

التمهيد

الهندسة الوصفية

علم الهندسة الوصفية هو علم يهتم بإسقاط مكونات الأجسام سواء النقطة أو المستقيم أو المستوى بأوضاعها الخاصة والعامّة وكذلك تعاملهم مع بعض من ناحية التوازي والتعامد والتقاطع وتكون الأجسام وإفرادها وتقاطع الأجسام مع بعضها وغيره من التعاملات بينهما.

الرموز المستخدمة

يتم في هذا العلم إسقاط كل من النقاط والمستقيمات والمستويات، لذلك سنستخدم رموز خاصة للتعبير وتمثيل كل منهما كالآتي:

بالنسبة للنقاط: نستخدم الحروف الإنجليزية الكبيرة A, B, C, D, \dots

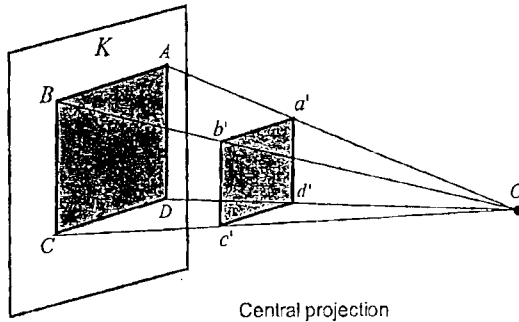
بالنسبة للمستقيمات: نستخدم الحروف الإنجليزية الصغيرة a, b, c, d, e, f, \dots

بالنسبة للمستويات: نستخدم الحروف $\alpha, \beta, \delta, \gamma, \lambda, \pi, \psi, \eta, \dots$

طرق الإسقاط المختلفة

الإسقاط المركزي

هو أكثر أنواع الإسقاط توضيحا للمجسمات الطبيعية وفيه نتصور إسقاط الجسم من نقطة ثابتة في الفراغ O تسمى



مركز الإسقاط ويكون المستوى رأسيا ويسمى

مستوى الإسقاط k ويكون الخط الواصل بين أي

نقطة في الفراغ مثل A ومركز الإسقاط O تسمى

شعاع الإسقاط الخاص بالنقطة A وهذا الشعاع

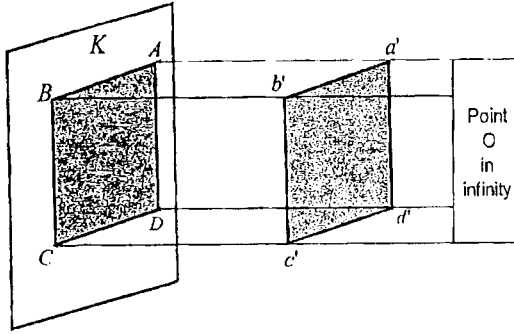
يلاقى المستوى في a' والتي تسمى المسقط المركزي

لنقطة A . ويوضح الشكل المقابل الإسقاط المركزي للنقاط A, B, C, D ويعتبر هذا النوع من الإسقاط الأكثر

إستخدام في مجال العمارة حيث يحاكي الصورة التي ترى بها العين الجسم.

الإسقاط المتوازي

في هذا النوع من الإسقاط تتوازي أشعة الإسقاط ويستخدم هذا النوع من الإسقاط في تعيين الظلال لأن الأشعة المنبعثة



من مصدر الضوء الكروي مثل الشمس أو القمر يُعتبر

على بعد لا نهائي وتكون متوازية وهي التي تعين إتجاه

الإضاءة في مسائل الظلال والشكل المقابل يوضح

الإسقاط المتوازي للشكل الرباعي ABCD على

المستوى k ينتج إسقاط هذا الشكل abcd .

الإسقاط العمودي (الإسقاط المرقوم أو الرقمي)

في هذا النوع من الإسقاط يتم الإسقاط على مستوى واحد فقط ويستعمل بصفة عامة في خرائط المساحة الطبوغرافية

والتي يمكن بواسطتها تمثيل سطح الأرض الغير منتظمة

الإسقاط الإكسونومتري

هو إسقاط متوازي على مستوى مائل على الإتجاهات الرئيسة (الإحداثيات الثلاثة X, Y, Z)

الإسقاط العمودي (مونج)

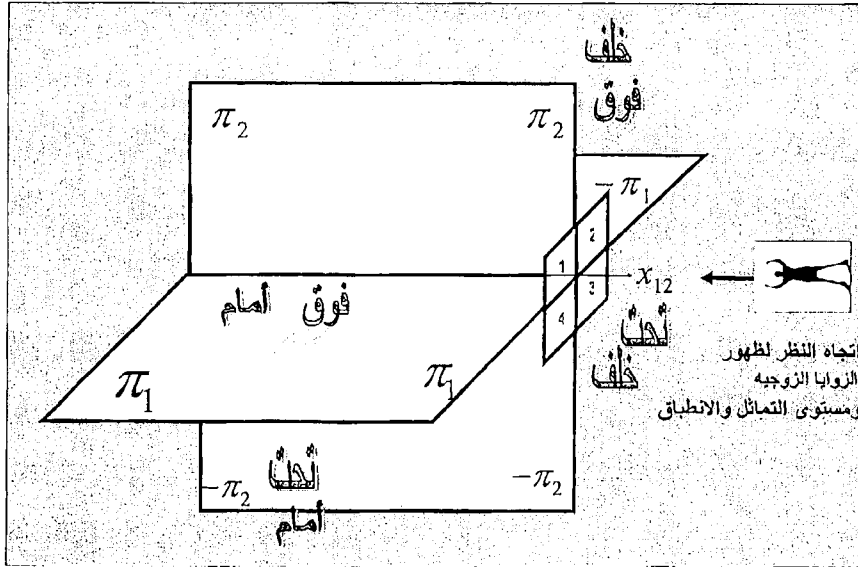
فهو أسهل وأبسط طرق الإسقاط في تحديد الأبعاد الطبيعية والأشكال الهندسية ويعتبر أكثر الأنواع السابقة إقتصادا

وتوفيرا في الوقت

الإسقاط العمودي

مبادئ الإسقاط

يعتبر العالم الفرنسي جاسبار مونج أول من وضع أسس الإسقاط العمودي (1746-1818)، لذا سمي الإسقاط بإسقاط مونج نسبة إليه.



فى هذا النوع من الإسقاط نستعمل مستويين متعامدين للإسقاط أحدهما أفقى ويعرف بالمستوى الأفقى π_1 ، والآخر رأسى ويعرف بالمستوى الرأسى π_2 وخط تقاطعهما يسمى خط الأرض X، شكل 1. وبهذا الشكل عندما يمتد كل من المستويين لمالا نهاية فإنهما يقسما الفراغ لأربع فراغات متساوية ويطلق عليها الزوايا الزوجية. الزاوية الزوجية الأولى وتقع أمام المستوى الرأسى وفوق المستوى الأفقى 1-، الزاوية الزوجية الثانية وتقع خلف المستوى الرأسى وفوق المستوى الأفقى 2-، الزاوية الزوجية الثالثة وتقع خلف المستوى الرأسى وتحت المستوى الأفقى 3-، الزاوية الزوجية الرابعة وتقع أمام المستوى الرأسى وتحت المستوى الأفقى 4- كما هو واضح فى الشكل 1.

يجب أن نعلم أن الجزء من المستوى الأفقى الموجود أمام المستوى الرأسى هو المستوى الأفقى السالب الموجب π_1 ، بينما الجزء من المستوى الأفقى الموجود خلف المستوى الرأسى هو المستوى الأفقى السالب $-\pi_1$. وكذلك بالنسبة إلى جزء المستوى الرأسى الموجود فوق المستوى الأفقى فهو الجزء الموجب من المستوى الرأسى π_2 ، أما جزء المستوى الرأسى الموجود تحت المستوى الأفقى فهو الجزء السالب من المستوى الرأسى $-\pi_2$.

يجب أن نلاحظ فى الشكل الموضح شكل 2 أن الزوايا الزوجية التى تحدثنا عنها يتعامل معها مستويات أخرى مثل المستوى المنصف الأول وهو يسمى مستوى التماثل وهو مستوى يمر بين المستويين

الرأسي والأفقي ويميل عليهما ميل متساوي بقيمة 45° وينصف الزاوية الأولى والثالثة. وكذلك المستوى

المنصف الثاني وهو

يسمى مستوى

الإنتطابق وهو

مستوى يمر بين

المستويين الرأسى

والأفقي ويميل

عليهما ميل متساوي

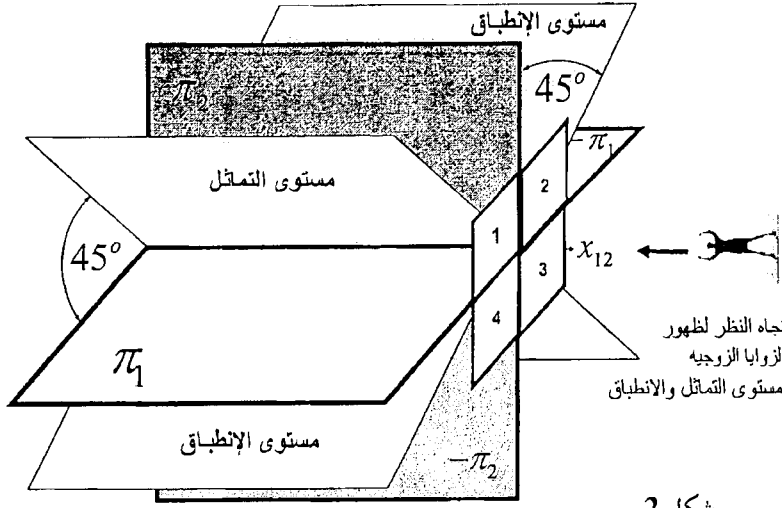
بقيمة 45° وينصف

الزاوية الثانية

والرابعة، وقد سمي

الإنتطابق لأنه هو

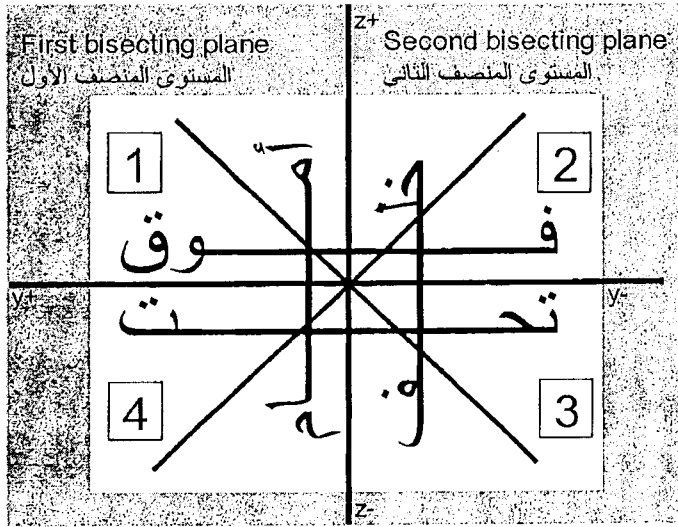
الذى ينطبق عليه كل



اتجاه النظر لظهور
الزوايا الزوجية
ومستوى التماثل والإنتطابق

شكل 2

من المستويين الأفقي والرأسي كما تحدثنا سابقا حتى ينطبقوا ويتم الإعتماد عليهم فى وصف الفراغ ثلاثى الأبعاد داخل مستوى الورقة ذات البعدين.



