

تجربة رقم (1)

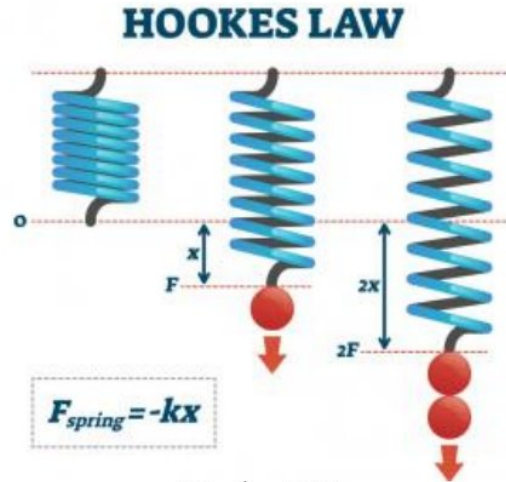
اسم التجربة: حساب التعجيل الأرضي باستخدام النابض الحلزوني

الغاية من التجربة: إيجاد التعجيل الأرضي

الأجهزة المستخدمة: قبان الحلزوني، حامل الاثقال، ساعة توقيت، اثقال، مسطرة مترية، كفة ميزان

نظرية التجربة:

عند وضع أثقال صغيرة تدريجية في الكفة المعلقة في نهاية النابض (بحيث يعود النابض الى وضعه الطبيعي عند رفعها) كما في الشكل الموضح ادناه. يستطيل النابض الحلزوني بمقدار يتناسب مع الاثقال المضافة وفق قانون هوك الذي ينص على ان الاجهاد يتناسب طرديا مع المطاولة أي (مقدار الزيادة الحاصلة في طول الجسم) والحركة التوافقية البسيطة. عند تعليق كتلة (m) في نابض له ثابت مرونة (K) فان النظام يتأرجح بتردد معين يمكن استخدامه لحساب (g).



الشكل رقم (1)

يعتمد نظام كتلة _ النابض على قانون هوك حيث يرتبط مقدار الاستطالة (x) في النابض بالقوة المؤثرة عليه وفق العلاقة:

$$F = -Kx \dots \dots \dots (1)$$

عند تعليق كتلة (m) في النابض الحلزوني. تؤثر عليها قوتان:

$$F_g = mg \dots\dots\dots (2)$$

$$F_s = Kx \dots\dots\dots (3)$$

عند موضع الاتزان، تتساوى القوتان:

$$mg = Kx \dots\dots\dots (4)$$

حيث ان:

$$g = \frac{Kx}{m} \dots\dots\dots (5)$$

عند تحريك الكتلة وتركها لتتأرجح فإنها تتحرك حركة توافقية بسيطة. ويعطى الزمن الدوري بالعلاقة:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \dots\dots\dots (6)$$

بمربع طرفي المعادلة نحصل على:

$$T^2 = 4\pi^2 \frac{m}{K} \dots\dots\dots (7)$$

حيث ان:

$$K = 4\pi^2 \frac{m}{T^2} \dots\dots\dots (8)$$

نعوض معادلة (8) في معادلة (5)

$$g = \frac{\frac{4\pi^2 m}{T^2} x}{m} \dots\dots\dots (9)$$

$$g = \frac{4\pi^2 x}{T^2} \dots\dots\dots (10)$$

بما ان $X=m$ تصبح المعادلة بالشكل التالي:

