

مثال اذا كانت لديك مشكلة البرمجة الخطية التالية:

$$\text{Max } (z) = 20X_1 + 40X_2 + 30X_3$$

دالة الهدف

S.t

$$3X_1 + 4X_2 + 2X_3 \leq 60$$

القيد الاول

$$2X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 40$$

القيد الثاني

$$X_1 + 3X_2 + 2X_3 \leq 80$$

القيد الثالث

$$X_1, X_2, X_3 \geq 0$$

المطلوب: حل المشكلة بطريقة Simplex.

الحل:

من قائمة File نختار الامر New Problem ونكتب المعلومات كما ادناه:

Problem Title	S		
Number of variables	3	Number of Constraints	3
Objective Criterion			
• Maximize			

ومن نافذة ادخال المعلومات نكتب اسم المسألة وفي حقل Number of variables وحقل Number of Constraints نكتب 2، نختار دالة الهدف من النوع Max ثم نضغط على ok لتظهر لنا النافذة التالية:

OBJ/ Constraint/Bound	
Maximize	
C1	
C2	
C3	
Unrestricted:	
X <sub>1</sub>	>=0
X <sub>2</sub>	>=0
X <sub>3</sub>	>=0

OBJ/ Constraint/Bound	
Maximize	$20X_1 + 40X_2 + 30X_3$
C1	$3X_1 + 4X_2 + 2X_3 \leq 60$
C2	$2X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 40$
C3	$X_1 + 3X_2 + 2X_3 \leq 80$
Unrestricted:	
$X_1$	$\geq 0$
$X_2$	$\geq 0$
$X_3$	$\geq 0$

نقوم بحل المسألة بطريقة Simplex باختيار الامر Solve Problem من قائمة Solve and analyze

القيد الاول  $3X_1 + 4X_2 + 2X_3 \leq 60$

القيد الثاني  $2X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 40$

$$3X_1 + 4X_2 + 2X_3 \leq 60$$

$$\frac{2X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 40}{X_1 + 3X_2 + 2X_3 \leq 80} \text{ بالطرح}$$

$$X_1 = -3X_2 + 20$$

$$X_1 + 3X_2 + 2X_3 \leq 80$$

$$(-3X_2 + 20) + 3X_2 + 2X_3 \leq 80$$

$$-3X_2 + 3X_2 + 2X_3 = 80 - 20$$

$$2X_3 = 60$$

$$X_3 = 30$$

تعويض قيمة  $X_1$  بالقيد 3

$$3X_1 + 4X_2 + 2X_3 \leq 60$$

تعويض قيمة  $X_3$  بالقيد 1

$$3X_1 + 4X_2 + 2 * 30 \leq 60$$

$$3X_1 + 4X_2 + 60 \leq 60$$

$$3X_1 + 4X_2 \leq +60 - 60$$

$$3X_1 + 4X_2 = 0 \dots\dots\dots -1-$$

تعويض قيمة  $X_3$  بالقيود 2

$$2X_1 + X_2 + 2X_3 \leq 40$$

$$2X_1 + X_2 + 2*30 \leq 40$$

$$2X_1 + X_2 + 60 \leq 40$$

$$2X_1 + X_2 = -60 + 40$$

$$2X_1 + X_2 = -20 \dots\dots\dots -2-$$

ضرب المعادلة الاولى ب 2  
ضرب المعادلة الثانية ب 3 ثم طرح المعادلتين

$$3X_1 + 4X_2 = 0 \dots\dots\dots -1-$$

$$2X_1 + X_2 = -20 \dots\dots\dots -2-$$

---

$$\begin{array}{r} 6X_1 + 8X_2 = 0 \dots\dots\dots -1- \\ -6X_1 - 3X_2 = -60 \dots\dots\dots -2- \\ \hline \end{array}$$

$$5X_2 = 60$$

$$X_2 = 12$$

$$X_1 = -3X_2 + 20$$

$$X_1 = -3 * 12 + 20$$

$$= -36 + 20$$

$$X_1 = -16$$

$$\text{Max (z)} = 20X_1 + 40 X_2 + 30 X_3$$

$$= 20 * -16 + 40 * 12 + 30 * 30$$

$$= -320 + 480 + 900$$

$$= 1060$$

نقوم بحل المسألة بطريقة Simplex باختيار الامر Solve Problem من قائمة Solve and analyze

Variable	Solution Value	Profit				
X <sub>1</sub>	-16 ×	20	=-320			
X <sub>2</sub>	12 ×	40	= 480			
X <sub>3</sub>	30 ×	30	= 900			
Objective	Function	Max=	1060			
Constraints	Left Hand Side		Right Hand Side			
C1	60					
C2	40					
C3	80					