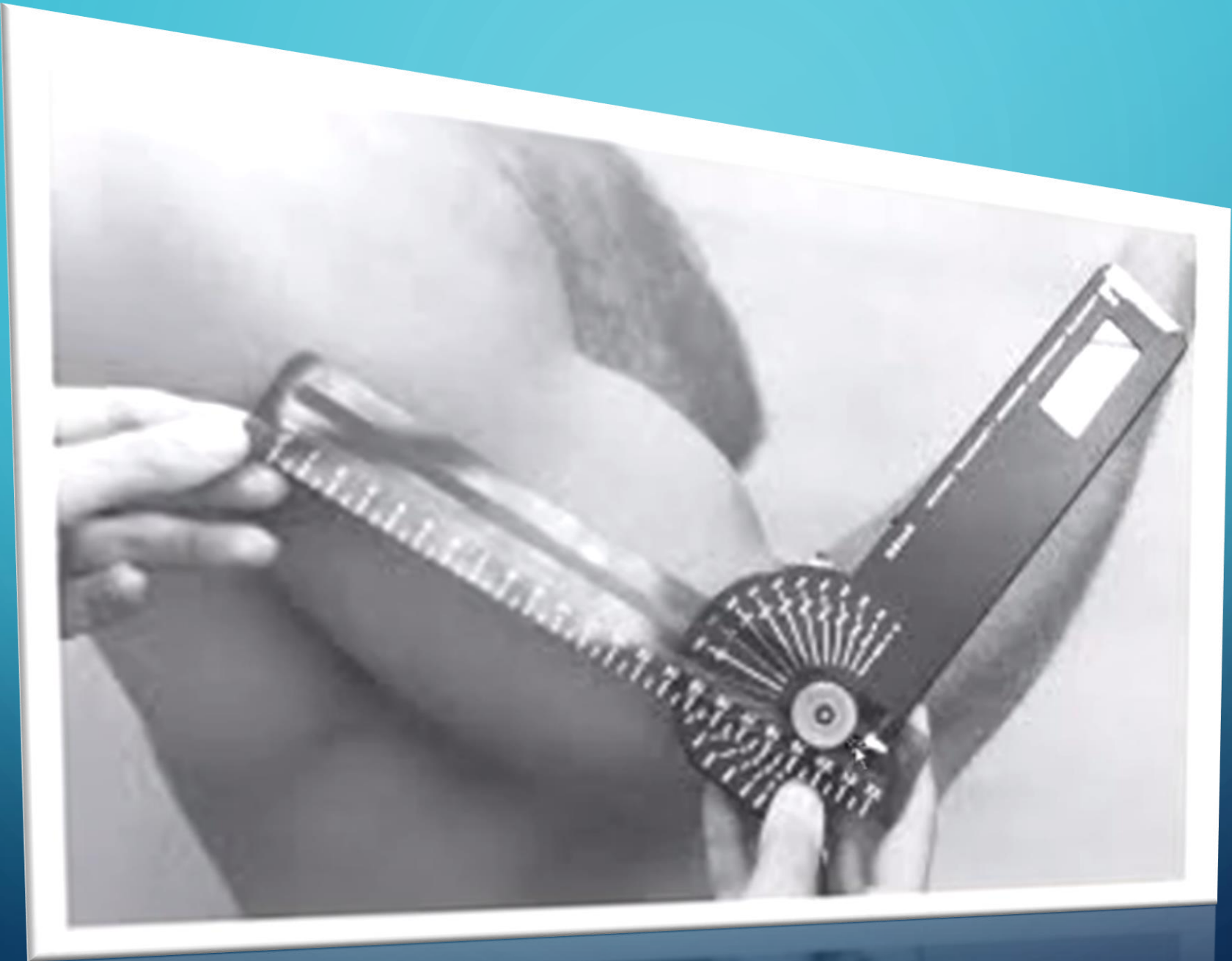
سبق وأن ذكرنا أن كل عضو من اعضاء الجسم له رأسين نهاية احدهما مقيد (مرتبط بمفصل) والآخر حر، ويرتبط كل عضو بعضلة تقوم بحركته، ويدور هذا العضو حول المفصل (المحور) ويقطع العضو زاوية عند حركته الدورانية لها علاقة بمحيط الدائرة الذي يقطعه.