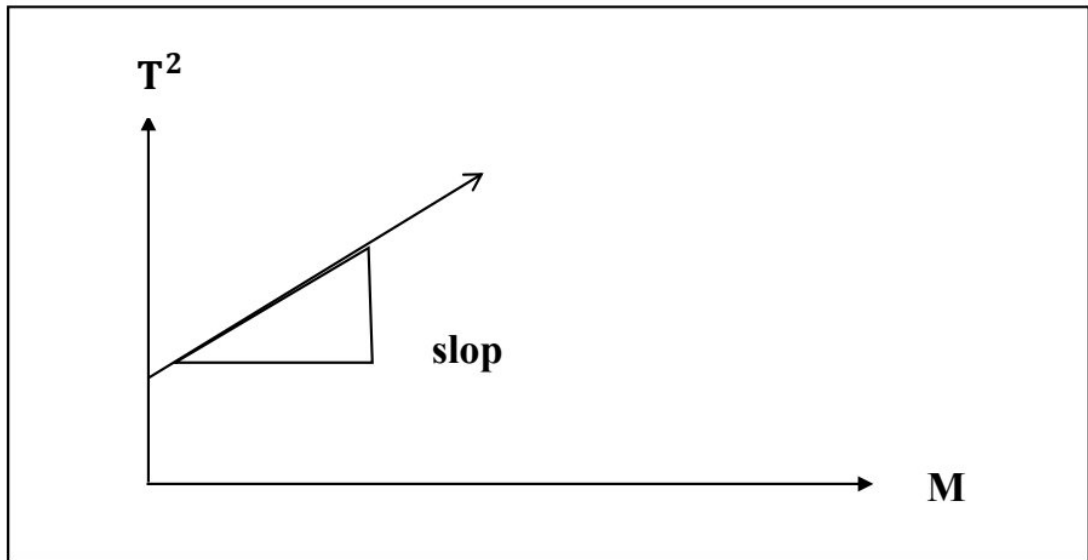
$$g = 4\pi^2 \frac{m}{T^2} \dots\dots (11)$$

طريقة العمل :

- 1- ضع اثقال مختلفة في كفة الميزان.
- 2- نسحب الكفة بلطف ثم يترك النابض لكي يهتز.
- 3- تحسب عدد الاهتزازات لفترة معينة من الزمن (20 ذبذبة)
- 4- رتب النتائج كما موضح في الجدول ادناه

الاثقال M(Kg)	$T_1(sec)$	$T_2(sec)$	$T_{avg}(sec)$	$\frac{T_{avg}}{20}(sec)$	$T^2(sec)$

5- ارسم علاقة بيانية بين T^2 و M كما موضح في الشكل ادناه



الشكل رقم (2)

الاسئلة:

س1\ ماهي التطبيقات العملية للناييض الحلزوني؟

س2\ ما نوع حركة الناييض الحلزوني وضح بالرسم ؟

التجربة رقم (2)

اسم التجربة: اعتماد زمن الذبذبة العمودية للنابض الحزوني على الثقل المعلق وتعيين الكتلة المؤثرة

الغاية من التجربة: إيجاد الكتلة المؤثرة للنابض الحزوني

الأجهزة المستخدمة: قبان حزنوني, حامل الاثقال, ساعة توقيت, اثقال, شريط قياس.

نظرية التجربة:

إذا علق جسم كتلته M في نهاية نابض حزنوني فإنه سيحدث استطالة بمقدار x وان القوة المعيدة restoring force الناتجة ستمثل المقدار (x, n) حيث n هي الاستطالة لوحدة الكتلة :

$$(1 + x)^n = 1 + \frac{nx}{1!} + \frac{n(n-1)x^2}{2!} + \dots \quad (1)$$

$$n = \frac{\Delta L}{M} \quad (2)$$

حيث ΔL هي الفرق في طول النابض.

وهذه القوة تحاول ان تعيد الجسم الى موضع استقراره فتتحرك المجموعة (الجسم والنابض) حركة اهتزازية عمودية وان معادلة تلك الحركة هي:

$$\frac{d^2x}{Mdt^2} = x \frac{g}{n} \quad (3)$$

$$\frac{d^2x}{Mdt^2} - x \frac{g}{n} = 0 \quad (4)$$

وهذه المعادلة هي معادلة حركة توافقية بسيطة simple harmonic motion زمن ذبذبتها

هو: T

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{Mn}{g}} \quad (5)$$

ان اشتقاق المعادلة (5) جاء على فرض ان النابض الحزنوني عديم الوزن وتصحيحها لهذا الفرض الخاطئ يجب اضافة الكتلة m في المعادلة وتدعى الكتلة المكافئة للنابض الحزنوني

effective mass وبذلك تصبح هذه المعادلة 4 بالشكل:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{Mm n}{g}} \quad (6)$$