شكل 3

وعند النظر فى الشكل 2

عموديا على خط الأرض فإن خط

الأرض يظهر نقطة فى شكل 3

وتظهر هذه المستويات خطوط

تُنصف الزوايا بين مسقطى كل

من المستوى الأفقي والرأسي

كما فى شكل 3 وتظهر الزوايا

الزوجية كاملة وكذلك أوضاع

مستويات التماثل والإنتطابق

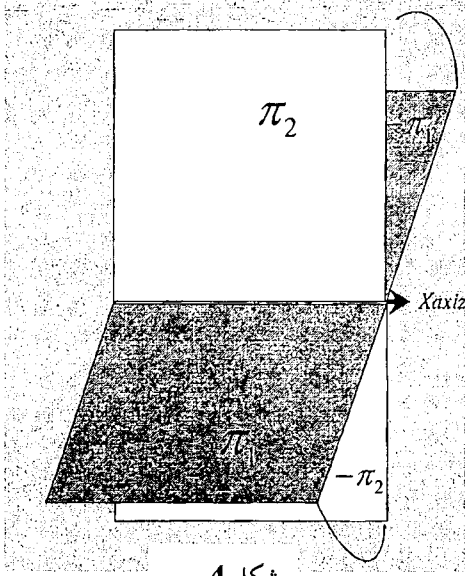
بالنسبة للمستويين الرأسى

والأفقي وهذا ما سنتحدث عنه فى إسقاط النقطة وكذلك يتضح أيضا فى إسقاط المستوى.

وتبقى المشكلة فى كيفية التمثيل الفراغى لمستويات الإسقاط على ورقة لاتملك سوى بعدين. هذه

المشكلة يمكن حلها بإحداثيات إنتطابق لمستويي الإسقاط على بعضهما شكل 4 حيث يتم دوران كل من

المستويين الأفقي الرأسى حول محور X فينطبق الجزء الموجب من المستوى الرأسى على الجزء السالب من المستوى الأفقى والعكس صحيح كما فى شكل 4.



شكل 4

كما تعلمنا سابقا أن الفراغ محدود بثلاث محاور x, y, z وهذه المحاور تشكل ثلاث مستويات متعامده ناتجة من إتحداهما كما فى شكل 1 ، لذا تم إضافة المستوى العمودى الجانبى وهو عمودى على كل من المستويين الأفقى والرأسى. ومن وضع المستوى الجديد أصبح الفراغ مقسم لثمانى أجزاء ، حيث كل زاوية زوجية مقسمة لجزئين أحدهما موجب والآخر سالب. نجد إتحد محورى x و y يكونا المستوى الأفقى والذى يرمز له بالمستوى π_1 ، وإتحد x و z يشكل المستوى الرأسى π_2 ، أما إتحد y و z يشكل المستوى المتعامد عليهما وهو المستوى الجانبى π_3 ويتضح ذلك من شكل 4.

ومن طبيعه المستويات الثلاثه المتعامده نجد أن المستوى π_1 يتقاطع مع π_2 فى خط يسمى X وهو ناتج من تقاطع 1 مع 2 لذلك يسمى X ، وايضا π_2 يتقاطع مع π_3 فى خط يسمى Z وهو ناتج من تقاطع 3 مع 2 لذلك يسمى Z ، وايضا π_1 يتقاطع مع π_3 فى خط يسمى Y وهو ناتج من تقاطع 3 مع 1 لذلك يسمى Y . هذه الخطوط تسمى المحاور الكرتيزيه والخط X يسمى خط الأرض.

وتتضح طبيعه المستويات الثلاثه المتعامده مع إمتدادها فى شكل 5 حيث تتمدد المستويات لتعطى كل أبعاد المستويات وتقاطعها. فمثلا إذا رمزنا للأرض بأنها المستوى الأفقى فهذا يعنى أن لها فوق وتحت " فهناك أشياء فوق الارض و أشياء تحتها" ونجد أن المستوى الأفقى "الأرض" مكوناته X, Y وبالتالي الإتجاه فوق وتحت تعنى الإتجاه Z المتعامد على مكونات المستوى شكل 5.

ومن شكل 2 أيضا نجد المستوى الرأسى المكون من X, Z يمكن أن يطلق عليه الحائط أى الحائط الموجود بالمنزل فنجد أناس تجلس أمام الحائط وأناس خلف الحائط وبالتالي معنى أمام وخلف أنه الإتجاه Y وهو الإتجاه العمودى على مستوى الحائط .

أما الفرد الموجود فى شكل 5 والذى ينظر فى إتجاه المستوى الجانبى فله يمين ويسار لهذا المستوى الجانبى π_3 وهذا المستوى مكوناته Y, Z وبالتالي يمين ويسار هذا المستوى هو الإتجاه العمودى

عليهم وهو x . وبالتالي يمكن وصف أى نقطه من خلال ماتم استعراضه، أن تكون نقطه فوق π_1 وأمام

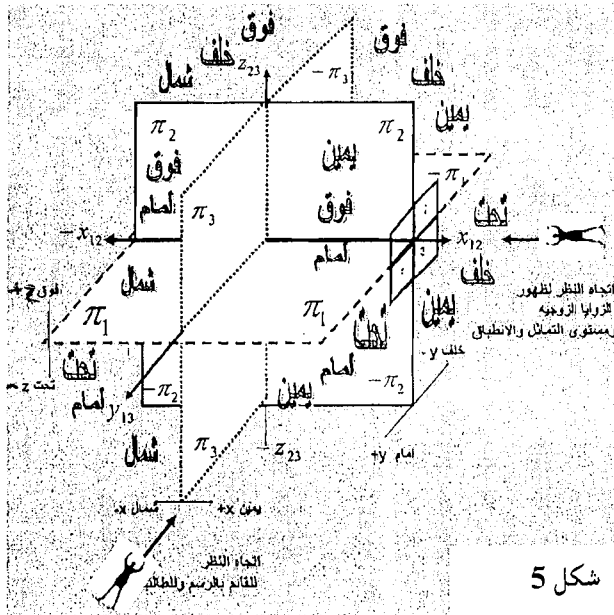
π_1	π_2	π_3	جدول 1
الأرض	الجدار	الفرد	الوصف ←
فوق	أمام	يمين	+ ←
تحت	خلف	يسار	- ←
Z	Y	X	البعد ←
Z=0	Y=0	X=0	تقع فى أى مستوى

π_2 وعلى يمين π_3 . وتبعا لعلم الكلام فإنه يمكن وضع جدول-1 الذى يوضح معنى اشارات النقاط حسب أوضاعها بالنسبه لمستويات الإسقاط.

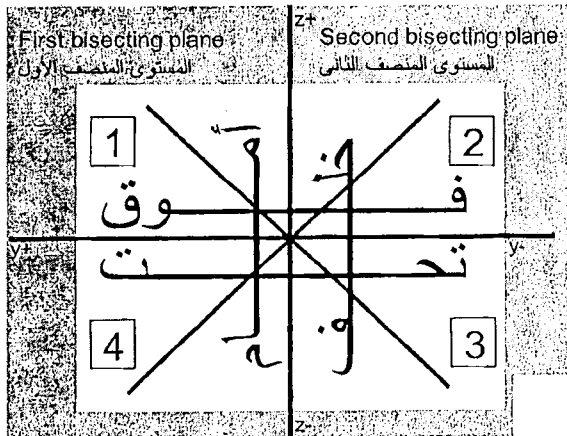
أيضا يتضح أن المستويين الأفقيين π_1 والرأسي

π_2 ، والجانبى بعد أن قسما الفراغ الى أربع زوايا زوجيه عند النظر من أقصى اليمين على شكل 5 نجد أن شكل 6 يوضح الأتى:

الزاويه الزوجيه الأولى $+y$ و $+z$ ،
الزاويه الزوجيه الثانيه $-y$ و $+z$ ،
الزاويه الزوجيه الثالثه $+y$ و $-z$ ،
الزاويه الزوجيه الرابعه $-z$ و $+y$ ومن إتجاه النظر المحدد فى شكل 5 يمكن إسقاط شكل الزوايا والمحاور لتحديد الأربع زوايا الزوجيه شكل 6. ومن هنا يجب تعريف الأتى:



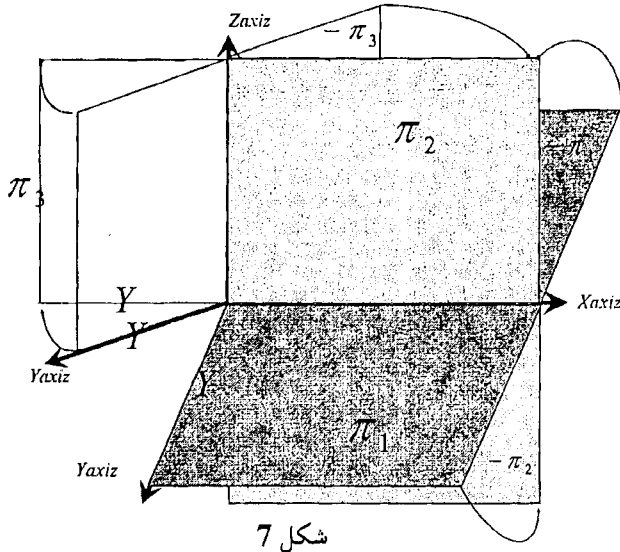
شكل 5



شكل 6

• المستوى المنصف الأول "مستوى التماثل" وهو الذى ينصف الزوايه الزوجيه الأولى والثالثه وفيه $z = +y$, $-z = -y$ شكل 6

• المستوى المنصف الثانى "مستوى الانطباق" الذى ينصف الزوايا الزوجيه الثانيه والرابعه وفيه $+y = -z$, $-y = +z$ شكل 6.