الحركة الزاوية Angular Position

مثال : ثني الساعد (كبير)
Example - Arm Curls





Angular distance and متغيرات الحركة الدورانية angular displacement

■ يفسر كلاً من المسافة والإزاحة الزاوية بأنه:

■ إذا نظرنا إلى بندول يتحرك , فسوف نجد أنه يدور حول محور مار بنقطة اتصاله وعمودياً على المستوى الفراغي الذي يتحرك فيه البندول . فإذا كان القوس الذي يتحرك فيه البندول هو قوس لزاوية مقدارها (60 درجة) , وهذا يعني أن المسافة الزاوية عبارة عن مجموع التغيرات الزاوية التي يحققها البندول

tdp HD

MASTERS WTA
MUGURUZA/SUÁREZ - HINGIS/MIRZA
FINAL 08:30

UNEVEN BARS FINAL

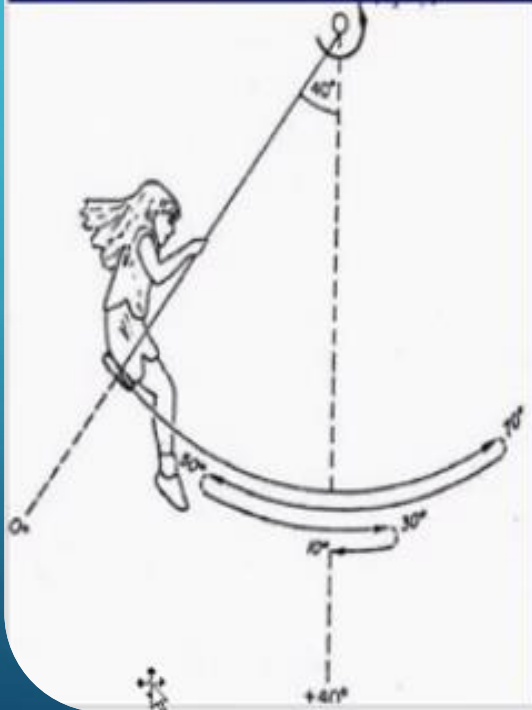
WORLD GYMNASTICS CHAMPIONSHIPS

#GLASGOW2015

#GLASGOW2015

المسافة الدورانية والإزاحة الدورانية Angular Distance and Angular Displacement

عندما يتحرك جسم بحركة دورانية او قوسية من موضع الى اخر, فان المسافة الدورانية التي يتحرك خلالها تكون مساوية لطول المسار الدوراني الذي يتبعه الجسم- أي مجموع الزوايا التي يتحركها خلال انتقاله من الوضعيه الابتدائية الى النهائية



■ مثال الطفل الذي يتأرجح من وضعيه زاوية 40 درجة خلف المحور العمودي, بعد ذلك تتأرجح اماما وخلفا قبل وصولها الى السكون, فان المسافة

■ الدورانية التي تحرك بها الطفل هي:

$$\text{■ } 160 = (70 + 50 + 30 + 10) \text{ درجة}$$

■ الازاحة الدورانية هي الفرق بين الوضعين الابتدائي والنهائي

$$\text{■ } 80 = 40 - 40 = 0 \text{ درجة}$$

$$\text{■ } 0 = 0 - 0 = 0 \text{ درجة}$$

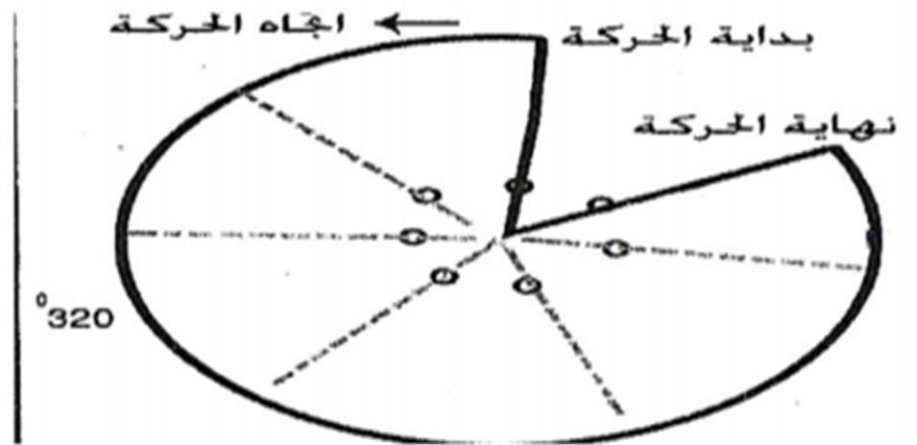
■ الازاحة الدورانية هي الفرق بين الوضعين الابتدائي والنهائي

1. المسافة الزاوية والازاحة الزاوية:

الإزاحة الزاوية Angular Displacement: وهي أقل مقدار للفرق بين وضعي الجسم بداية الحركة ونهايتها وتقاس أيضاً بالدرجات.