وبعد تربيع المعادلة 6 وترتيبها بشكل صحيح

$$M = \frac{g}{4\pi^2 n} T^2 - m \quad (7)$$

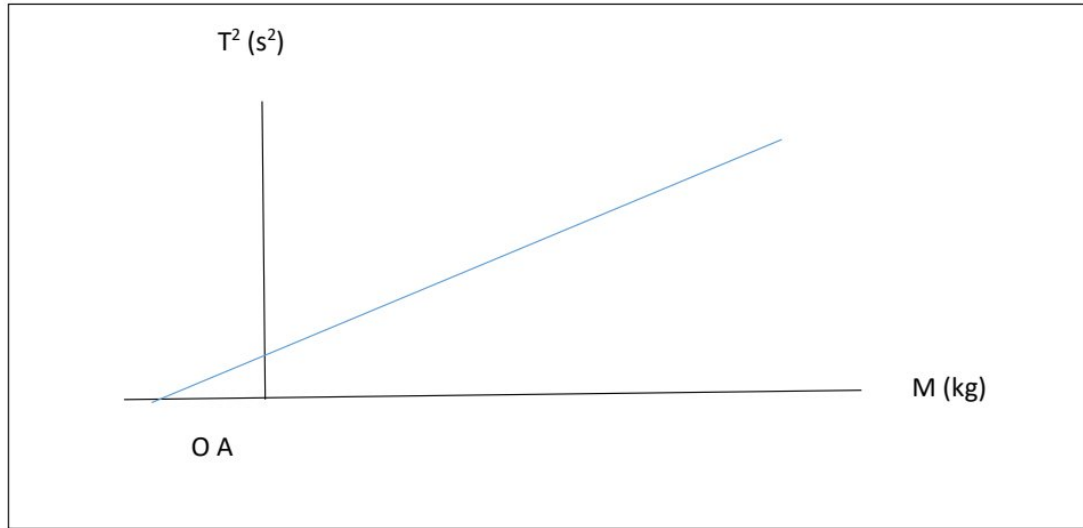
فاذا رسمنا علاقة بيانية بين قيم T^2 على محور السينات وقيم M على محور الصادات فان نتيجة الرسم ستكون خط مستقيم يتقاطع على محور M في الجزء السالب عند النقطة $-m$ وميله يساوي

$$\frac{M}{T^2} = \frac{g}{4\pi^2 n} \quad (8)$$

ومن هذه العلاقة يمكن ايجاد قيمة التعجيل الأرضي g كالآتي:

$$g = 4\pi^2 n \text{ slope} \quad (9)$$

اما قيمة الكتلة المؤثرة للنابض m فتمثل القيمة المطلقة للقطع $|OA|$ في الرسم البياني كما مبين في الشكل (1):



الشكل (1)

طريقة العمل :

1. ضع ثقلا معيناً في الكفة المعلقة بالنابض.
2. ارفع الكفة الى الاعلى مسافة صغيرة واتركها تتذبذب شاقولياً.
3. قس زمن عشر ذبذبات T_{10} ثم جد زمن ذبذبة واحدة T وجد قيمة T^2 .
4. زد الاثقال في الكفة بصورة تدريجية، وكرر الخطوات (2,3).
5. رتب النتائج كما هو موضح في الجدول ادناه:

M(Kg)	زمن عشر ذبذبات $T_{10}(\text{sec})$	زمن ذبذبة واحدة $T=T_{10}/10$	$T^2 \text{ sec}^2$

6. قس الكتلة الحقيقية للنابض الحلزوني مستعيناً بالميزان وقارنها مع قيمة الكتلة المكافئة التي حصلت عليها من الرسم البياني ثم بين ان الكتلة تساوي ($1/3$) من كتلة النابض الحقيقية.

ملاحظة (يجب ان لا يصاحب تذبذب النابض حركات عشوائية).