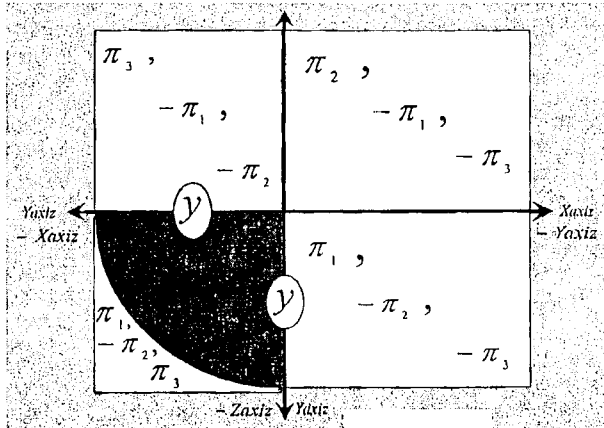


شكل 7

من شكل 5 بتحدد طبيعته المستويات الثلاثة العمودية ولكن هم الآن فى الفراغ، لذا كيف يتم توقيع النقاط الفراغيه كما فى الأشكال 1, 5, 2 داخل مستوى الورقه؟ إجابته هذا السؤال تحتاج الى أن ننظر إلى شكل 5 جيدا ثم يتم عمل الأتى:

1. نحاول أن نقطع المحور y وما يمثله فى الخلف إلى خطين متوازيين كما فى شكل 7 .

2. ندور بالمستوى الأفقى عكس عقارب الساعة فينطبق الجزء السالب الخلفى من المستوى الأفقى $-\pi_1$ على الجزء الموجب العلوى من π_2 والعكس صحيح فى النصف السفلى حيث ينطبق الجزء السالب السفلى من المستوى الرأسى $-\pi_2$ على الجزء الموجب الأمامى من π_1 وكل ذلك الدوران يتم حول

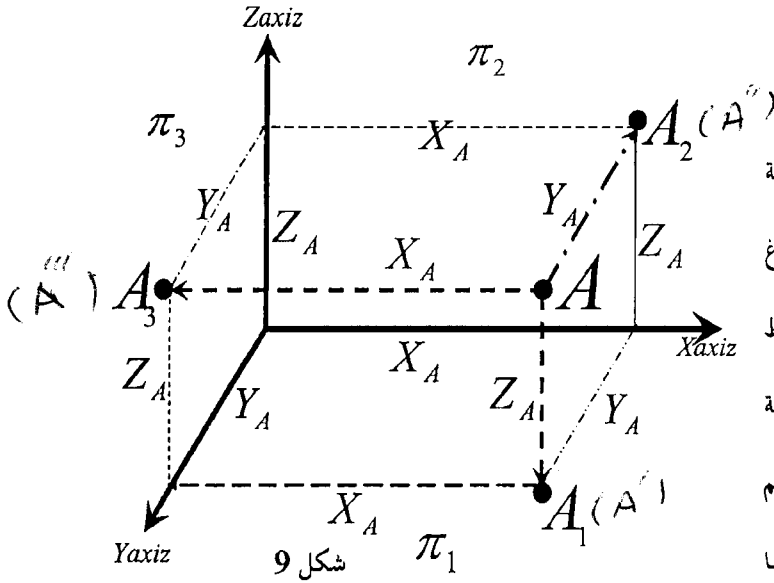


شكل 8

محور x من خلال محور الإنطباق الذى ينصف الزاويه الثانيه والرابعه. بعد ذلك يتم دوران المستوى الثالث العمودى π_3 حول محور Z مع عقارب الساعة الساعه السى أن ينطبق على المستويين الباقيين فينتج شكل 7 من شكل 8 وتتضح الصوره كامله ويظهر أماكن المستويات السالبه والموجبه.

النقطة

تمثيل النقطة في الفراغ



يتم تمثيل الإسقاط "للهندسة

الوصفية" في الفراغ على أحد أركان الفراغ

الموجبة الإحداثيات من مجمل أجزاء الإسقاط

شكل 9 ، وهو الذى يشمل الأبعاد الموجبة

لكل من المحاور الثلاثة X, Y, Z وبالتالي يتم

الإسقاط على المستويات العامة التى تكونها

هذه المحاور. لذا نجد أن أى نقطة A في الفراغ لو تم النظر عليها في الإتجاه العمودى على أى مستوى ينتج مسقط لها

" أى ظل عمودى أو صورها لها" هذا المسقط يسمى بإسم النقطة ورقم المستوى الذى تم النظر عليه. فإذا نظرنا عمودى

على المستوى الأفقى فإن النقطة A ينتج لها ظل أو مسقط على المستوى الأفقى يسمى المسقط الأفقى للنقطة ويكون

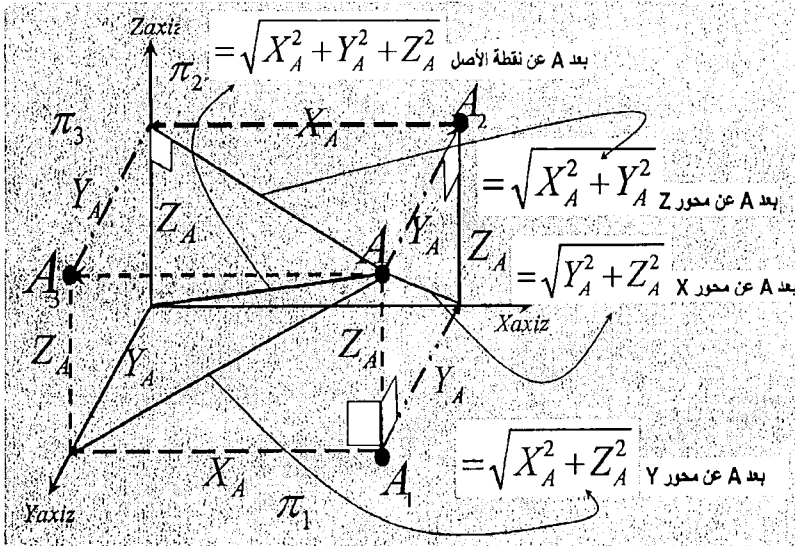
حينئذ هذا المسقط في π_1 أى يأخذ إسم النقطة مع رقم المستوى الواقع فيه فيكون A_1 وكذلك المسقط في المستوى

(A''')

الرأسى يكون A_2 وايضا

في المستوى الجانبي يكون

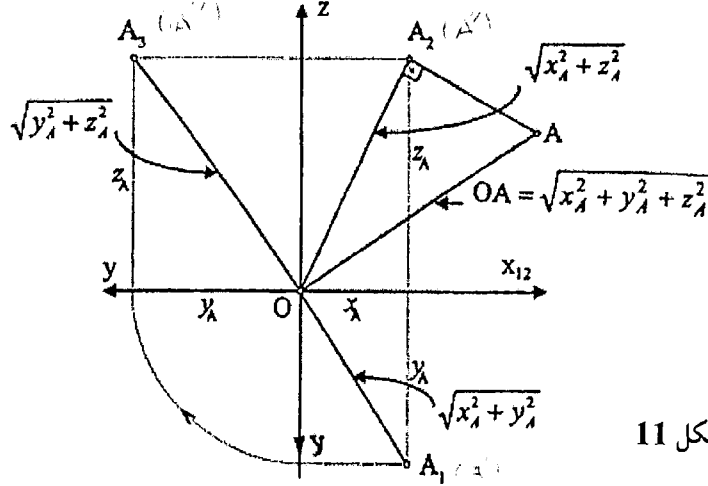
(A''') A_3 شكل 9.



شكل 10

مثال: عين بعد نقطة $A=(2,3,5)$ عن كل من : محور X ، محور Y ، محور Z ، نقطة الأصل

الحل: شكل 10 و شكل 11



شكل 11

التمثيل الوصفي للنقطة

نستخدم الحروف اللاتينية الكبيرة للرمز للنقاط مثل (A, B, C, D, \dots) . وتمثيل النقطة C الواقعة في الفراغ وصفا

يتم من خلال مساقطها الثلاثة على المستويات الثلاثة من خلال بيانات النقطة (X_C, Y_C, Z_C) :

أولاً: من نقطة الاصل نوقع قيمة X_C على

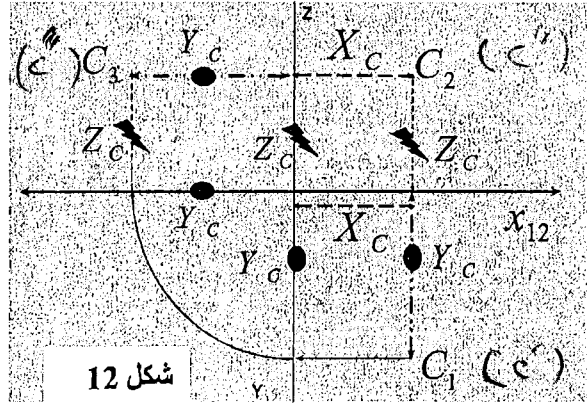
المحور X ، فإذا كانت قيمة X_C موجبه يكون

القياس ناحيه اليمين واذا كانت سالبه يكون

القياس ناحيه اليسار شكل 12.

ثانياً: من نهاية قياس X_C يتم توقيع البعد

Y_C ، فإذا كانت Y_C موجبه فأنا نوقع لاسفل



شكل 12

في إتجاه محور Y الموجب والعكس صحيح. فيجب أن تعلم أن بعد كل الواحد عن خط الأرض هي y ، أي أنه طالما

كان الإسم مثلاً C_1 أي كان مكانه بالنسبة لخط الأرض فوق أو تحت فإن بعده عن خط الأرض هو y بالسالب أو

بالموجب تبعاً لوضعه شكل 12.