المسافة الزاوية Angular Distance: وهي المسافة التي يقطعها الجسم أثناء حركته ويمكن حسابها من خلال الفرق بين الوضع الأولي الذي ابتدأ منه الجسم وصولاً إلى الوضع النهائي وتحسب المسافة بعدد الدرجات التي يقطعها الجسم منذ بداية حركته إلى نهايتها.

في الدائرة الواحدة فإن الزاوية تساوي 360° لذلك فإن اية مسافة زاوية ستكون مساوية للازاحة الزاوية مثلما في ركض المستقيم (100 متر مثلاً) باستثناء الدورة الكاملة فإنها تبدأ من نقطة الصفر وتنتهي في نقطة 360° فإن ازاحتها (صفر) مثلما تحدث في ركض (400 متر)، فمثلاً إن الازاحة الزاوية لدرجة 90 هي نفسها . أما الدرجة 370 فإن ازاحتها ($360 - 370 = 10^\circ$)

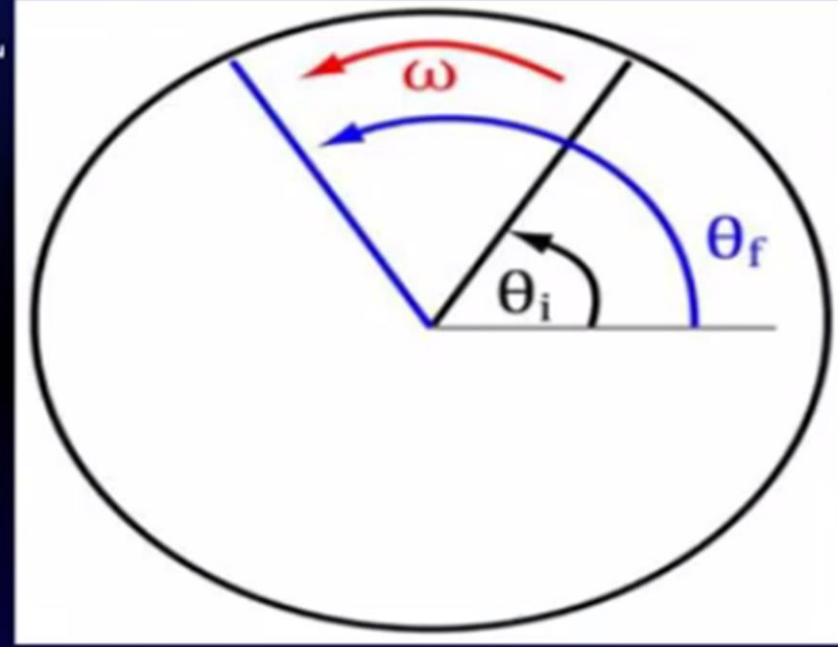


Angular Velocity السرعة الزاوية

$$\omega = \frac{\theta_f - \theta_i}{t}$$

س ز = $\frac{\text{زاوية 2} - \text{زاوية 1}}{\text{الزمن}}$

السرعة الزاوية هي معدل التغير بالزاوية التي يقطعها الجسم بنسبة الى المنحنى الزمني ، وتقاس (درجة /ث) او قطاع/ث



ويتم تحجيج متجهة السرعة الزاوية بقاعدة اليد اليمنى

The direction of the angular velocity vector is defined by the right hand rule.