الأسئلة:

1. عرف الكتلة المؤثرة للنابض الحلزوني؟
2. لماذا لا تساوي الكتلة المؤثرة دائماً كتلة النابض الفعلية للجسم المعلق؟
3. كيف يمكن قياس الزمن الدوري بدقة في هذه التجربة؟

التجربة رقم (3)

حساب معامل يونك بتغير زمن الذبذبة مع طول الدعامة

الغرض من التجربة:

- أثبات العلاقة الرياضية بين زمن الذبذبة والطول.
- إيجاد قيمة الأس a من خلال التجربة والمقارنة مع القيم النظرية.
- إيجاد قيمة معامل يونك K .

الأدوات المستخدمة :

مسطرة مترية، قرص معدني، ساعة توقيت، أوراق، شريط لاصق.

نظرية التجربة:

نتعرف في هذه التجربة عن كيفية تغير زمن الذبذبة لجسم مثبت على دعامة أفقية مرنة مع تغيير طول الجزء الحر من الدعامة. عند تحريك الطرف الحر للدعامة وتركه ليهتز، فإنه يتصرف كمهتز ميكانيكي مرن، ويمكن تمثيل العلاقة بين زمن الذبذبة T وطول الدعامة الحر L وفق العلاقة التالية:

$$T \propto L^a \quad \text{----- (1)}$$

$$T = K L^a \quad \text{----- (2)}$$

حيث K (معامل يونك) ثابت.

a هو الأس الذي يحدد طبيعة العلاقة بين الزمن والطول، وهو ما نسعى لتحديده تجريبياً. بأخذ اللوغاريتم للطرفين نحصل على:

$$\text{Log } 10 (T) = a \text{ Log } 10 (L) + \text{Log } (K) \quad \text{----- (3)}$$

وهذه معادلة خطية تمثل معادلة مستقيم، حيث يكون ميل المستقيم هو a ، ويمكن إيجاده تجريبياً من خلال رسم العلاقة بين $\text{Log } 10 (T)$ و $\text{Log } 10 (L)$ ، ثم حساب ميل الخط المستقيم.

خطوات العمل :

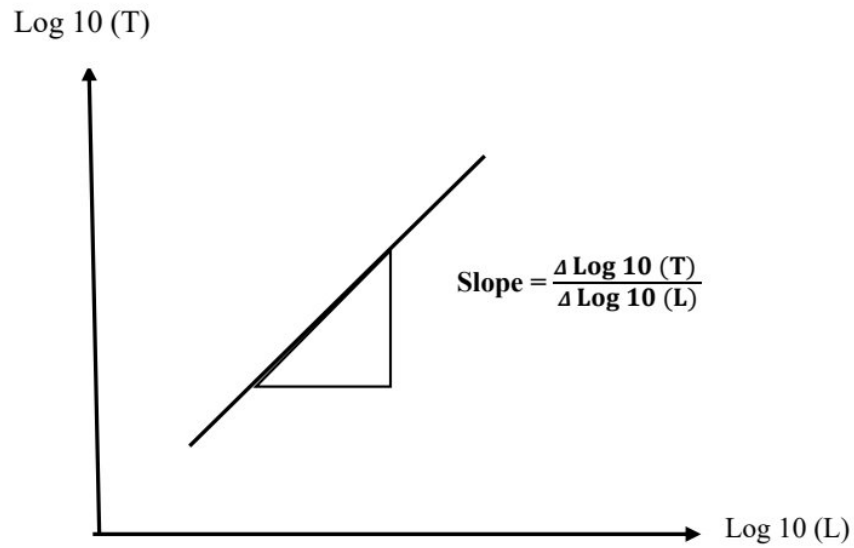
1. يتم تثبيت قرص معدني كتلته 100g أو 50g في نهاية مسطرة أفقية مثبتة بواسطة المشبك على سطح طاولة بحيث يمتد طرفها الحر أفقياً بطول معين.
2. يتم ضبط طول الجزء الحر من المسطرة ليكون 90cm، ويتم سحب الطرف الحر مسافة صغيرة لأسفل، ثم يترك ليهتز بحرية.
3. يتم قياس زمن 20 ذبذبة باستخدام ساعة التوقيت، وتكرر العملية عدة مرات للحصول على متوسط زمني دقيق.