ثالثا: من نهاية قياس X_C يتم قياس البعد Z_C وهو أيضا بنفس أسلوب قياس Y ، حيث يجب أن نعلم أن بعد (C')

كل الإثنيات عن خط الأرض هو Z أى أن طالما كان الإسم مثلا C_2 أى كان مكانه بالنسبة لخط الأرض فإن بعده

عن خط الأرض هو Z سواء كان تحت "سالب" أو فوق "موجب" تبعا لوضعه شكل 12 و 13 و 14. (C'')

رابعا: إستنتاج المسقط الجانبي مثل C_3 يمكن أن يتم بطريقتين : (C''')

الأولى: أمّا على نفس إرتفاع المسقط الرأسى للنقطة C_2 وتبعد عن محور Z مسافة Y_C فنوجد C_3 . (C''')

الثانية : أن نعلم على دوران البعد Y_C كما بالشكل 12 فى إتجاه الأسهم حتى يتقابل مع المناظر الأفقى للإرتفاع (C''')

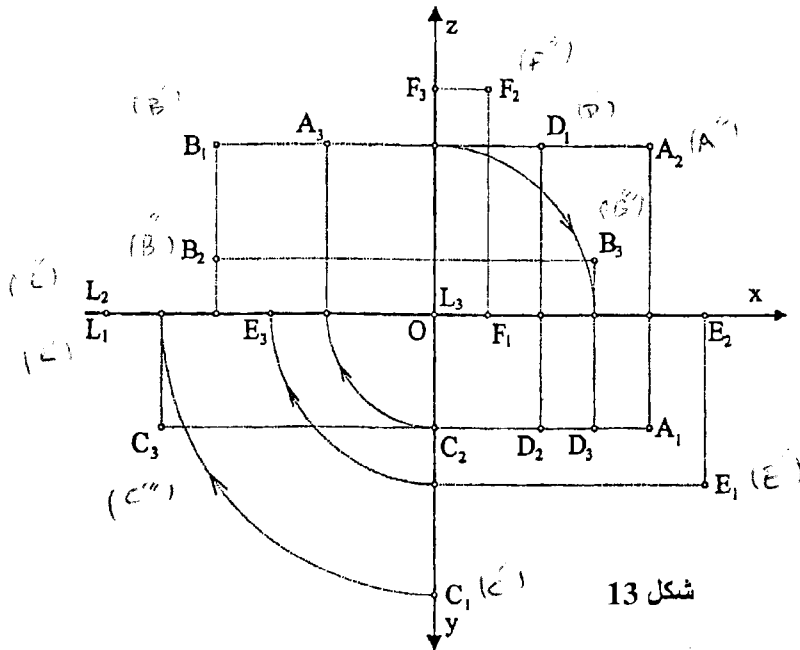
من المسقط الرأسى C_2 فينتج المسقط الثالث C_3 . شكل 12 (C''')

مع ملاحظة أن الدوران يكون مع عقارب الساعة (C''')

مثال: أوجد المساقط الثلاثة للنقاط الآتية :

$A(4,2,3)$, $B(-4,-3,1)$, $C(0,5,-2)$, $D(2,-3,-2)$, $E(5,3,0)$, $F(1,0,4)$, $L(-6,0,0)$

الحل: شكل 13



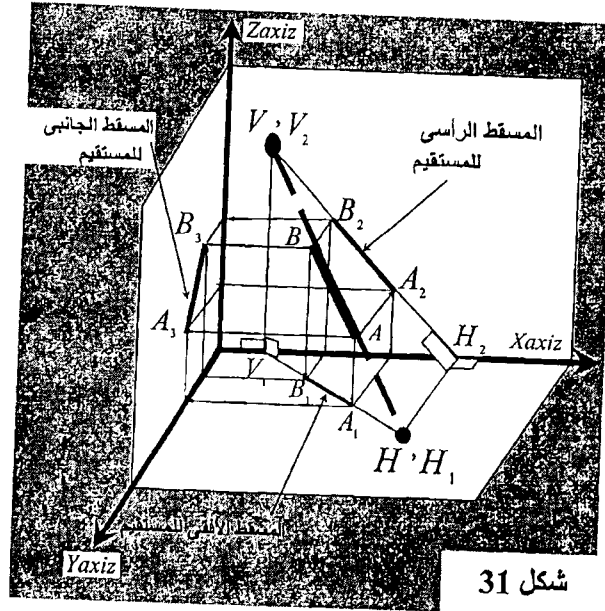
رسم المسقط الجانبي للنقطة C_3 عن طريق الدوران (C''')

المستقيم

نجد أن أى مستقيم يتم تمثيله إما بنقطتين فيكون المستقيم العام، وإما بنقطة واتجاه فتكون الأرضاء الخاصة للمستقيم. وعامة يستخدم لتمثيل المستقيمات الرموز الصغرى للغة الإنجليزية (a,b,c,d,e,.....).

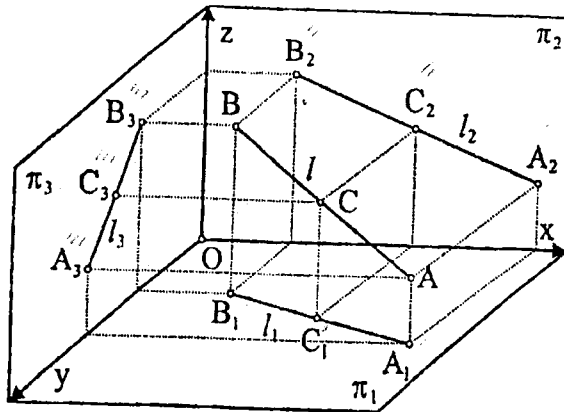
المستقيم العام

نجد أن لو كان هناك نقطتين A, B فإن الخط الواصل بينهما هو خط مستقيم، وبالتالي المسقط الواصل بين المسقطين الأفقيين للنقطتين A_1, B_1 هو المسقط الأفقى للمستقيم، والمسقط الواصل بين المسقطين الرأسين للنقطتين A_2, B_2 هو المسقط الرأسى للمستقيم، والمسقط الواصل بين المسقطين الجانبيين للنقطتين A_3, B_3 هو المسقط الجانبي للمستقيم.



(شكل 31-32)

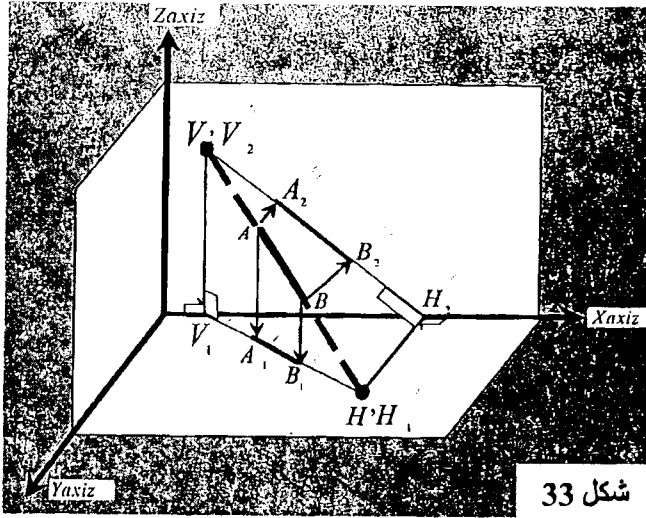
شكل 31



شكل 32

من شكل 32 نجد أن مساقط المستقيم على المستويات الثلاثة تتم بالإسقاط على المستويات الثلاثة وكذلك ترتبط مساقط النقاط على المستقيم بمساقط المستقيم.

ومن الشكلين 31 و 33 نجد أن لو تم توصيل النقطتين A, B ومد إجهاهم فإن هذا المستقيم يقطع كل من π_1, π_2, π_3 في نقطة لكل منهما، نقطة تقاطع المستقيم مع π_1 تسمى الأثر الأفقي للمستقيم H ، ونقطة تقاطع المستقيم مع π_2 تسمى الأثر الرأسى للمستقيم V . ونقطة تقاطع المستقيم مع المستوى الجانبي π_3 هي الأثر



الجانبي للمستقيم S ، وكل من هذه النقاط لها مساقط سيتم الحديث عنها لاحقاً.

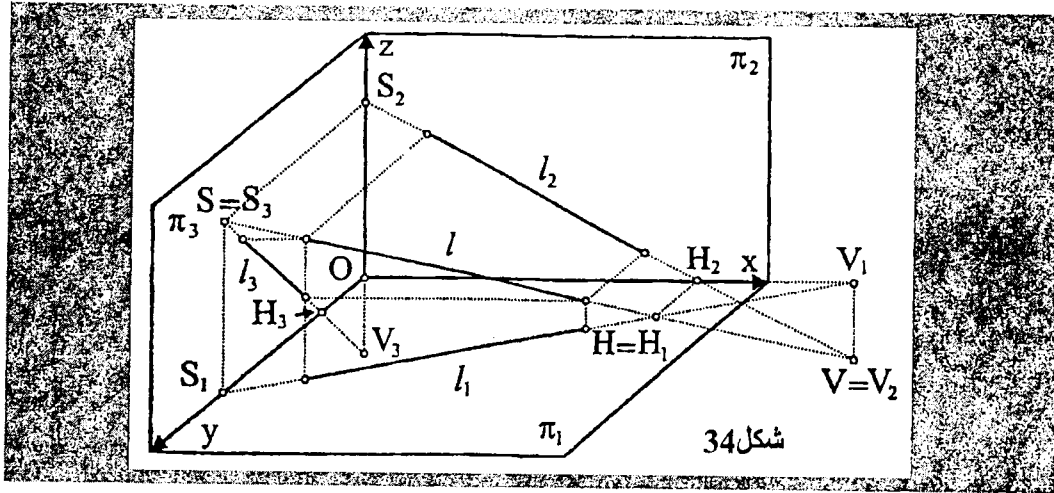
والآن نريد تعريف ماهو الأثر للمستقيم لأن آثار المستقيمت هي من النتائج المطلوبة دائماً والتي سنعتمد عليها في كثير من المعطيات القادمة.

والتعريف العام لأثر المستقيم هو نقطة تقاطع المستقيم مع مستوى اسمه، حيث أن الأثر الأفقى للمستقيم هو نقطة تقاطع المستقيم مع المستوى الأفقى، الأثر الرأسى للمستقيم مع المستوى الرأسى، الأثر الجانبي للمستقيم هو نقطة تقاطع المستقيم مع المستوى الجانبي. وتمثيل مكان الأثر الأفقى والرأسى والجانبي للمستقيم يظهر في شكلى 31 و 32 ومنهم سيتم شرح طبيعة الأثار للمستقيمت.