لذا فان :

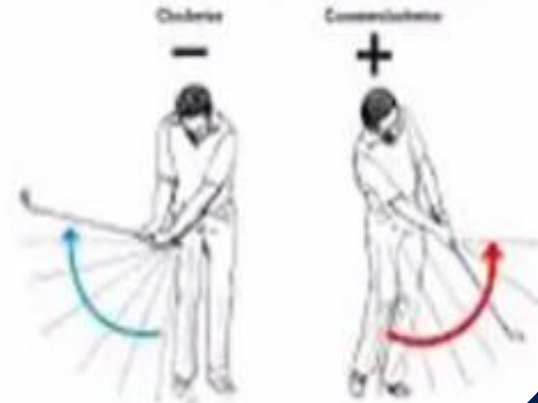
■ $s_r = \text{المسافة الدورانية (الزاوية) / الزمن}$

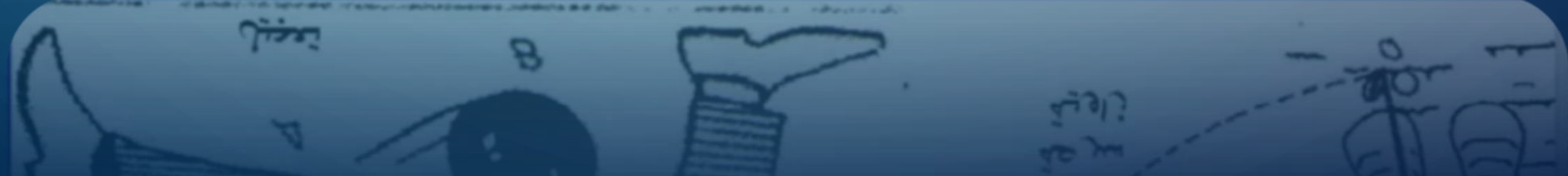
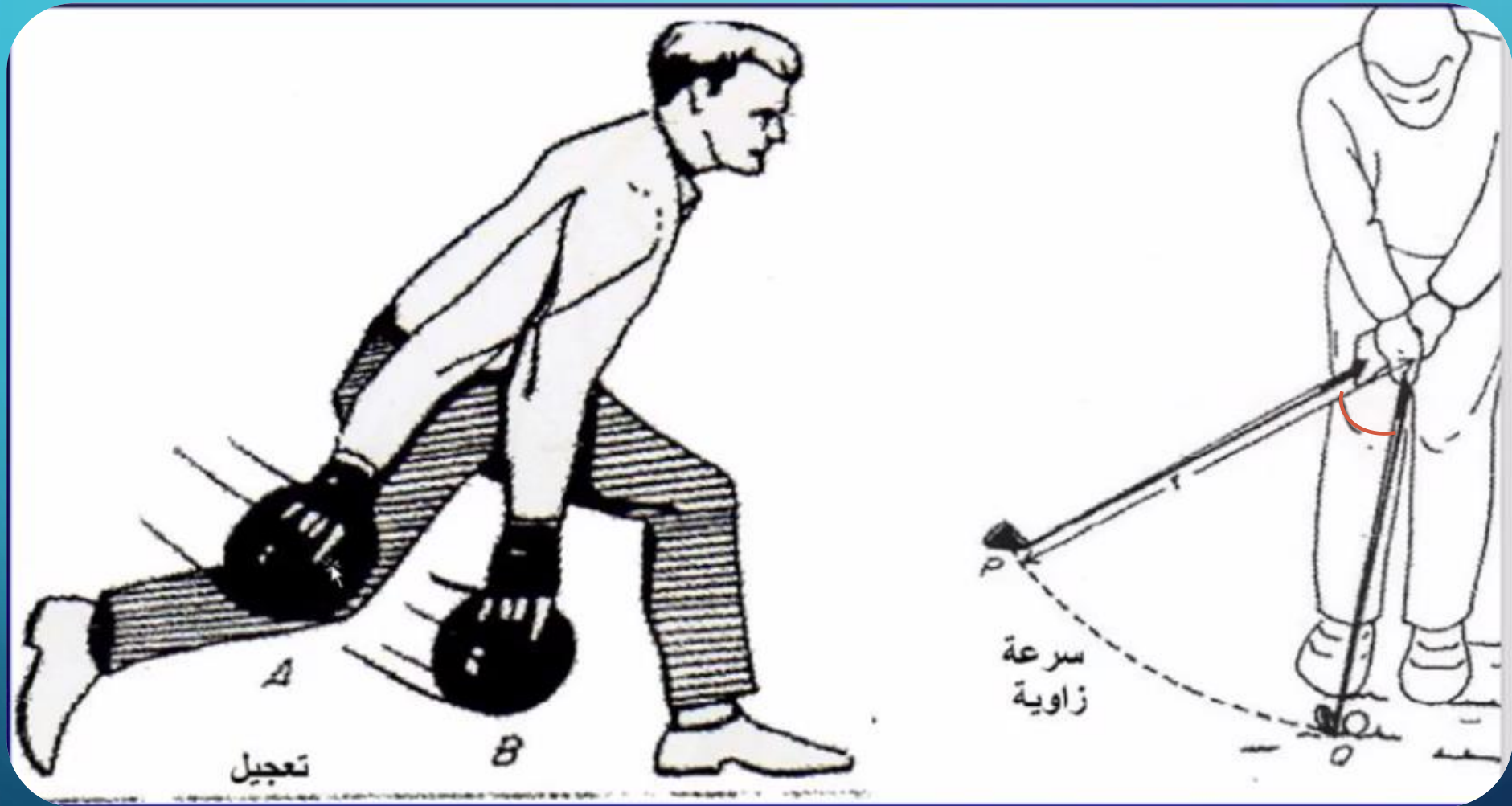
■ **معدل التعجيل الدوراني (الزاوي)** هو المعدل الذي تتغير به السرعة الدورانية المتجهة نسبة الى الزمن