4. يتم حساب الزمن الدوري T زمن ذبذبة واحدة باستخدام العلاقة $T = \frac{T_{ave}}{20}$.

5. يعاد التجربة بأطوال مختلفة للمسطرة 85cm (مثلاً)، ويتم تسجيل البيانات في جدول.

L (Cm)	$t_1(\text{sec})$	$t_2(\text{sec})$	$t_3(\text{sec})$	$t_{ave.}(\text{sec})$ $= \frac{t_1 + t_2 + t_3}{3}$	$T = \frac{t_{ave.}}{20}$ (sec)	Log 10 (T)	Log 10 (L)
90							
85							
80							
75							
70							

6. تؤخذ اللوغاريتمات العشرية لكل من T و L لحساب العلاقة بينهما باستخدام التحليل البياني. عند رسم العلاقة بين Log 10 (T) على المحور العمودي و Log 10 (L) على المحور الأفقي، نحصل على خط مستقيم ميله a، وهو ما يمكن استخدامه لتحديد قيمة a تجريبياً. وبعدها نجد قيمة K من المعادلة رقم (2).



أسئلة المناقشة:

- (1) ما العوامل التي قد تؤثر على دقة النتائج في هذه التجربة؟
- (2) كيف نستنتج قيمة a عملياً؟
- (3) إذا حصلت على قيمة a تساوي 0.5، فماذا يعني ذلك؟

تجربة رقم (4)

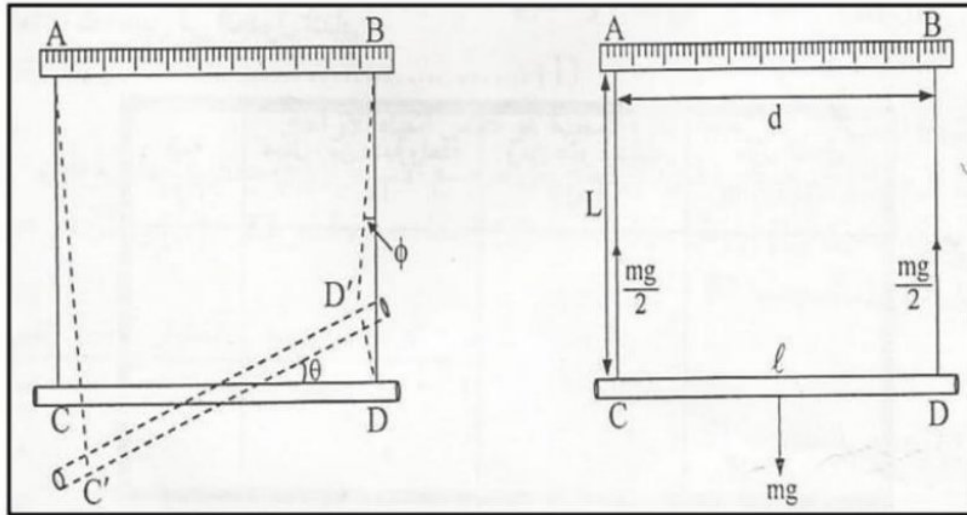
دراسة تغيير زمن الذبذبة مع المسافة المحصورة بين الخيطين المعلقين

الغاية من التجربة: دراسة كيفية تأثير المسافة بين نقطتي تعليق الخيطين على زمن الذبذبة

الأجهزة المستخدمة: قضيب معدني منتظم الطول، خيطين، مسندين، ماسكين، مسطرة مترية، ساعة توقيت

نظرية التجربة:

