

## التجربة رقم (2)

اسم التجربة: اعتماد زمن الذبذبة العمودية للنايـض الحزوني على الثقل المعلق وتعيين الكتلة المؤثرة

الغاية من التجربة: إيجاد الكتلة المؤثرة للنايـض الحزوني

الأجهزة المستخدمة: قبان حزوني, حامل الانتقال, ساعة توقيت, ائقال, شريط قياس.

نظرية التجربة:

إذا علق جسم كتلته  $M$  في نهاية نايـض حزوني فإنه سيحدث استطالة بمقدار  $x$  وان القوة المعيدة restoring force الناتجة ستمثل المقدار  $(x, n)$  حيث  $n$  هي الاستطالة لوحدة الكتل :

$$(1 + x)^n = 1 + \frac{nx}{1!} + \frac{n(n-1)x^2}{2!} + \dots \quad (1)$$

$$n = \frac{\Delta L}{M} \quad (2)$$

حيث  $\Delta L$  هي الفرق في طول النايـض.

وهذه القوة تحاول ان تعيد الجسم الى موضع استقراره فتتحرك المجموعة (الجسم والنايـض) حركة اهتزازية عمودية وان معادلة تلك الحركة هي:

$$\frac{d^2x}{Mdt^2} = x \frac{g}{n} \quad (3)$$

$$\frac{d^2x}{Mdt^2} - x \frac{g}{n} = 0 \quad (4)$$

وهذه المعادلة هي معادلة حركة توافقية بسيطة simple harmonic motion زمن ذبذبتها

هو:  $T$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{Mn}{g}} \quad (5)$$

ان اشتقاق المعادلة (5) جاء على فرض ان النايـض الحزوني عديم الوزن وتصحيحها لهذا الفرض الخاطي يجب اضافة الكتلة  $m$  في المعادلة وتدعى الكتلة المكافئة للنايـض الحزوني

effective mass وبذلك تصبح هذه المعادلة 4 بالشكل:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{Mm n}{g}} \quad (6)$$

وبعد تربيع المعادلة 6 وترتيبها بشكل صحيح

$$M = \frac{g}{4\pi^2 n} T^2 - m \quad (7)$$

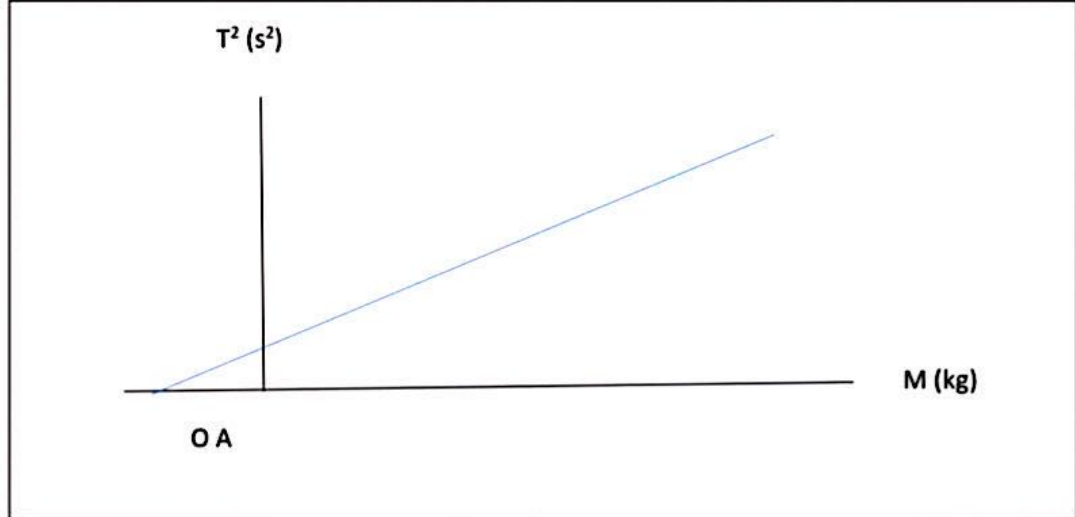
فاذا رسمنا علاقة بيانية بين قيم  $T^2$  على محور السينات وقيم  $M$  على محور الصادات فان نتيجة الرسم ستكون خط مستقيم يتقاطع على محور  $M$  في الجزء السالب عند النقطة  $0, -m$  وميله يساوي

$$\frac{M}{T^2} = \frac{g}{4\pi^2 n} \quad (8)$$

ومن هذه العلاقة يمكن ايجاد قيمة التعجيل الأرضي  $g$  كالآتي:

$$g = 4\pi^2 n \text{ slope} \quad (9)$$

اما قيمة الكتلة المؤثرة لل نابض  $m$  فتمثل القيمة المطلقة للقطع  $|OA|$  في الرسم البياني كما مبين في الشكل (1):



الشكل (1)

### طريقة العمل :

1. ضع ثقلا معيناً في الكفة المعلقة بالنايىض.
2. ارفع الكفة الى الاعلى مسافة صغيرة واتركها تتذبذب شاقولياً.
3. قس زمن عشر ذبذبات  $T_{10}$  ثم جد زمن ذبذبة واحدة  $T$  وجد قيمة  $T^2$ .
4. زد الاثقال في الكفة بصورة تدريجية، وكرر الخطوات (2,3).
5. رتب النتائج كما هو موضح في الجدول ادناه:

M(Kg)	زمن عشر ذبذبات $T_{10}(\text{sec})$	زمن ذبذبة واحدة $T=T_{10}/10$	$T^2 \text{ sec}^2$

6. قس الكتلة الحقيقية للنايىض اللىزونى مستعيناً بالميزان وقارنها مع قيمة الكتلة المكافئة التي حصلت عليها من الرسم البياني ثم بين ان الكتلة تساوي (  $1/3$  ) من كتلة النايىض الحقيقية.

ملاحظة (يجب ان لا يصاحب تذبذب النايىض حركات عشوائية).

### الأسئلة:

1. عرف الكتلة المؤثرة للنايىض اللىزونى؟
2. لماذا لا تساوي الكتلة المؤثرة دائماً كتلة النايىض الفعلية للجسم المعلق؟
3. كيف يمكن قياس الزمن الدوري بدقة في هذه التجربة؟