■ $a_r = \text{السرعة الزاوية النهائية} - \text{السرعة الزاوية الابتدائية} / \text{الزمن}$

■ كما يستخدم لاعب الكولف المرحجة السريعة للأداة للحصول على اقصى سرعة لحظة التماس مع الكرة

■ ويستخدم الرياضي المرحجة السريعة للذراع في الارسال والضرب الساحق لإكساب الكرة السرعة اللازمة، كذلك يمرج رجله بسرعة لتحقيق اصطدام قوي مع الكرة

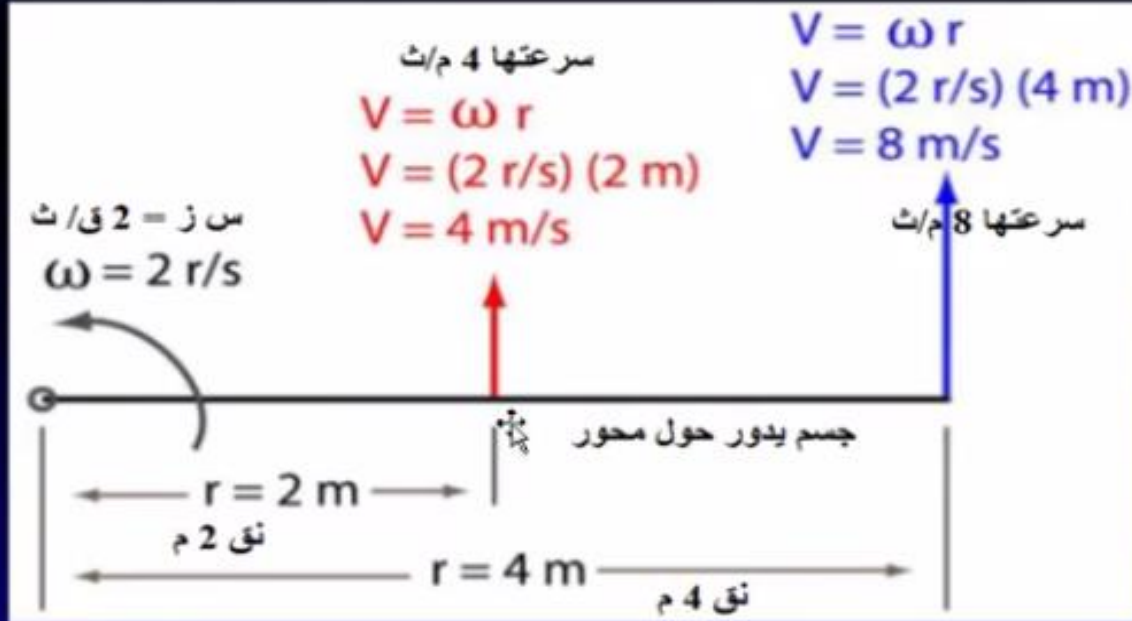






يتم تحديد العلاقة بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية بالمعادلة ادناه . ويجب ان يكون قياس السرعة الزاوية هنا بالقطاع، (اي يجب تقسيم الزاوية على 57.32 د)

