

$$\frac{\sum x_i}{n} = \frac{a \sum y_i}{n} + \frac{n.b}{n}$$

$$\bar{x} = a\bar{y} + b$$

هـ- الوسط الحسابي لمجموع قيم متغيرين = مجموع الوسطين الحسابيين للمتغيرين.

$$z_i = x_i + y_i \quad \text{إذا كان}$$

$$\bar{z} = \bar{x} + \bar{y} \quad \text{فان}$$

$$z_i = x_i + y_i \quad \text{البرهان:-}$$

$$\sum z_i = \sum (x_i + y_i)$$

$$\sum z_i = \sum x_i + \sum y_i$$

$$\frac{\sum z_i}{n} = \frac{\sum x_i}{n} + \frac{\sum y_i}{n}$$

$$\bar{z} = \bar{x} + \bar{y}$$

2- الوسط الحسابي المرجح (الموزون):-

يستخدم في استخراج معدل الطالب الجامعي في فصل دراسي، يكون من خلال معدل درجاته في المواد المختلفة موزنة كل بعدد ساعاتها المعتمدة.

مثال/ طالب جامعي في السنة الثالثة كانت درجاته في نهاية الفصل كالاتي:-

اسم المادة	قياس وتقويم	علم النفس	اللغة العربية	E	ارشاد تربوي	صحة
الدرجة	72	80	90	65	65	70
عدد الساعات	3	3	2	2	2	2

فما هو معدله في الفصل الدراسي.

$$\text{الوسط الحسابي المرجح} = \frac{70.2 + 65.2 + 65.2 + 90.2 + 80.3 + 72.3}{14}$$

$$\frac{1036}{14}$$

$$= 74$$

3-الوسيط:-

هو عبارة عن القيمة الوسطى لمجموعة من القيم رتبت تصاعديا او تنازليا ويرمز له بالرمز Me.

أ-البيانات غير مبوبة:-

١- اذا كان n عدد فرديا فان الوسيط هو القيمة التي ترتيبها $\frac{n+1}{2}$

مثال/ اوجد الوسيط للقيم 50,75,35,60,65

ترتب القيم تصاعديا 35,50,60,65,75

ترتيب الوسيط = $\frac{n+1}{2}$

$$3 = \frac{5+1}{2} =$$

$$Me=60$$

٢- اذا كان n عدد زوجيا فان الوسيط هو الوسط الحسابي للقيمتين ترتيبهما $(\frac{n}{2} + 1 \text{ و } \frac{n}{2})$

مثال/ اوجد الوسيط لدرجات طالب في مادة الاحصاء في (6) اختبارات

40,71,80,84,76,87

ترتب القيم تصاعديا 40,71,76,80,84,87

$$3 = \frac{6}{2} = \frac{n}{2}$$

$$4 = 1 + 3 = \frac{n}{2} + 1$$

$$Me = \frac{76+80}{2} = 78$$

ب- البيانات المبوبة:-

نستخدم القانون الاتي:-

$$Me = L + \frac{\frac{f_i}{2} - \sum_{j=1}^{i-1} f_j}{f_i} W$$

حيث ان:-

$L =$ الحد الادنى الحقيقي للفئة الوسيطة.

$\sum f_i =$ مجموع التكرارات.

$\uparrow F_i =$ تكرار متجمع صاعد قبل فئة الوسيطة

$F_i =$ تكرار الفئة الوسيطة.

$W =$ طول الفئة

لايجاد الوسيط للبيانات المبوبة نتبع الخطوات الاتية:-

١- نجد التكرار المتجمع الصاعد للجدول التكراري.

١- نجد ترتيب الوسيط $= \frac{\sum f_i}{2}$

٣- نجد الفئة الوسيطة.

٤- نطبق قانون الوسيط اعلاه.

مثال/جد الوسيط للجدول الاتي:-

C	f_i	$\uparrow F_i$
4 – 8	1	1
9 – 13	3	4
14 -18	4	8
19 -23	2	10

ترتيب الوسيط $= \frac{\sum f_i}{2}$

$$5 = \frac{10}{2}$$

$$Me = 13.5 + \frac{5-4}{4} \times 5$$

$$= 13.5 + \frac{5}{4}$$

$$= 13.5 + 1.25 = 14.75$$

4- المنوال:-

هو القيمة التي تكرر اكثر من غيرها. ونرمز له بالرمز Mo
طريقة حسابه:-

أ-المنوال للبيانات غير مبوبة:-

مثال/ اوجد المنوال لكل من البيانات الاتية:-

7,3,5,7,2,7

$$Mo=7$$

* ١- قد يكون هناك منوالين او أكثر.

مثال/ اوجد المنوال للقيم الاتية:- 2,4,6,2,4

$$Mo_1=2 , \quad Mo_2= 4$$

٢- قد لا يكون هناك منوالا

مثال/ 1,2,3,4,5

$$Mo=\emptyset$$

ب-المنوال للبيانات المبوبة:-

نستخدم القانون الاتي:-

$$Mo = L + \left(\frac{d_1}{d_1+d_2} \right)w$$

حيث ان:-

L=الحد الأدنى الحقيقي للفئة المنوال.

d_1 = الفرق بين تكرار فئة المنوال وتكرار الفئة التي قبلها.

d_2 = الفرق بين تكرار فئة المنوال وتكرار الفئة التي بعدها.

W=طول الفئة.

*فئة المنوال هي الفئة التي تملك اكبر التكرارات.

مثال/ جد المنوال للجدول الآتي:-

C	fi
10 -14	1
15 -19	7
20 -24	8
25 -29	3
30 -34	1

$$D_1 = 8 - 7 = 1$$

$$\begin{aligned} Mo &= 19.5 + \frac{1}{1+5} \cdot 5 \\ &= 19.5 + 0.8 \\ &= 20.3 \end{aligned}$$

$$D_2 = 8 - 3 = 5$$

العلاقة بين مقاييس النزعة المركزية:-

نحدد العلاقة بالقانون الآتي:-

$$\bar{x} - Mo = 3(\bar{x} - Me)$$

مثال/ في إحدى التوزيعات التكرارية $Mo = 17, x = 12$ جد Me

$$\bar{x} - Mo = 3(\bar{x} - Me)$$

$$12 - 17 = 3(12 - Me)$$

$$-5 = 36 - 3Me$$

$$3Me = 36 + 5$$

$$3Me = 41$$

$$Me = \frac{41}{3}$$