الأثر الأفقى للمستقيم : (Horizontal)

الأثر الأفقى للمستقيم هو نقطة تقاطع المستقيم مع المستوى الأفقى ويرمز له بالرمز H ، وهو كأي نقطة له ثلاث مساقط، وهو النقطة التي تقع على المستقيم وفي π_1 وهي H_1 ، أى أن قيمة المسافة لها فوق π_1 هي Z_H تساوى صفر أى $Z_H = 0.0$ ، وطالما Z_H تساوى صفر فإنها مثل أى نقطة Z لها تساوى صفر أى مسقطها الرأسى على خط الأرض وبالتالي H_1 تقع في π_1 على بعد Y_H من خط الأرض و H_2 تقع على X_1 حيث $Z_H = 0.0$ ، والمسقط الجانبي للأثر الأفقى هو H_3 يقع على محور Y في المستوى الجانبي π_3 . ويمكن الآن وضع الإحداثيات للأثر الأفقى

حيث $H(X, Y, Z) = H(X, Y, 0) = H_1(X, Y)$ حيث أصل النقطة H أصبح هو نفس مكان المسقط الأفقى لنفس النقطة H_1 لأن النقطة H فى الواقع تقع فى π_1 لأن العمود الساقط منها على المستوى الأفقى π_1 ، وعليه فلا بد أن نعلم أنه لن يوجد H بعد ذلك لأن H تعنى أنها H_1 وإحداثياته هو X, Y ويتم تمثيله كما فى شكل 33 و 34 حيث نوقع H_1 بالإحداثيات X_H, Y_H وتكون H_2 بالإسقاط المباشر على خط الأرض و H_3 تقع على محور Y الأفقى فى المسقط الجانبي.



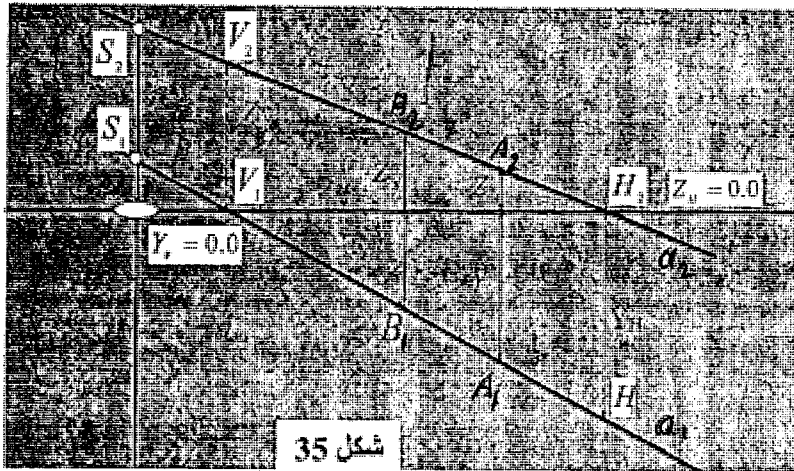
الأثر الرأسى للمستقيم : (Vertical)

الأثر الرأسى للمستقيم هو نقطة تقاطع المستقيم مع المستوى الرأسى ويرمز له بالرمز V شكل 34 و 35، وهو كإى نقطة له ثلاث مساقط، وهو النقطة التى تقع على المستقيم وفى π_2 ، أى أن قيمة Y_v تساوى صفر أى $Y_v = 0.0$ لأن العمود الساقط منها على المستوى الرأسى $0 = Y_v$ ، وطالما Y_v تساوى صفر فإنها مثل أى نقطة Y لها تساوى صفر أى مسقطها الأفقى على خط الأرض وبالتالي V_2 تقع فى π_2 على بعد Z_v ، و V_1 تقع على X أشكال 33 و 34 و 35. يمكن الآن وضع الإحداثيات للأثر الرأسى حيث $V(X, Y, Z) = V(X, 0, Z) = V_2(X, Z)$ حيث أصل النقطة V أصبح هو نفس مكان المسقط الرأسى لنفس النقطة V_1 لأن النقطة V أصلاً تقع فى π_2 ، وعليه فلا بد أن نعلم أنه لن يوجد V بعد ذلك لأن V تعنى أنها V_2 وإحداثياته هو X, Z ويتم تمثيلها كما فى شكل 34 حيث

50 المستقيم
 نوع V_2 بالإحداثيات X, Z وتكون V_1 بالإسقاط المباشر على خط الأرض و V_3 تقع على نفس ارتفاع V_2 ولكن مسقطها على محور Z .

الأثر الجانبي للمستقيم : (Side)

الأثر الجانبي للمستقيم هو نقطة تقاطع المستقيم مع المستوى الجانبي ويرمز له بالرمز S ، وهو كأي نقطة له ثلاث مسافات كم بالأشكال 34 و 35 ويعرف بأنه النقطة التي تقع على المستقيم وفي π_3 ، أي أن قيمة X_S تساوي صفر أي $X_S = 0.0$ ، وطالما $X_S = 0.0$ تساوي صفر فإن مسقطها الأفقي والرأسي على العمودي على خط الأرض من نقطة الأصل وبالتالي S_2 تقع على محور Z في π_2 على بعد Z_S ، S_1 تقع على محور Y للرأسي في π_1 على بعد $Y_S = 0.0$ ، $X_S = 0.0$. يمكن الآن وضع الإحداثيات للأثر الجانبي حيث $S(0, Y, Z) = S(0, Y, Z) = S_3(Y, Z)$ حيث أصل النقطة أصبح هو نفس مكان المسقط الجانبي لنفس النقطة S لأن النقطة S أصلا تقع في π_3 ، وعليه فلا بد أن نعلم أنه لن يوجد S بعد ذلك لأن S تعني أنها S_3 وإحداثياته هو Y, Z ويتم تمثيله كما في شكلي 34 و 35 حيث نوع S_3 بالإحداثيات Y, Z وتكون S_1, S_2 بالإسقاط المباشر على العمودي على خط الأرض أو العكس.



إستنتاج الأثار من

المساقط

شكل 35 يوضح كيف

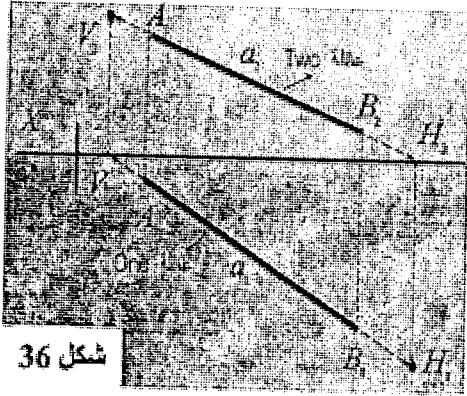
يمكن إيجاد النقاط التي تقع

على المستقيم وتقع في

المستوى الأفقي والرأسي

والجانبي والتي تُستنتج بالإمتدادات الخاصة بالمساقط للمستقيم. ومن شكل 34 الذي يوضح وضع المستقيم في الفراغ وكذلك مساقطه يتضح فيه أوضاع الأثار كنقاط أصلية واقعة في مستوياتها وكذلك مساقطها وكيف أن المساقط تتفاعل مع إمتداداتها مع أصل المستقيم في الفراغ. من شكل 35 نلاحظ ان المستقيم a يقع عليه نقطة A, B وكل منهما لها Y, Z والمطلوب إيجاد النقاط التي تقع على المستقيم وتقع في المستوى الأفقي والرأسي والجانبي. لذا نلاحظ ان النقطة

التي تقع على المستقيم a وتقع في المستوى الأفقى تكون Z لها تساوى صفر لذلك فاننا نبحت على المسقط الرأسى للمستقيم وهو a_2 عن النقطة التي Z لها تساوى صفر (حيث أن المساقط الرأسية هي التي تحمل القيم Z وبالتالى نبحت تقاطع المسقط الرأسى مع خط الأرض) فتكون H_2 تقع على X وبالتالى H_1 تكون بالتناظر على a_1 وتسمى هذه النقطة بالانتر الأفقى للمستقيم. لذلك تابع معي بعينك شكل 35 و36 هذه المقولة: لو معطى المساقط للمستقيم فإننا بديهيًا لو وصلنا المسقط الرأسى حتى يقطع خط الأرض ثم أقمنا عمود حتى يقابل المسقط الأفقى فإنة



سيقابلة مباشرة في الانتر الأفقى للمستقيم H_1 . من الشكل 35

و36 نلاحظ أن النقطة التي تقع على المستقيم a وتقع في المستوى الرأسى تكون Y لها تساوى صفر لذلك فاننا نبحت على المسقط a_1 عن هذه النقطة (حيث أن المساقط الأفقية هي التي تحمل القيم Y وبالتالى نبحت تقاطع المسقط الأفقى مع خط الأرض) فتكون V_1 تقع على X . وبالتالى V_2 تكون بالتناظر

على a_2 وتسمى هذه النقطة بالانتر الرأسى للمستقيم لذلك لذلك تابع معي بعينك شكل 35 وهذه المقولة: لو معطى المساقط للمستقيم فإننا بديهيًا لو وصلنا المسقط الأفقى حتى يقطع خط الأرض ثم أقمنا عمود حتى يقابل المسقط الرأسى

فإنه سيقابلة مباشرة في الانتر الرأسى للمستقيم V_2 .