السرعة الخطية = السرعة الزاوية (ق/ث) × نق $v = \omega r$



■ مثال: لاعب مطرقة يقطع 3 دورات بزمن 1,2 ث . ما مقدار السرعة الزاوية للمطرقة؟

■ السرعة الزاوية = الزاوية المقطوعة / زمنها

■ مقدار الزاوية = 3 دورات \times 360 درجة = 1080 درجة

■ السرعة الزاوية = $1080 / 1,2 = 900$ درجة/ثانية

■ مثال: لاعب كرة قدم أثناء ضربه للكرة كانت السرعة الزاوية للرجل 60 درجة /

ثا احسب السرعة المحيطية لمفصل الركبة وكذلك السرعة المحيطية للقدم علما ان

البعد بين محور الدوران (مفصل الورك) ومفصل الركبة هو 40 سم والبعد بين

محور الدوران والقدم 80 سم



السرعة المحيطية (الخطية) للقدم = $80 \times 57.32 \div 60 =$

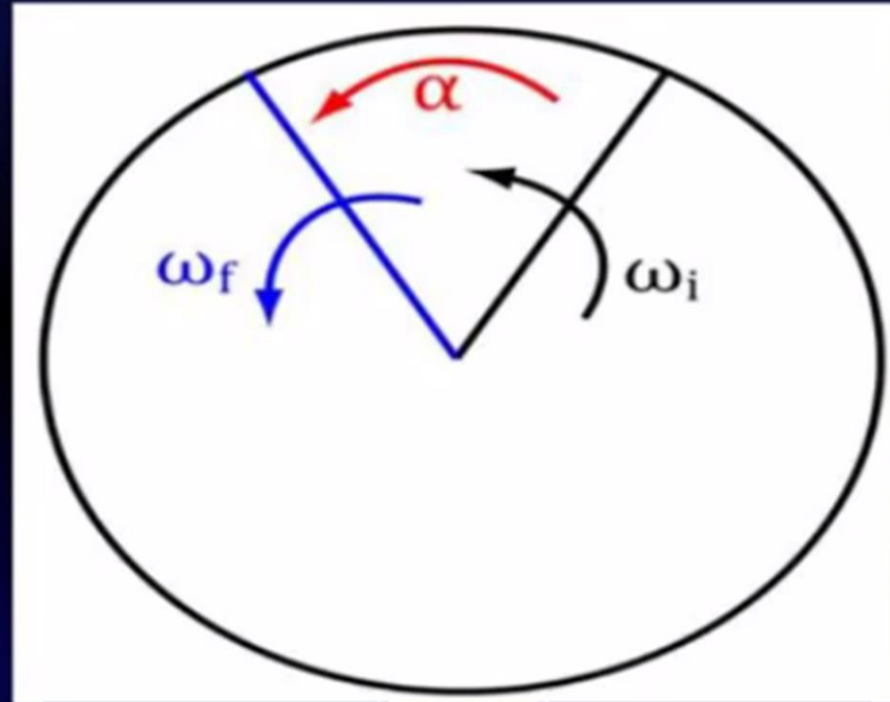
8.37 م/ث

السرعة الخطية للركبة = $40 \times 57.32 \div 60 = 4.18$ م/ث

التعجيل الزاوي Angular Acceleration

$$\alpha = \frac{\omega_f - \omega_i}{t} \quad \text{ج ز} = \frac{\text{س ز} - \text{س ز}}{\text{ن}}$$

التعجيل الزاوي هو معدل التغير
بالسرعة الزاوي نسبة الى الزمن
(وحدة قياسه د/ث²)



التعجيل الزاوي:

هو معدل التغيير في السرعة الزاوية الحادثة لمدة زمنية معينة، وهناك نوعين من التعجيل أثناء حركة الجسم حول محور وهما:

١. التعجيل المماسي (المركبة المماسية).
٢. التعجيل القطري أو العمودي (المركبة العمودية).