ينص قانون نيوتن الاول كل جسم يبقى على حالته الحركية من حيث السكون او الحركة بسرعة منتظمة في خط مستقيم ، ما لم تؤثر عليه قوة تغير من حالته اي انه يمثل مقاومة الجسم للتغيير الطارئ على حالته الحركية ، و القوى التي تغير حركة الجسم يجب عليها ان تتغلب اولاً على القصور الذاتي له و كلما كانت كتلة الجسم كبيرة كان من الصعب تحريكه او تغيير سرعته , حيث يفيد القصور الذاتي في قياس صعوبة تحريك الاجسام .و يطلق على قانون نيوتن الاول (مبدأ القصور الذاتي)، و نجد ما يمثل هذا المبدأ في الحركة الدورانية فالجسم قاصر عن تغيير حالته ساكناً كان ام متحركاً ما لم يؤثر عليه عزم خارجي، حيث يعرف **العزم** (على انه مقدرة الجسم على احداث حركة دورانية حول محور ثابت) لو علق قضيب معدني كتلته (M) وعزم قصوره الذاتي (I) حول محور يمر بمركز ثقله بخيطين متوازيين مثل AC و BD وكان طول كل الخيطين (L) والمسافة بينهما (d) كما في الشكل (١) ومن الواضح ان الشد في كل من الخيطين يساوي $(\frac{1}{2} Mg)$. فاذا ازيح القضيب المعدني افقياً من موضعه (CD) الى موضع $(C'D')$ بزاوية صغيرة قدرها (θ) فان كل من خيطي التعليق يميل عن الشاقول بزاوية (ϕ) كما مبين في الشكل (١).



الشكل رقم (١)

عندما يكون القضيب في هذا الوضع تنشأ قوة معيدة تحاول ان تعيده الى موضع استقراره وهذه القوة متمثلة بالمركبة الافقية لكل من الخيطين وهي تساوي $(-\frac{1}{2} mg\phi)$ والاشارة السالبة تدل على ان اتجاه القوة المعيدة هو عكس الازاحة الزاوية وعندما تكون θ و ϕ صغيرتين فان:

$$\sin \theta = \theta \dots \dots \dots (1)$$

$$\sin \phi = \phi \dots \dots \dots (2)$$

والقوة المعيدة تصبح

$$-\frac{1}{2} mg \sin \theta \approx -\frac{1}{2} mg\theta \dots \dots \dots (3)$$

$$\sin \theta = \frac{DD}{\frac{1}{2}d} \dots \dots \dots (4) \text{ ومن الشكل}$$

$$\sin \phi = \frac{DD}{L} \dots \dots \dots (5)$$

وبتعويض المعادلة (1) في المعادلة (4) نحصل على

$$DD' = \frac{1}{2} d\theta \text{ --- (6)}$$

وبتعويض المعادلة (2) في المعادلة (5) نحصل على

$$DD = \emptyset L \text{ --- (7)}$$

وبتعويض المعادلة (7) في المعادلة (6) ينتج:

$$\emptyset = \frac{1}{2} \frac{d\theta}{L} \text{ --- (8)}$$

إنَّ القوة المعيدة التي تولدت في كل من الخيطين ستتشكل عزمًا مزدوجًا (τ) يساوي حاصل ضرب القوة المعيدة في البعد بين الخيطي ن (d)

$$\tau = -\frac{1}{2} mg\emptyset d \text{ --- (9)}$$

وإذا عوضنا عن قيمة $\emptyset$ من المعادلة (8) في المعادلة (9) يصبح العزم:

$$\tau = -\frac{1}{2} mg \times \frac{1}{2} \frac{d\theta}{L} d = -\frac{1}{4L} mgd^2\theta \text{ --- (10)}$$

و بما ان العزم يساوي حاصل ضرب عزم القصور الذاتي (I) في التعجيل الزاوي (α)

$$I \alpha = \frac{mgd^2\theta}{4L} \text{ --- (11)}$$

ولكن

$$\alpha = \frac{d^2\theta}{dt^2} \text{ --- (12)}$$

حيث (t) هو الزمن. وعند تعويض المعادلة (12) في (11) ينتج :

$$I \frac{d^2\theta}{dt^2} = \frac{mgd^2}{4L} \theta \text{ --- (13)}$$

أن المعادلة (13) تمثل معادلة حركة توافقية بسيطة، زمنذبذبها (T) هو:

$$T = 4\pi \sqrt{\frac{LI}{mgd^2}} = 4\pi \sqrt{\frac{LI}{mg}} \frac{1}{d} \text{ --- (14)}$$