من الشكلين 34 و35 يتضح مكان S_1, S_2 وهما المساقط للانتر الجانبي عند الإحداثى $X = 0.0$. لذلك فان المعطيات بالنسبة إلى H تكون هي H_1 أى ان إحداثياتها X, Y وكذلك المعطيات بالنسبة إلى V تكون V_2 أى ان إحداثياتها X, Z ، وأيضًا المعطيات بالنسبة إلى S تكون S_3 أى ان إحداثياتها Y, Z . ويمكن تلخيص القاعده

السابقة في النتيجة الآتية بالنسبة للانتر الأفقى والرأسى:

52
 عندما يكون معطى المساقط ومطلوب الأثار يتم تطبيق القاعدة [وصل وقيم عمود] وتطبق وتحفظ وتجرب

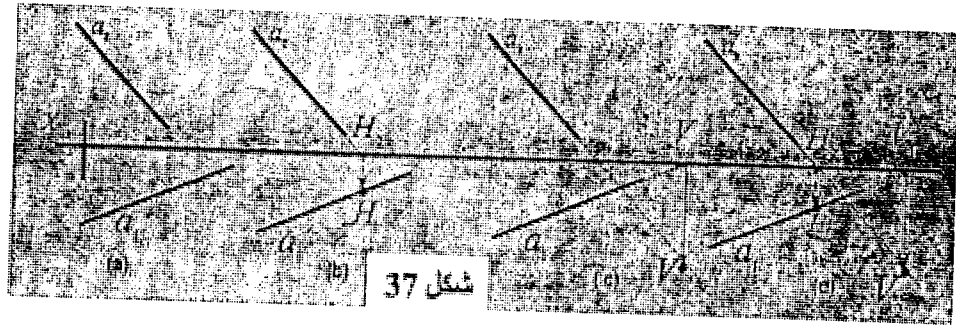
وأنت تقرأها كالآتي :

1. وصل المسقط الأفقى (حتى يقابل خط الأرض) قيم عمود يقابل المسقط الرأسى إذا هذا هو الأثر الرأسى. شكل 36

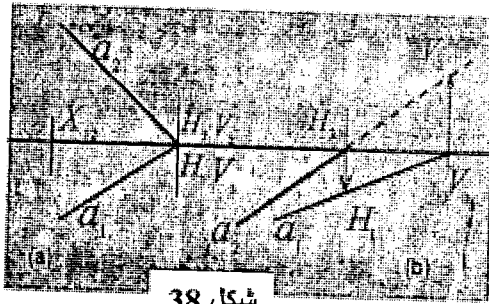
و 37

2. وصل المسقط الرأسى (حتى يقابل خط الأرض) قيم عمود يقابل المسقط الأفقى إذا هذا هو الأثر الأفقى شكل 36.

ويمكن الآن أستعراض بعض الأمثلة التى توضح إستخدام هذه القاعدة كالآتى:

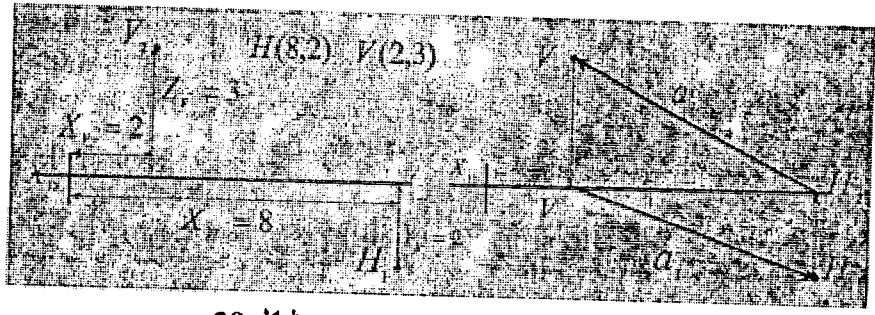


شكل 37



شكل 38

من شكل 37 - a معطى مسقطين لمستقيمين ومن الشكل
 37-b يتضح كيفية تطبيق القاعدة بنفس المنطوق
 لإستنتاج الأثر الأفقى ثم من الشكل 37-c يتضح
 أسلوب إيجاد الأثر الرأسى والشكل 37-d يوضحهما
 معا. ومن الشكل 38 - a-b يتضح كذلك وضعين



شكل 39 a

شكل 39 b

آخرين لمستقيمين
 وكيفية تطبيق
 القاعدة
 لإستنتاج الأثار.

مثال: إذا علمت أن الأثر الأفقى للمستقيم a هو $H(8,2)$ والأثر الرأسى له هو $V(2,3)$ مثل المستقيم a بمساقطة.
شكل 39. فى المثال شكل a-39 معطى الأثر الأفقى H والرأسى V ونحن قد رأينا لما سبق أن معنى H تعنى أفقا H_1 وإحداثياته هو X, Y و V تعنى أفقا V_2 وإحداثياته هو X, Z وبالتالي بعد توقيع المعطيات يكون موجود H_1 و V_2 وعلية يمكن أن نسقط عمود من H_1 على خط الأرض نحصل على H_2 وبالتالي لو وصلنا H_2 ب V_2 فإننا نحصل على a_2 شكل b-39 حيث أفقا كلها تحمل رقم 2، ونسقط عمود من V_2 على خط الأرض نحصل على V_1 وعلية لو وصلنا H_1 ب V_1 فإننا نحصل على a_1 حيث أفقا كلها تحمل رقم 1 شكل b-39. وبالتالي نستنتج القاعدة القادمة

لإستنتاج المساقط من الأثار

لو معطى الأثار ومطلوب المساقط للمستقيم نتبع القاعدة [إسقط عمود ووصل] وتحفظ وتطبق وتجرب كالآتى من شكل b-39 : من H_1 أسقط عمود على خط الأرض نحصل على H_2 و V_2 هو a_2 إذا نصل H_2 ب V_2 . ومن V_2 أسقط عمود على خط الأرض نحصل على V_1 و H_1 هو a_1 إذا نصل H_1 ب V_1 . ولا بد أن نقولها كما ذكرت لك وتحفظ بهذا الشكل حتى لا يتم الخطأ مهما كان التطبيق صعب وذلك تبعاً للأوضاع المختلفة التى ستأتى لكل H_1 و V_2 .

الهندسة الوصفية (Descriptive Geometry)

تمثيل الخط المستقيم

يحدد الخط المستقيم في الفراغ بمسقطيه الأفقي و الرأسي , أي ان المستقيم AB في الفراغ يكون مسقطه الأفقي (A'B') ومسقطه الرأسي (A''B'') . وأى نقطة تقع على المستقيم أب تقسمه في الفراغ بنفس نسبة تقسيمها في المساقط .

أى ان اذا كانت (C) تقسم أب مثلا بنسبة 1 : 3 في الفراغ فـ (C') تقسم (A'B') بنسبة 1 : 3 .. وهكذا اي ان

$$AC/CB=A'C'/C'B'=A''C''/C''B''=1/3$$

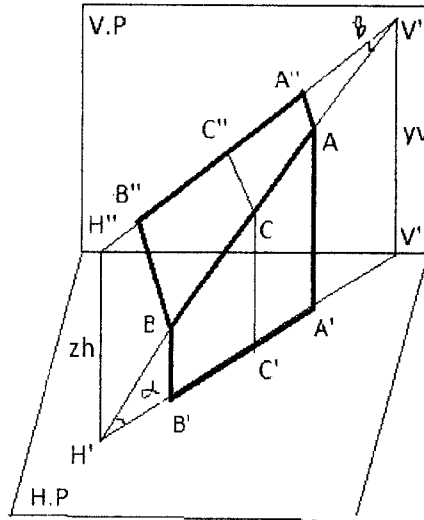
يمكن رسم مساقط الخط المستقيم كالتالي:

1. بمعلومية احداثيات نقطتي نهايتيه الرأسية (Y) والافقية (Z) والمسافة بين خطي التناظر في اتجاه موازي لخط الارض (G.L).

2. بمعلومية الاحداثيات الثلاثة (X,Y,Z).

ملاحظة*

اذا وازى الخط المستقيم أي من المستويات الثلاثة فإن مسقطه على ذلك المستوي يمثل الطول الحقيقي للمستقيم , واذا لم يوازي أي من المستويات فيكون مسقطه على المستوي المسقط اقصر من طوله الحقيقي



الأثر // هو نقطة تقابل المستقيم او امتداده في الفراغ مع المستوي

- الأثر الأفقي : هو تقابل المستوي الأفقي مع المستقيم او تقابل المستقيم مع مسقطه الافقي ويرمز له بالرمز ((H)) .

ارثیاتی نسبتیں

ذکر الخواص التالیہ: ہر ایک مسئلہ کے لیے دو صورتیں ہوتی ہیں اور ان کے درمیان نسبتیں
میں دو صورتوں کے درمیان نسبتیں ہوتی ہیں۔

۱۔ پلازما اثری و ادانتی کے نسبتوں میں پلازما اثری (A) اور ادانتی (B) کے درمیان نسبتیں

- ۱۔ نسبتیں
- ۲۔ نسبتیں
- ۳۔ نسبتیں
- ۴۔ نسبتیں

۲۔ نسبتیں (AB) کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

۳۔ نسبتیں (A'B') کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

۴۔ نسبتیں (H) کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

- ۱۔ نسبتیں
- ۲۔ نسبتیں
- ۳۔ نسبتیں

۱۔ نسبتیں (A'B) کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

۲۔ نسبتیں (AB') کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

۳۔ نسبتیں (H) کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

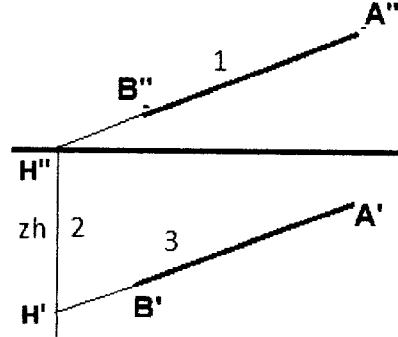
۴۔ نسبتیں (S) کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

۱۔ نسبتیں (AB) کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

۲۔ نسبتیں (S') کے درمیان نسبتیں اور نسبتیں

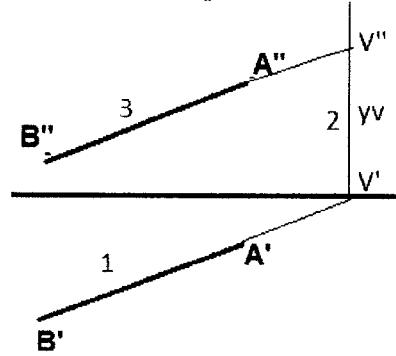
الهندسة الوصفية (Descriptive Geometry)

ولإيجاد الأثر الأفقي نمد المسقط الرأسي للمستقيم الى ان يقابل خط الأرض ثم نرسم منه عمودا على خط الأرض الى ان يقابل المسقط الأفقي



2- الأثر الرأسي : هو تقابل المستوي الرأسي مع المستقيم تقابل المستقيم مع مسقطه الرأسي ويرمز له بالرمز ((V)).

ولإيجاد الأثر الرأسي نمد المسقط الأفقي للمستقيم الى ان يقابل خط الأرض ثم نرسم منه عمودا على خط الأرض حتي يقابل السقط الرأسي للمستقيم.



3- زاوية ميل المستقيم على المستوي الأفقي (α): هي الزاوية المحصورة بين المستقيم AB او امتداده ومسقطه الأفقي A'B' او امتداده.

