

أنواع الهندسة الاهليجية:

1. الهندسة الاهليجية الأحادية *Single Elliptic Geometry* (نصف الكرة).
2. الهندسة الاهليجية المزدوجة *Double Elliptic Geometry* (كرة كاملة).

جاءت التسمية احادي ومزدوجة من الحقيقة بأن اي مستقيمين يتقاطعان بنقطتين في الهندسه لاهليجيه المزدوجة وفي نقطة واحدة فقط في الهندسة الأهلجية الأحادية .

مبرهنة (71) :

العمودان على نفس المستقيم يتقاطعان في نقطة.

البرهان:

نستنتج من هذه المبرهنة من البديهية المميزة لهذه الهندسة حيث ان الخطين في المستوي يتقاطعان دائماً.

من المناسب ان نفكر بأن سطح الارض هو كرة تامة . خطوط الطول هي نماذج للخطوط العمودية على خط الاستواء وبما ان كل هذه الخطوط تتقاطع في القطبين الشمالي والجنوبي توضحها في المبرهنة التالية.

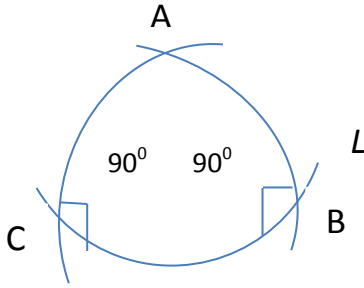
مبرهنة (72) :

الأعمدة على كل النقاط لمستقيم تلقي في نقطة تدعى قطب الخط وبالعكس كل مستقيم كل مستقيم يمر بالقطب يكون عموديا على المستقيم المسافة q من قطب مستقيم للمستقيم هي المسافة القطبية للمستقيم .

مبرهنة (73) :

مجموع زاوية المثلث هو اكبر من 180°

البرهان:



لتكن B, C نقطتين مختلفتين على مستقيم L نرسم

مستقيمين عموديين على L من B و C

يتقاطع هذان المستقيمان في نقطة A .

ولذلك مجموع زوايا المثلث ABC هو اكبر من 180° .

جدول لمقارنة الهندسية الاقليدية والهندسية اللاأقليدية

الاقليدية	الهندسولة	الأهليلجية	
يتقاطع المستقيمان في نقطة واحدة في الاكثر	نقطة واحدة على الاكثر	نقطة واحدة (الاحادية) نقطتان (المزدوجة)	
ليكن مستقيم L نقطة لا تقع على L فإنه	يوجد موازي واحد فقط للمستقيم L من P	لا يوجد الى L من P	
يفصل المستقيم الى نصفين	بواسطة نقطة	لا يفصل	
اذا قطع مستقيم واحد مستقيمين متوازيين فإنه	قد يقطع أو لا يقطع		
عمودان على نفس المستقيم يكونان	متوازيين	غير متوازيين	متقاطعان
مجموع زوايا المثلث	يساوي زويتان قائمتان	أقل من زويتان قائمتان	اكثر من زويتان قائمتان