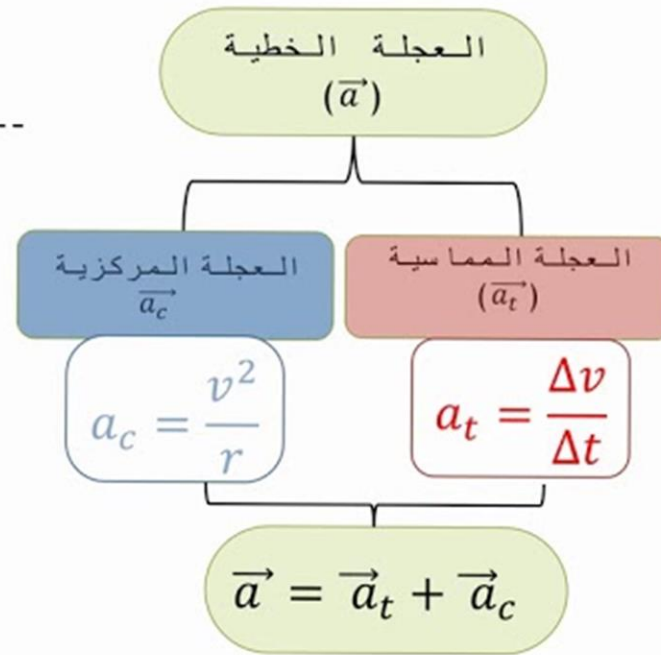
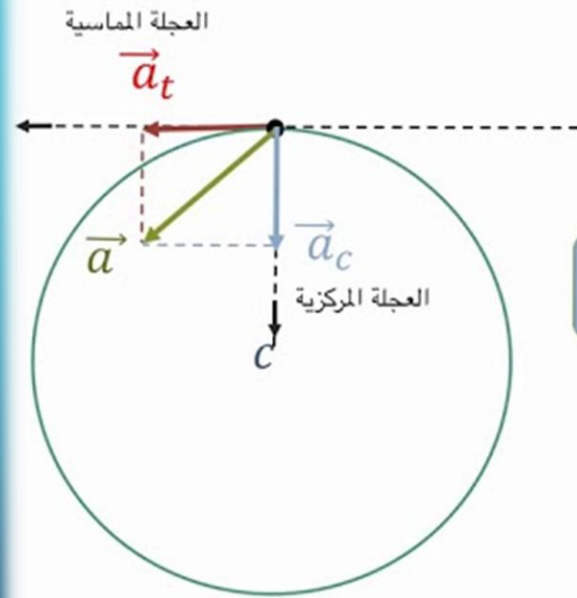
التعجيل القطري أو العمودي: وهو التعجيل الناتج من عمل القوة التي يسلطها رامي القرص للسيطرة على القرص أثناء دورانه على مماس الدائرة ويكون باتجاه مركز دوران القرص (محور مفصل الكتف) ويمكن حساب قيمته من المعادلة التالية:

التعجيل القطري (العمودي) = سرعة القرص على مماس محيط الدائرة^٢ / نصف القطر

$$ع = \frac{س^2}{نق}$$

العمودي

مثال: أوجد مقدار المركبة العمودية للتعجيل لقرص أثناء دورانه في دائرة، علماً إن سرعته اللحظية على مماس الدائرة تساوي ١٥ قدم/ثا وكان طول ذراع الرامي ٣ قدم؟



الحل: ع = $\frac{س}{نق}$

العمودي = $\frac{١٥}{٣}$

= $\frac{٣}{٢٢٥}$

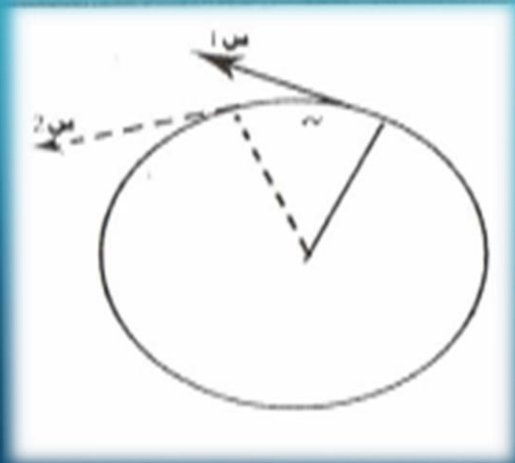
= $\frac{٧٥}{٢٢٥}$

التعجيل المماسي : هو معدل تغير سرعة الجسم في موضعين مختلفين على محيط دائرة الدوران في فترة زمنية معينة.
التعجيل المماسي = $\frac{\text{السرعة النهائية} - \text{السرعة الابتدائية}}{\text{الزمن}}$

$$ع = \frac{س_2 - س_1}{ن}$$

المماسي

مثال: احسب المركبة المماسية لتعجيل قرص بلغت سرعته 6م/ثا في نقطة على محيط دائرة، وبعد فترة زمنية قدرها 0,5ثا، أصبحت سرعته 12م/ثا؟



الحل: ع = $\frac{س_2 - س_1}{ن}$

المماسي

$$12 - 6 =$$

$$0,5$$

$$= 12 م/ثا$$



Funny World



اشترك معنا على القناة فضلا وليس امرا

أشكر لكم حُسن الاصغاء