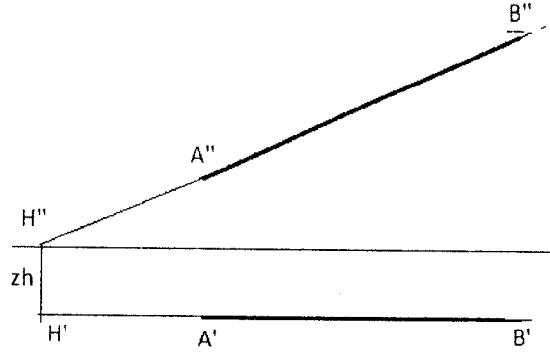
4- زاوية ميل المستقيم على المستوي الرأسي (β): هي الزاوية المحصورة بين المستقيم AB او امتداده ومسقطه الرأسي A''B'' او امتداده

المواضع المختلفة للمستقيمات بالنسبة لمستويات الإسقاط :-

1- مستقيم في وضع عام أي لا يوازي أحد مستويات الإسقاط ويتحدد بمعلومية مسقطي أي نقطتين عليه وله أثر أفقي H وأثر رأسي V , و يكون على هذه الصورة

الهندسة الوصفية (Descriptive Geometry)

.... له أثر أفقي وليس له أثر رأسي.



4- مستقيم جانبي : أى يوازي المستوي الجانبي

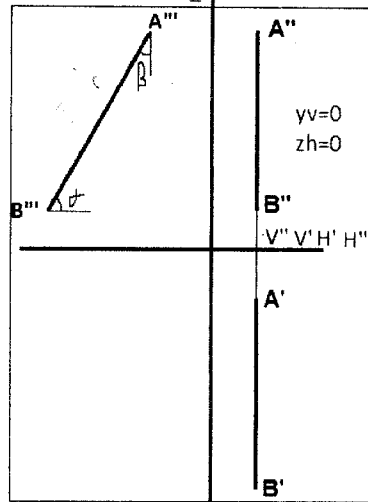
.... كل نقطة بعدها ثابت عن المستوي الجانبي.

.... المسقطين الأفقي والرأسي يتعامدان مع خط الأرض.

.... المسقط الجانبي يظهر بطوله الحقيقي.

.... له أثرين أفقي ورأسي.

.... تظهر زاويتي ميل المستقيم على المستويين الرأسي الأفقي بشكلهما الحقيقي.



5- مستقيم رأسي : أى مستقيم عمودي على المستوي الأفقي ويوازي المستوي الرأسي.

.... يظهر بطوله الحقيقي على المسقط الرأسي.

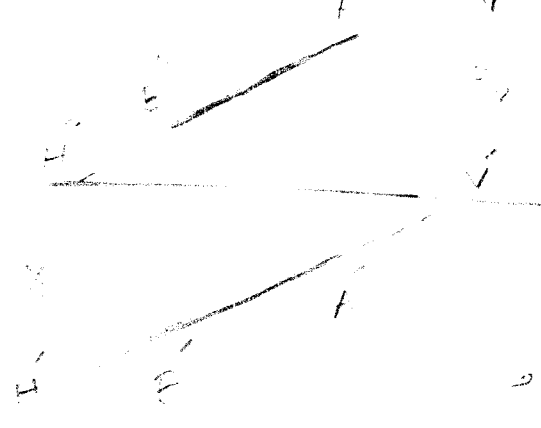
.... مسقطه الرأسي عمودي على خط الأرض.

.... يظهر كنقطة في المستوي الأفقي.

.... له أثر أفقي يقع على نفس النقطة وليس له أثر رأسي.

$$\alpha = 0$$

طريقة اختيار الرأس الأيسر والرأس الأيمن كما هو مبين



① نختار الرأس الأيسر "V" في
 كل عقدة، ونضعه في القائمة AB، ثم نختار الرأس الأيمن
 في العنصر من القائمة

② في كل عقدة، نختار الرأس الأيسر أو الأيمن
 في القائمة AB، ونضعه في القائمة

③ في كل عقدة، نختار الرأس الأيسر أو الأيمن
 في القائمة AB، ونضعه في القائمة (Z)

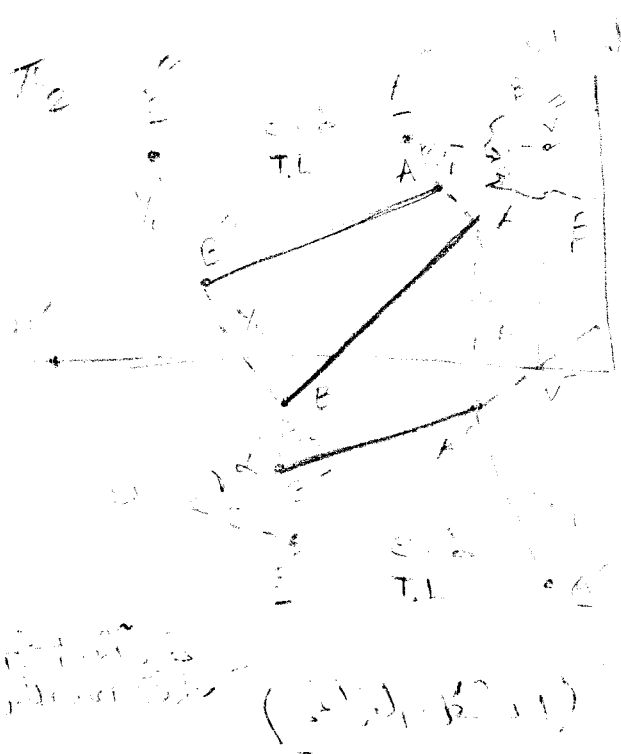
④ نختار الرأس الأيسر "H" في

كل عقدة، ونضعه في القائمة AB، ثم نختار الرأس الأيمن
 في العنصر من القائمة

⑤ في كل عقدة، نختار الرأس الأيسر أو الأيمن
 في القائمة AB، ونضعه في القائمة

⑥ في كل عقدة، نختار الرأس الأيسر أو الأيمن
 في القائمة AB، ونضعه في القائمة

تعمیر المثلث، کثیرالضلعی و سایر اشکال هندسی
و در ادامه به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.



۱- فرض کنید مثلثی را در نظر بگیرید که در آن خطی موازی با یکی از اضلاع آن رسم شده است. این خط موازی اضلاع دیگر را در نقاط E و F تقاطع می‌دهد. در این صورت، مثلث ABE و مثلث CFE هم‌شکل خواهند بود. همچنین، مثلث AEF و مثلث ABC نیز هم‌شکل خواهند بود. این موضوع بر اساس قضیه تالس (Thales' Theorem) می‌تواند اثبات شود.

همچنین، در این حالت، $AE/AC = BF/BC = EF/AB$ برقرار خواهد بود. این نسبت‌ها را می‌توان به کمک قضیه تالس اثبات کرد.

ملاحظه شود که در این حالت، مثلث ABE و CFE هم‌شکل هستند. همچنین، مثلث AEF و ABC هم‌شکل هستند. این موضوع بر اساس قضیه تالس می‌تواند اثبات شود.

در ادامه، به بررسی روش‌های دیگر برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت. در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت. در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.

در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت. در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.

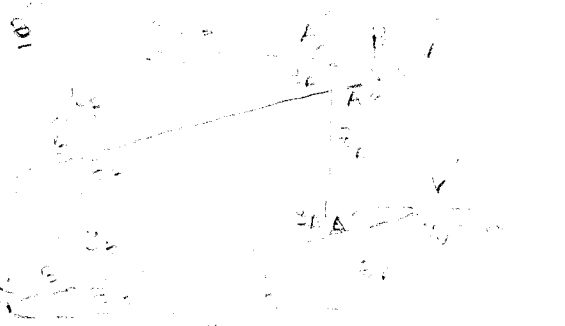
در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.

در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.

در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.

در این بخش، به بررسی روش‌های مختلف برای حل مسائل هندسی خواهیم پرداخت.

ب- التمام المتكامل على المجموعتين $A \cup B$ و $A \cap B$ ثم $A \setminus B$ و $B \setminus A$.
 التمام على $A \cup B$ و $A \cap B$ و $A \setminus B$ و $B \setminus A$ هو مجموع التمامين



نفسه، إذن التمام $(A \cup B)$ هو
 مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.
 التمام على $A \cup B$ و $A \cap B$ و $A \setminus B$ و $B \setminus A$
 هو مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.

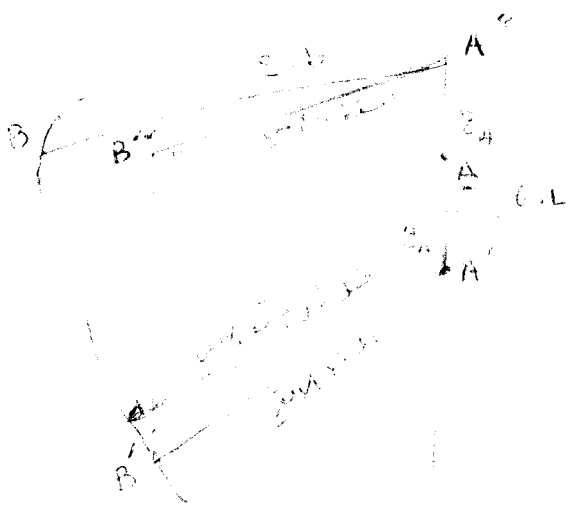
ج- التمام المتكامل على $A \cup B$ و $A \cap B$ و $A \setminus B$ و $B \setminus A$.
 التمام على $A \cup B$ و $A \cap B$ و $A \setminus B$ و $B \setminus A$ هو مجموع التمامين
 التمام على $A \setminus B$ و $B \setminus A$ هو مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.
 التمام على $A \cup B$ و $A \cap B$ هو مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.

التمام المتكامل

في مجموعة S يكون التمام المتكامل هو مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.
 التمام على $A \cup B$ و $A \cap B$ هو مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.
 التمام على $A \setminus B$ و $B \setminus A$ هو مجموع التمامين $A \setminus B$ و $B \setminus A$.

