

أما لحساب تباين المجتمع فيرمز لتباين σ^2

$$\sigma^2 = \frac{\sum f_i (x_i - \bar{x})^2}{\sum f_i} \quad \text{الطريقة المطولة}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum f_i x_i^2 - \frac{(\sum f_i x_i)^2}{\sum f_i}}{\sum f_i} \quad \text{الطريقة المختصرة}$$

مثال/ احسب التباين لجدول التوزيع التكراري الآتي:-

c	f _i	x _i	f _i x _i	(x _i - $\bar{x}$)	(x _i - $\bar{x}$) ²	f _i (x _i - $\bar{x}$) ²
50-55	5	52.5	262,5	-18,7	349.69	1748.45
60-65	14	62.5	875	-8.7	75,69	1059.66
70-75	22	72.5	1595	1,3	1.69	37.18
80-85	9	82.5	742.5	11.3	127.69	1149.51
90-95	4	92.5	370	21.3	453.69	1814.76
	54		3845			5809.56

$$\bar{x} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$$

$$= \frac{3845}{54}$$

$$= 71.2$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum f_i (x_i - \bar{x})^2}{\sum f_i}$$

$$= \frac{5809.56}{54}$$

$$= 107,58$$

4- الانحراف المعياري (القياسي):-

هو الجذر التربيعي لتباين تلك العينة.

طريقة حسابه:-

أ- الانحراف المعياري للبيانات غير مبوبة:-

$$S = \sqrt{\frac{\sum (xi - \bar{x})^2}{n-1}}$$

الطريقة المطولة

$$S = \sqrt{\frac{\sum (xi^2) - \frac{(\sum xi)^2}{n}}{n-1}}$$

الطريقة المختصرة

بالنسبة لحساب الانحراف المعياري للعينة نستخدم القانون اعلاه

اما لحساب الانحراف المعياري للمجتمع فيرمز للانحراف المعياري σ

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (xi - \bar{x})^2}{n}}$$

الطريقة المطولة

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (xi^2) - \frac{(\sum xi)^2}{n}}{n}}$$

الطريقة المختصرة

مثال/البيانات الآتية: 9,8,6,5,7 تبين كمية محصول القطن في خمس مزارع احسب الانحراف المعياري لها.

xi	(xi - x)	(xi - x) ²
9	2	4
8	1	1
6	-1	1
5	-2	4
7	0	0
		10

$$\bar{X} = \frac{35}{5} = 7$$

$$S = \sqrt{\frac{\sum (xi - \bar{x})^2}{n-1}}$$

$$= \sqrt{\frac{10}{5-1}}$$

$$= \sqrt{\frac{10}{4}}$$

$$= \sqrt{2.5} = 1.58$$

ب- الانحراف المعياري للبيانات المبوبة:-

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i(x_i - \bar{x})^2}{\sum f_i - 1}} \quad \text{الطريقة المطولة}$$

$$S = \sqrt{\frac{\sum f_i x_i^2 - \frac{(\sum f_i x_i)^2}{\sum f_i}}{\sum f_i - 1}} \quad \text{الطريقة المختصرة}$$

بالنسبة لحساب الانحراف المعياري للعينة نستخدم القانون اعلاه

اما لحساب الانحراف المعياري للمجتمع فيرمز للانحراف المعياري σ

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum f_i(x_i - \bar{x})^2}{\sum f_i}} \quad \text{الطريقة المطولة}$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum f_i x_i^2 - \frac{(\sum f_i x_i)^2}{\sum f_i}}{\sum f_i}} \quad \text{الطريقة المختصرة}$$

مثال/ احسب الانحراف المعياري لجداول التوزيع التكراري الاتي:-

c	f _i	x _i	fix _i	(x _i - $\bar{x}$)	(x _i - $\bar{x}$) ²	F _i (x _i - $\bar{x}$) ²
50-55	5	52.5	262,5	-18,7	349.69	1748.45
60-65	14	62.5	875	-8.7	75,69	1059.66
70-75	22	72.5	1595	1,3	1.69	37.18
80-85	9	82.5	742.5	11.3	127.69	1149.51
90-95	4	92.5	370	21.3	453.69	1814.76
	54		3845			5809.56

$$\bar{X} = \frac{\sum f_i x_i}{\sum f_i}$$

$$= \frac{3845}{54}$$

$$= 71.2$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum fi(xi - \bar{x})^2}{\sum fi}}$$

$$= \sqrt{\frac{5809.56}{54}}$$

الفصل الرابع

مقاييس الارتباط:-

أنواع معاملات الارتباط:-

1- معامل ارتباط بيرسون:- ونرمز له بالرمز (r).

$$r = \frac{\sum x_i y_i - \frac{\sum x_i \sum y_i}{n}}{\sqrt{(\sum x_i^2 - \frac{(\sum x_i)^2}{n})(\sum y_i^2 - \frac{(\sum y_i)^2}{n})}}$$

أن معامل الارتباط يتراوح قيمته بين -1, +1

إذا كان $r=1$ الترابط الطردي :- يعني ان زيادة في قيم احد المتغيرين يصحبه زيادة في قيم المتغير الآخر. اي تكون علاقة موجبة تامة.

إذا كان $r=-1$ الترابط العكسي :- يعني ان زيادة في قيم احد المتغيرين يصحبه نقصان في قيم المتغير الآخر. اي تكون علاقة سالبة تامة.

إذا كانت $r=0$ يعني عدم وجود ترابط خطي بينهما وليس عدم وجود علاقة بينهما.

مثال/ احسب معامل ارتباط بيرسون للبيانات الآتية والتي تمثل الدرجات الفصلية

7,6, 5.8,10 والدرجات النهائية 8,7,6,8,6 لخمس طلاب.

x_i	y_i	$x_i y_i$	x_i^2	y_i^2
7	8	56	49	64
6	7	42	36	49