طريقة العمل

- ١ يعلق القضيب بالمسطرة المترية بحيث يكون كل منهما افقياً.
- 2-يربط الخيطان على بعد متساوي من طرفي القضيب.
- 3-قس المسافة بين الخيطين و لتكن (d)
- 4-دور القضيب افقياً بزاوية صغيرة و اتركه يتذبذب و احسب زمن عشر ذبذبات T_{10} من ثم جد زمن الذبذبة الواحدة (T)
- 5-قرب موقع كل من الخيطين 0.02m (2cm) نحو مركز القضيب اي تصبح المسافة بينهما اقل من السابق ب 0.04m (4cm) وكرر ما جاء بالفقرة (4)
- ٦ -كرر الفقرة (5) لمسافات مختلفة .

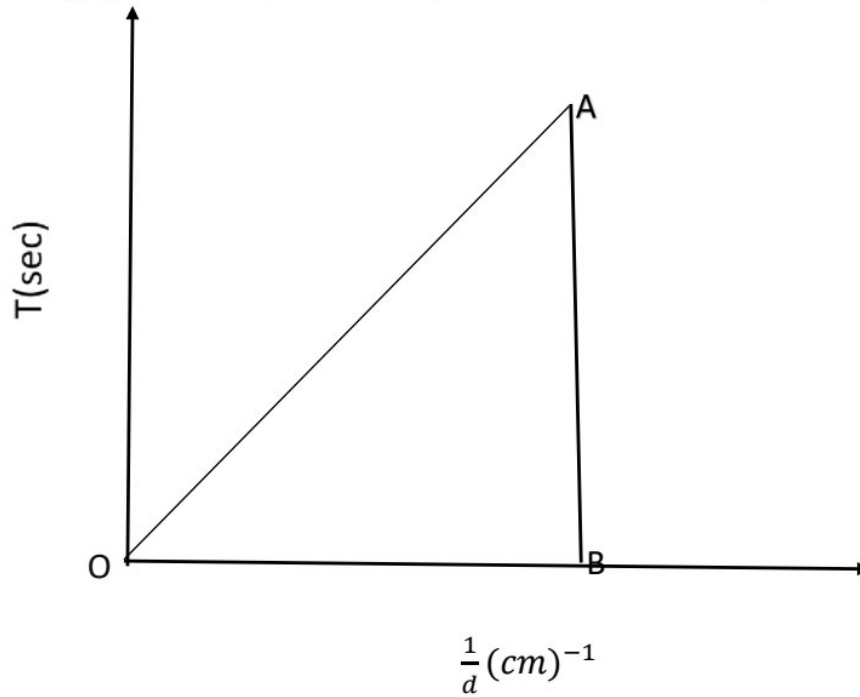
القياسات والحسابات Measurements and Calculations

1-دون النتائج كما في الجدول ادناه:

$d(cm)$	$(T_{10})_1$	$(T_{10})_2$	$T = \frac{T_{av}}{10} (sec)$	$\frac{1}{d} cm^{-1}$

2- قس طول كل من الخيطين (L) و جد كتلة القضيب (m).

3- ارسم علاقة بيانية بين على محور السينات $\frac{1}{d}$ وما يقابلها من قيم (T) على محور الصادات ستكون نتيجة الرسم خط مستقيم يمر بنقطة الاصل جد ميله ثم جد قيمة عزم القصور الذاتي (I)



الشكل رقم (٢)