المسألة 1: إذا كان مركز ثقل الجسم G يقع على بعد 3 cm من A و 5 cm من B ، فما هي المسافة بين A و B ؟

المسألة 2: إذا كان مركز ثقل الجسم G يقع على بعد 1 cm من A و 5 cm من B ، فما هي المسافة بين A و B ؟



$$T.L = 6\text{ cm}$$

$$Z_A = 3\text{ cm}$$

$$Z_B = 1\text{ cm}$$

$$y_A = 1\text{ cm}$$

$$y_B = 5\text{ cm}$$

المسألة 3: إذا كان مركز ثقل الجسم G يقع على بعد 1 cm من A و 5 cm من B ، فما هي المسافة بين A و B ؟

المسألة 4: إذا كان مركز ثقل الجسم G يقع على بعد 1 cm من A و 5 cm من B ، فما هي المسافة بين A و B ؟

المسألة 5: إذا كان مركز ثقل الجسم G يقع على بعد 1 cm من A و 5 cm من B ، فما هي المسافة بين A و B ؟

$$Z_A = 4\text{ cm}$$

$$y_A = 2\text{ cm}$$

$$Z_B = -1\text{ cm}$$

$$y_B = 6\text{ cm}$$

$$T.L = 7\text{ cm}$$

المهندسه الوصفيه (Descriptive Geometry)

The plane المستوي

المستوي : هو السطح الذي يمكن توصيل أي نقطتين من نقاطه بخط مستقيم وهذا الخط المستقيم يقع داخل المستوي .

يتحدد المستوي في الفراغ بمعلومية:

1. ثلاثة نقط ليست على استقامة واحدة.
2. مستقيم ونقطة.
3. مستقيمان متقاطعان.

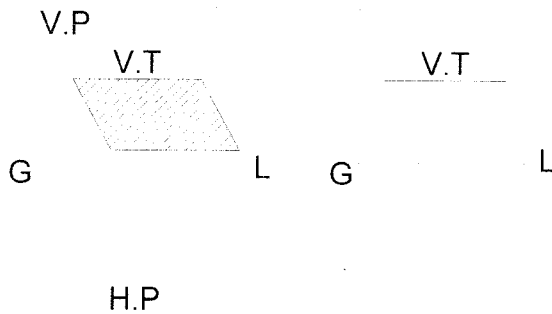
• أثار المستوي Trace the plane of

أي مستوي في الفراغ توجد له علاقة بمستويين اساسيين للاسقاط بواسطة امتدادة وتقابله مع المستوي الافقي (H.P) والمستوي الراسي او العمودي (V.P) وخط تقاطع المستوي مع المستوي الافقي يسمى بالاثر الافقي (H.T) وخط تقاطع المستوي مع المستوي الراسي يسمى بالاثر الراسي (V.T).

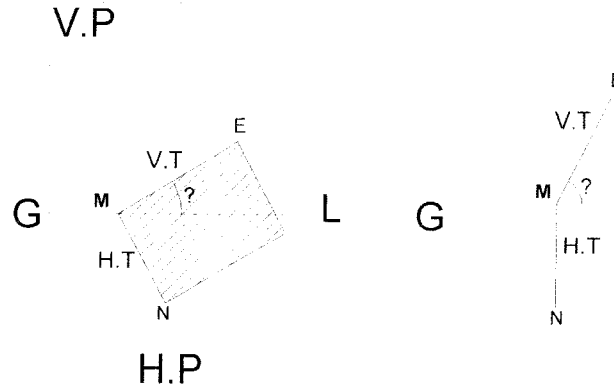
• اوضاع المستوي في الفراغ Situation in space plane

يتحدد وضع المستوي في الفراغ بالنسبة الى مستوي الاسقاط .

1. مستوي افقي: هو المستوي الذي يوازي المستوي الافقي وعمودي على المستوي الراسي. فمستطه الافقي يظهر شكله الحقيقي ومستطه الراسي يقع على الاثر الراسي (V.T) في هذه الحالة يكون له اثر راسي فقط.



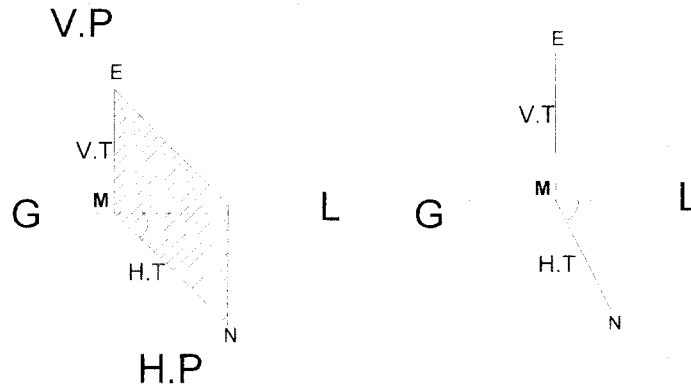
الهندسة الوصفية (Descriptive Geometry)



* ملاحظة : أي شكل يحتوي المستوي فان مسقطه الراسي يقع على (V.T) بينما مسقطه الافقي يقع على يمين او يسار (H.T).

5. مستوي عمودي على المستوي الافقي مائل على المستوي الراسي

يكون المستوي مائل على المستوي الراسي وعمودي على المستوي الافقي ويميل المستوي بزاوية (β) على المستوي الراسي وفي هذه الحالة فان زاوية ميله على المستوي الراسي تمثل ميل الاثر الافقي (H.T) على خط الارض (G.L) وفي هذه الحالة يكون الاثر الراسي عمودي على خط الارض.



* ملاحظة : أي شكل يحتوي المستوي فان مسقطه الافقي يقع على (H.T) بينما مسقطه الراسي يقع على يمين او يسار (V.T).

المهندسه الوصفية (Descriptive Geometry)

طرق تعيين اثرى المستوي

1 - بمعلومية زاويتي ميل اثريه على خط الارض:

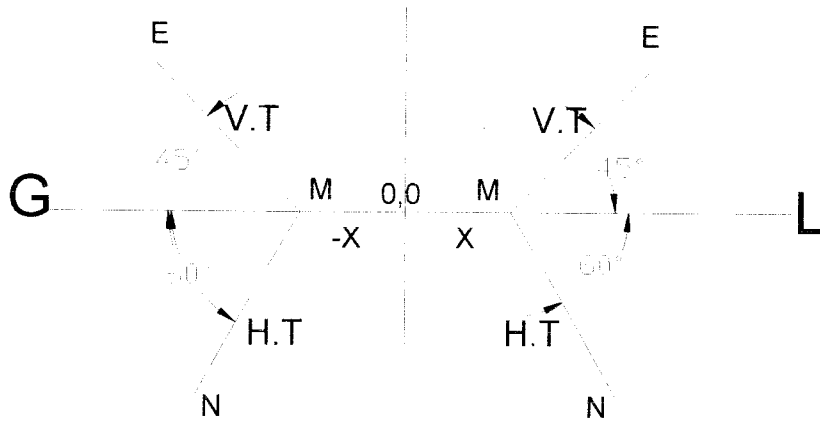
يمكن تعيين اثرى المستوي اذا علم زاويتي ميل اثريه على خط الارض وكذلك بعد نقطة تقاطعها عن نقطة الاصل سواء كان البعد موجب او سالب ويكون نموذج النقطة هكذا $(x, v.t, h.t)$: حيث

X: بعد نقطة تقاطع الاثرين عن نقطة الاصل.

v.t: ميل الاثر الراسي على خط الارض.

h.t: ميل الاثر الافقي على خط الارض.

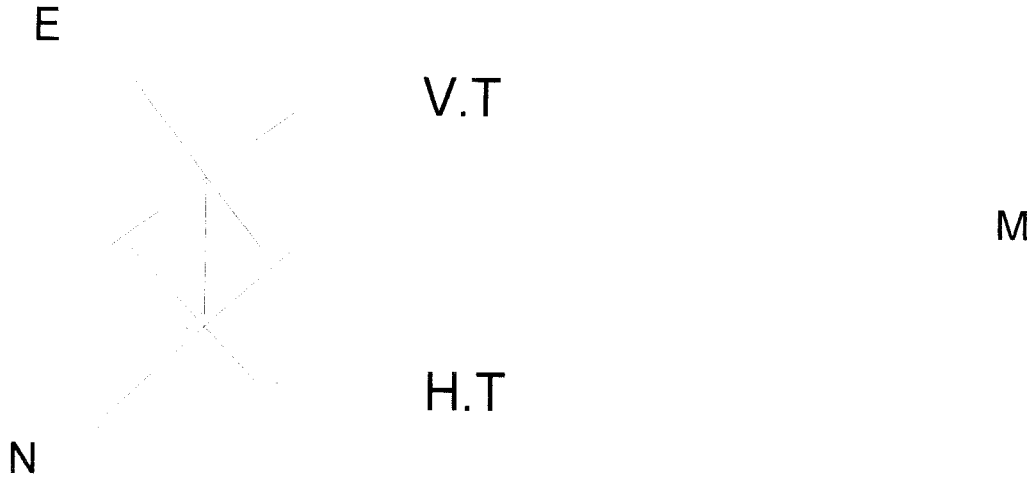
مثال: عين اثري المستوي EMN حيث $(1,45,60)$, $(-1,45,60)$



2 - بمعلومية نقطة ومستقيم معلوم:

المستقيم AB في وضع عام معلوم مسقطه الافقي والراسي ونقطة مثل C معلوم مسقطها الافقي والراسي, نعين اثري المستوي بتحويلهما الى مستقيمين متقاطعين وذلك بان نصل نقطة C الى نقطة واقعة على المستقيم AB ولتكن نقطة D فيصبح عندنا المستقيم CD, بعدها نعين الاثر الافقي والراسي للمستقيمين AB, CD, نصل الاثرين الراسيين سوية للمستقيم AB, CD فنحصل على الاثر الراسي للمستوي (V.T) والاثريين الافقيين سوية للمستقيمين AB, CD فنحصل على الاثر الافقي للمستوي (H.T) كما في الشكل التالي.

الهندسة الوصفية (Descriptive Geometry)



3 - بمعلومية ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة:

المفروض ثلاث نقاط ليست على استقامة واحدة هي A, B, C نصل النقطتين A, B ثم A, C فنحصل على مستقيمين متقاطعين هما AB و AC .

بعدها نعين الاثر الافقي والراسي للمستقيمين AB, AC, نصل الاثرين الراسيين سوية للمستقيم AB, AC فنحصل على الاثر الراسي للمستوي (V.T) والاثرين الافقيين سوية للمستقيمين AB, AC فنحصل على الاثر الافقي للمستوي (H.T) كما في الشكل التالي.