٧ - نحسب عزم القصور من العلاقة 14 :

$$T = 4\pi \sqrt{\frac{LI}{mg} \frac{1}{d}}$$

$$\text{slope} = \frac{AB}{OB} = Td = 4\pi \sqrt{\frac{LI}{mg}}$$

$$I = \frac{mg}{16\pi^2} (\text{slope})^2 \text{ --- (15)}$$

٨ - قس طول القضيب L ثم احسب القيمة النظرية لعزم القصور الذاتي للقضيب حول محور عمودي على طوله ويمر من مركز ثقله من العلاقة

$$I = \frac{1}{12} mL^2$$

أسئلة المناقشة :

- 1- ما معنى عزم القصور الذاتي؟
- 2- هل تتأثر قيمة عزم القصور الذاتي بتغير المسافة بين الخيطين (l)؟
- 3- لماذا يفضل ان يكون عدد الذبذبات قليلا ؟

التجربة رقم (5)

اسم التجربة: حساب سرعة الصوت في الهواء باستخدام أنبوب الرنين مفتوح الطرفين

الغرض من التجربة: حساب سرعة الصوت في الهواء (C)

الأدوات والأجهزة المستخدمة: أنبوب رنين مفتوح الطرفين متغير الطول، مجموعة من الشوكات الرنانة متغيرة الطول الموجي، مسطرة مترية.

نظرية التجربة: -

عند طرق شوكة رنانة بالقرب من فوهة الأنبوب المفتوح من الطرفين نسمع تقوية في الصوت والذي ندعوه رنيناً وهذا يحصل عندما يكون طول عمود الهواء المهتز (L_1) يساوي ربع طول الموجة ($\frac{\lambda}{4}$) فأن:

$$L_1 = \frac{1}{4} \lambda \quad \dots \dots \dots (1)$$

وليكن الحصول على رنين ثاني يكون طول عمود الهواء (L_2) يساوي ($\frac{3}{4} \lambda$) ونلاحظ ان شدة الصوت في الرنين الثاني اقل من شدة الصوت عند الرنين الأول

$$L_2 = \frac{3}{4} \lambda \quad \dots \dots \dots (2)$$

ب طرح المعادلة (2) من المعادلة (1) نحصل:

$$L_2 - L_1 = \frac{1}{2} \lambda \quad \dots \dots \dots (3)$$

ضرب الطرفين في الوسطين

$$\lambda = 2(L_2 - L_1) \quad \dots \dots \dots (4)$$

ولما كانت سرعة الصوت C يساوي التردد f مضروباً في الطول الموجي λ فأن:

$$C = \lambda \cdot f \rightarrow C = 2(L_2 - L_1) \cdot f \quad \dots \dots \dots (5)$$

طريقة العمل: -

- 1- اختار شوكة رنانة ذات تردد عالي.
- 2- طرق الشوكة الرنانة على قطعة مطاطية ثم قربها من فوهة الانبوب.
- 3- ابدأ بتغيير طول عمود الهواء حتى يصبح موافقا لتردد الشوكة، أي حتى حدوث الرنين، وقس طول عمود الهواء L_1 في الانبوب بواسطة المسطرة المترية.
- 4- الآن جد موضع آخر مختلف لأفضل رنين باستخدام نفس الشوكة و قس طول عمود الهواء L_2 .
- 5- للحصول على قيم مختلفة من L_1 و L_2 استخدم شوكة رنانة ذات ترددات (512 Hz و 412 Hz)
- 6- جد سرعة الصوت (C) لكل تردد من المعادلة رقم (5).
- 7- رتب النتائج كما موضح في الجدول ادناه:

التردد (f Hz)	طول عمود الهواء في الرنين الأول L_1 (m)	طول عمود الهواء في الرنين الثاني L_2 (m)	سرعة الصوت C m/s
512			
412			

- 8- جد متوسط القيمة لسرعة الصوت (C_{av}).

$$C_{av} = \frac{C_1 + C_2}{2}$$

أسئلة المناقشة: -

- 1- ما هو الرنين، ولماذا يحدث؟
- 2- على ماذا تعتمد سرعة الصوت؟
- 3- أيهم أكبر سرعة الصوت في الهواء أم داخل الماء؟ ولماذا؟
- 4- لماذا نسمع صوت الرنين بوضوح في مواقع محددة عند L_1 و L_2 ؟